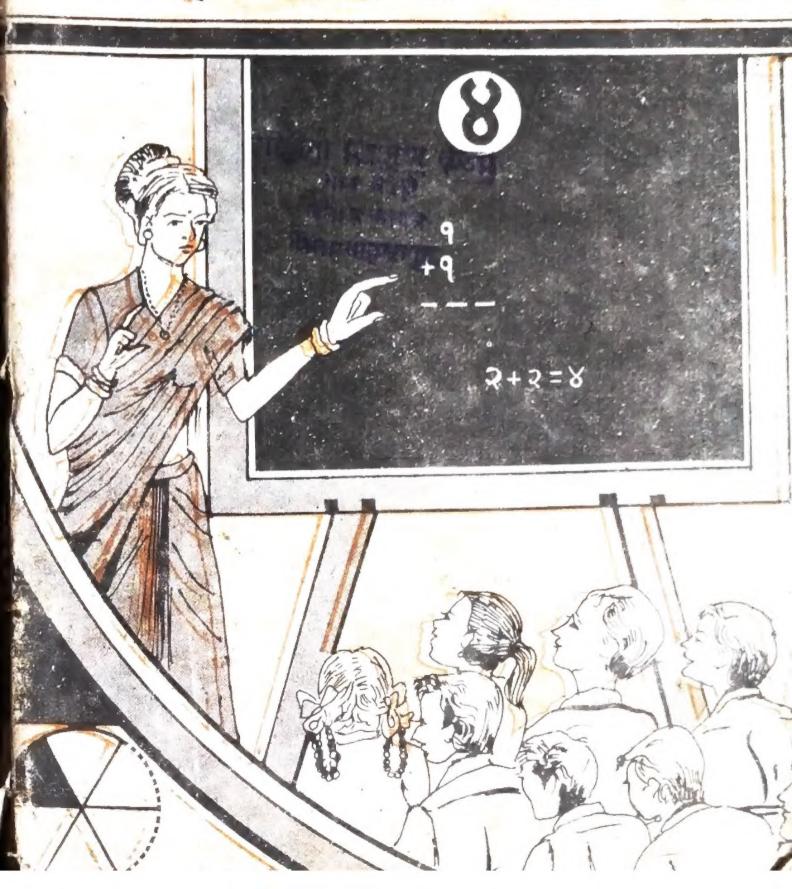
# CIGE EDUIG



राजकीय प्रकाशन शिक्षा विमाग, उत्तर प्रदेश

# बाल अंकगणित

भाग ४ के विद्यार्थियों के लिए)



बेसिक शिक्षा परिषद्, उत्तर प्रदेश प्रथम संस्करण : १८८१

पुनर्मुद्रण : १८६२

पुनर्मुद्रण : १८६३

मूल्य : रु० ४.०५

#### रचना मण्डलः

सम्पादक:

श्री हरि प्रसाद पाण्डेय, निदेशक राज्य शैक्षिक अनुसंधान और प्रशिक्षण परिषद, उ०प्र०

संयोजक:

श्री बुद्धि सिंह चौधरी

लेखकं मण्डल:

श्री प्रभाकर मिश्र श्री राम कुमार द्विवेदी श्री रमाकान्त उपाध्याय श्री वेणी माधव गुप्त श्री आनन्द प्रकाश मिश्र, परिषद प्रतिनिधि

प्रामर्शदाता :

श्री ठाकुर चन्द्र सिंह रावत श्री ए. एन. तिवारी

समीक्षक :

डॉ. वी. पी. गुप्त, श्री श्याम नारायण राय

#### चित्रांकन एवं उत्पादन :

पाठ्य पुस्तक विभाग शिक्षा निदेशम्लय, बेसिक, उत्तर प्रदेश

राज्नियुक्त प्रकाशक एवं मुद्रक सद्भावना प्रकाशन, अलीगढ़

© इत्तर प्रदेश शासन

#### प्राक्कथन

शिक्षा के क्षेत्र में यद्यपि विविध प्रकार की शिक्षण सामग्रियों का विकास होता जा रहा है तथापि पाठ्य पुस्तकों का महत्त्व कम नहीं किया जा सकता। विकासशील देशों में पाठ्यपुस्तक का महत्त्व और अधिक हो जाता है, क्योंकि वहां शिक्षा के अन्य साधन सर्व सुलभ नहीं हैं। पाठ्य पुस्तक के माध्यम से हम न केवल विद्यार्थियों को अपितु शिक्षकों को भी विषय की नवीन संकल्पना से अवगत करा सकते हैं।

बच्चों को कम मूल्य में उत्तम पाठ्य सामग्री प्राप्त हो सके, यह शासन एवं शिक्षा विभाग का उद्देश्य रहा है। समय के बदलाव के साथ-साथ पाठ्य पुस्तकों में आवश्यक परिवर्तन एवं परिवर्द्धन भी किया जाता रहा है। पुस्तकों को प्रस्तुत करते समय यह प्रयास रहा है कि इनकी विषय सामग्री छात-छाताओं के ज्ञान का संवर्द्धन करने के साथ ही उनमें अपेक्षित योग्यताओं, दक्षताओं, प्रवृत्तियों, मूल्यों तथा आस्थाओं का विकास करे जिससे वे देश तथा समाज के लिए उपयोगी नागरिक बन सकें।

इन पुस्तकों में विषय सामग्री को सरल, बोधगम्य एवं सुरुचिपूर्ण ढंग से प्रस्तुत करने की चेष्टा की गई है। बेसिक शिक्षा परिषद्, राज्य शैक्षिक अनुसंधान और प्रशिक्षण परिषद्, उ०प्र० के निदेशक एवं उन सभी विशेषज्ञों के प्रति अपना हार्दिक आभार प्रेकट करती है जिन्होंने लेखकमण्डल, परामर्श समिति एवं समीक्षा समिति के सदस्य के रूप में अपने ज्ञान, अनुभव और परिश्रम से इस पुस्तक के प्रणयन में महत्त्वपूर्ण योगदान दिया है। परिषद् पाठ्य पुस्तक विभाग के सहकर्मियों का भी आभारी है, जिन्होंने सुस्तक के चित्रांकन एवं उत्पादन में बड़ी रुचि एवं परिश्रम से कार्य किया है।

मार्च, १६६३

वेसिक शिक्षा परिषद् उत्तर प्रदेश।

## विषय सूची

काई	विषय	पृष्ठ संख्या	
1.	पिछले कार्य की पुनरावृत्ति	9	
2.	एक लाख तक संख्याओं का पढ़ना और लिखना	8	3,
3.	संख्याओं का जोड़-घटाना	93	जा
8.	गुणा	50	
у.	भाग	7×	• पर
E	मिश्र संक्रियाएँ	35	
9.	ऐकिक नियम का प्रयोग	38	हज
€.	अपवर्त्य और गुणनखण्ड	38	स्थ
£.	सम अपवर्तक और सम अपवर्त्व	4.	दस
90.	भिन	90	
99	दशमलव	డు	पद्ध
92.	परिमिति	118	-
13	समय मापन	123	
98	कैलेण्डर की बनावट	188	
( 4 .	उत्तर माला	180	£.

#### इकाई - १

#### पिछले कार्य की पुनरावृत्ति

किसी भी संख्या के संख्यकों को इन दस अंकों ०, १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ८, ६ के द्वारा स्थानीय मान के आधार पर लिखा जाता है।

स्थानीय मान के सिद्धान्त के अनुसार अंकों के मान उनके स्थाना पर निर्भर करते हैं।

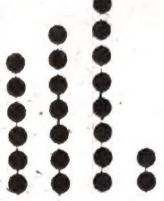
दाई ओर से पहला इकाई, दूसरा दहाई, तीसरा सैकड़ा, चौथा हजार के स्थान हैं। इस प्रकार प्रत्येक स्थान पर समान अंकों का स्थानीय मान उसके दायें स्थान पर उसी अंक के स्थानीय मान का दस गुना होता है।

संख्या लेखन की यह हिन्दू-अरबी पद्धति है जिसे अन्तर्राष्ट्रीय पद्धति भी कहते हैं।

A Company of the Comp	Car Con to				
	हजार	सैकड़ा	दहाई	इकाई	
	£	2	٤	ځ	
र्ट का मान		£ x 900		έχη. = έ	
' रंख्या	a sufference			+ & = & & & & & & & & & & & & & & & & &	

#### संख्या निरूपण के चार ढंग

(१) एबाक्स



(२) स्थानीय मानचित्र

E 9 E 7

(३) विस्तृत रूप

E000+600+E0+3

(४) संगाथिति रूप

= 4007

#### अभ्यास - १

- (१) निम्नलिखित संख्याओं को पढ़ो :-टर्ट, र्टर्टर, ५६०७, र्टर्टर्ट, १००००
- (२) निम्नलिखित संख्याओं को अंकों में लिखो: -
  - (क) चार हजार छ: सौ आठ
  - (ख) पैंतीस हजार छ: सौ उनासी।
- (३) कौन सी संख्या होगी ;-
  - (क) टंट से एक अधिक (ख) १००० से एक कम
  - (ग) ७२ से तीन कम (घ) ८३ से तीन अधिक।
- (४) (क) दो-दो के अन्तर से ७० से १०० तक की संख्यायें लिखो।
  - (ख) तीन-तीन के अन्तर से १८८ से २०६ तक की संख्यायें लिखो।
    - (ग) दस-दस के अंतर से पाँच संख्यायें ७८६० से आरम्भ करके लिखो।
    - (घ) सौ-सौ के अन्तर से पाँच संख्यायें ८३४३ से आरम्भ करके लिखों।
    - (ङ) एक-एक हजार के अन्तर से पाँच संख्यायें ३३३३ से आरम्भ करके लिखो।

(9

1	
(५) स्थानीय मान बताओ	
(क) ५६५६ में दोनों ६ के अंव	हों का।
(ख) ८०८ में दोनों ८ के अंको	
(ग) र्टर्टर्ट में सभी र्ट के अंक	
(६) बड़ा ' > ' और छोटा ' < '	
(क) दर्द दंद	
(ख) ६५ ५६	
(可) 330 303	
(घ) १०८६ १०६६	
(७) स्थानीय मानचित बनाओ अ लिखो: -	गैर निम्नलिखित संख्याओं को
१, २५, ३८४,	4569, CECO
(८) संगाथिति संख्या लिखो जैसा	कि खण्ड, के में किया गया
है।	
(क) २००० + ५०० + ३०	*
(ख) ४००० + ७०० + ०	
(T) 3000 + £00 + £0	+ &
(a) £000 + 0 + 00	+ 3
(र्ट) बताओ - (क्र) के अंत्रीय गण्ये करी	
(क) दो अंकीय सबसे बड़ी (ख) तीन अंकीय सबसे छोत	
(ग) चार अंकीय सबसे बड़ी	
(प) चार अकाय सबसे बड़ा	
(प) चार जकाब सबस छाट	ા લહ્યા
(१०) निम्नलिखित संख्याओं को	आरोही और अवरोही कम में
लिखो:	
	२४६२ (ग) २०६
9346	र्द६२४ ३६८
<b>EX3E</b>	६६.४२ ४८६

#### इकाई - २

#### एक लाख तक की संख्याओं का पढ़ना और लिखना

हम जानते हैं कि

इससे यह स्पष्ट है कि र्ट से एक अधिक संख्या १०, र्टर्ट से एक अधिक संख्या १००, र्टर्ट से एक अधिक संख्या १००० और र्टर्टर्ट से एक अधिक संख्या १०००० है।

इस प्रकार वार अंकों की सबसे बड़ी संख्या र्टर्टर्ट है और पाँच अंक की सबसे से छोटी संख्या १०००० है।

पाँच अंकीय सबसे बड़ी संख्या र्टर्टर्टर है जिसे निन्यानवे हजार त्री सौ निन्यानवे पढ़ते हैं। इससे एक अधिक संख्या

र्टर्टर्टर + १ = १००००० हुई जिसे एक लाख पढ़ते हैं। १००००० (एक लाख) छ: अंकीय सबसे छोटी संख्या है।

पाँच और छ: अंकीय संख्याओं में प्रत्येक का स्थानीय मान

जैसा कि चौथा स्थान हजार का है उसी क्रम में पाँचवाँ स्थान दस हजार और छठवाँ स्थान सौ हजार अथवा एक लाख का है।

जैसा कि हम जानते हैं कि संख्याओं का विस्तार दायें से बायीं ओर होता है अत: स्थानीय मानचित का विस्तार भी बायीं ओर होता है। पहले छ: स्थानों को स्थानीय मानचित में नीचे दर्शाया गया नि

¥ -

प्रद

-	लाख (सौ हजार)	11	हजार	ं.सैकड़ा	दहाई	इकाई
		* La 's	T Lynn	1 1		

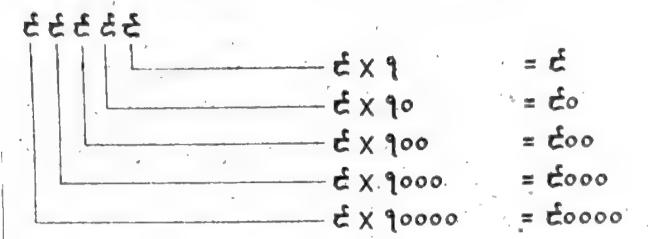
प्रकर्ट, र्टर्टर्ट, प्रकटर्ट पाँच अंकीय और छ: अंकीय संख्याएं हैं, इनके संख्याओं को निम्नलिखित रूप से स्थानीय मानचित्र में लिखा जाता है।

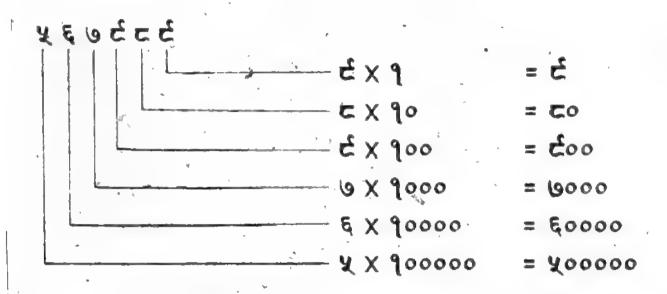
लाख दस हजार सैकड़ा दहाई इकाई (सौ हजार हजार) प्रकृद्दि प्र ६ ७ ६ ट र्टर्टर्टर्टर र्टर्टर्टर्टर प्र ६ ७ ६ ट

प्रकर्ट में ट का स्थानीय मान ट्र १ = ट प्रकर्ट में ट का स्थानीय मान ट्र १० = ट प्रकर्ट में ७ का स्थानीय मान ७२१०० = ७०० प्रकर्ट में ६ का स्थानीय मान ६२१००० = ६००० प्रकर्ट में ५ का स्थानीय मान ५२१००० = ५०००

#### संख्या

#### स्थानीय मान





४६७६८६ में सभी अंको के स्थानीय मान इस प्रकार होंगे दाई ओर से प्रारम्भ करो

र्ट का स्थानीय मान र्ट x १ = र्ट

८ का स्थानीय मान े ८ X १० = ८० -

र्द का स्थानीय मान र्द X १०० = र्द००

(यह दूसरा र्द का अंक है जो सैकड़ा के स्थान पर आया है

अतः इस र्ट का स्थानीय मान र्ट x १००= र्ट०० हुआ।)

७ का स्थानीय मान . ७ X १००० = ७०००

६ को स्थानीय मान ६ X १०००० = ६००००

५ का स्थानीय मान ५ X १००००० = ५०००००

( = )

किसी संख्या का मान उसके प्रत्येक अंक के स्थानीय मान के योग के बराबर होता है।

३४५१८ के सभी अंकों के स्थानीय मान नीचे दिये गये हैं

अंक	स्थानीय मान		
5	ट इकाई 💎 ट 🗙 १	=	<b>C</b>
9	१ दहाई १ × १०	<b>±</b> .	90
4	र्ट सैकड़ा र्ट X १००	=	200
8	४ हजार ४ × १०००	=	8000
· 3	ं३ दस हजार ३ X १००००	=	30000

३४८१८ को विस्तृत रूप में तीन विभिन्न प्रकार से लिखा जाता है

ध्यानपूर्वक देखें तो ज्ञात होगा कि संख्या का मान उसके सभी अंकों के स्थानीय मानों को जोड़ने पर ज्ञात होता है।

# किसी संख्या के आगे सी-सी और हजार-हजार जोड़ते हुए संख्याओं को क्रम से गिन सकना

देखो	
३१५ से १ आगे की संख्या=३१६	३१५
	+ 9
	३१६
८७ से १ आगे की संख्या=८८	50
	+ 9
	<u></u>
५३३८ से १ आगे की संख्या=५३३८	¥33C
	+ 9
	प्रवर्द
५३३८ से १०० आगे की संख्या=५४३८	<b>3 £ £ £</b>
	+ 900
	483€
६०७५ से १०० आगे की संख्या=६१७५	६०७५
	+ 900
	६१७५
१२३४५ से १००० आगे की संख्या=१३३४५	१२३४५
	+ 9000
	13387
अटपुर्व्ह से १००० आगे की संख्या= अर्टपुर्व्ह	७८५०६
	+ 9000
	७६५०६

उदाहरणों से स्पष्ट है कि जिस प्रकार किसी संख्या से एक आगे की संख्या उस संख्या के इकाई अंक में एक जोड़ने पर प्राप्त होती है उसी प्रकार किसी संख्या से १०० आगे की संख्या उस संख्या के सैकड़ा अंक में १ जोड़ने पर और १००० आगे की संख्या हजार के अंक में १ जोड़ने पर प्राप्त होती है।

संख्याओं की तुलना:

पाँच अंकीय संख्याओं की तुलना के नियम वही हैं जो चार अंकीय संख्याओं की तुलना के हैं।

नियम १

अधिक अंकों की संख्या कम अंकों की संख्या से बड़ी होती है।

9376> EEY.

£096> EEE

464> EO

#### नियम २

2一人

Ł

०। अ। या ०।या।

यदि किन्हीं दो संख्याओं में अंकों की संख्या समान हो ते उनकी तुलना संख्या के अंतिम बायें अंक की तुलना से करते हैं यदि अंतिम बायें अंक भी एक समान हों तो उसके बाद के बार अंकों की तुलना करते हैं और फिर ये अंक भी समान हों तो उसके बाद के अंक की तुलना करते हैं और इसी प्रकार बायें से दाई ओ चलते हुये अंकों की तुलना करते जाते हैं। जिस संख्या का बार से पहला असमान अंक बड़ा होता है वह संख्या बड़ी होती है।

उदाहरण १

3900> ?EXE 837E> 87EE EOCE> COEC 3493> 3490

वह संख्या जो किसी संख्या के ठीक बाद या एक आगे हो।

उदाहरणों से स्पष्ट है कि जिस प्रकार किसी संख्या से एक आगे की संख्या उस संख्या के इकाई अंक में एक जोड़ने पर प्राप्त होती है उसी प्रकार किसी संख्या से १०० आगे की संख्या उस संख्या के सैकड़ा अंक में १ जोड़ने पर और १००० आगे की संख्या हजार के अंक में १ जोड़ने पर प्राप्त होती है। संख्याओं की तुलना:

पाँच अंकीय संख्याओं की तुलना के नियम वही हैं जो चार अंकीय संख्याओं की तुलना के हैं।

नियम १

अधिक अंकों की संख्या कम अंकों की संख्या से बड़ी होती है।

9376 > ÉCY £096 > ÉÉE 464 > CO

#### नियम २

यदि किन्हीं दो संख्याओं में अंकों की संख्या समान हो ते उनकी तुलना संख्या के अंतिम बायें अंक की तुलना से करते हैं यदि अंतिम बायें अंक भी एक समान हों तो उसके बाद के बार अंकों की तुलना करते हैं और फिर ये अंक भी समान हों तो उसवे बाद के अंक की तुलना करते हैं और इसी प्रकार बायें से दाई ओ चलते हुये अंकों की तुलना करते जाते हैं। जिस संख्या का बार से पहला असमान अंक बड़ा होता है वह संख्या बड़ी होती है।

उदाहरण १

3900> ?EXE 837E> 87EE COEE> COEE 3493> 3490

वह संख्या जो किसी संख्या के ठीक बाद या एक आगे होत

( 선 )

# है इस संख्या की अनुवर्ती संख्या कहलाती है।

#### उदाहरण २

संख्या अनुवर्ती

र्दर्द १००

र्द०ट र्द०र्ट

३७६५ ३७६६

किसी संख्या की अनुवर्ती संख्या, उस संख्या में १ जोड़ने पर प्राप्त होती है।

वह संख्या जो किसी संख्या से ठीक पहले या एक पीछे होती है, उस संख्या की पूर्ववर्ती संख्या कहलाती है।

#### उदाहरण ३

संख्या	* 1	पूर्ववर्ती
د		(a -
500	7	cćć
90000	0	<b>රස්ර්ර්ර්</b>

किसी संख्या की पूर्ववर्ती संख्या को उस संख्या में से १ घटाने पर प्राप्त किया जाता है।

शून्य की पूर्ववर्ती कोई संख्या नहीं होती।

#### इकाई - ३ संख्याओं का जोड़-घटाना

#### गछले कार्य की पुनरावृत्ति :

#### अभ्यास ३

9)	जोड़ो-
	(अ) ४३०२ २०८६, २१३४
	(ब) २५६० ५३१८, ५३७
	(स) ८६०६, २३६, ६५
	(द) ३७४०, २१, ०
5)	घटाओ-
	(अ) र्द३०२ से ५र्दद३
	(ब) ५००० से ३८७५
	(स) २१८१ से १६२८
	(द) ४३१८ से ३३२८
ξ) .	एक पौधशाला में १५६० आम के पौधे, ३६६ नीबू, ५०१२
	अमरूद तथा दर्द पीपल के पौधे हैं। बताओ पौधशाला में
•	कितने पौधे हैं।
8)	एक टोकरी में ३६१८ आम हैं। ६१८ आम बच्चों मे बाँट दिये
	गये। बताओ टोकरी में कितने आम बचे।
પ્(પ્ર	जोड़ और घटाने की क्रिया किये बिना उत्तर निकालो-
	(क) ३५+१५=५० तो बताओ १५+३५=
	(ख) २७+३३+४५=१०५ तो बताओ
	₹9+8×+33=
•	(ग) २३-८=१५ तो बताओ २३०-८०=
	(घ) र्८५०+२१०=११६० तो बताओ र्८५+२१=
	( 92 )

#### पाँच अंकीय संख्याओं का जोड़:

#### उदाहरण १

#### किया विधि-

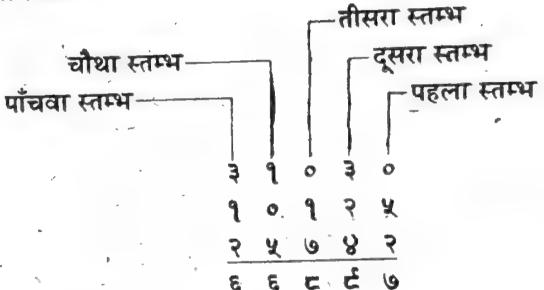
पहले इकाई अंकों को जोड़ो और क्रम से दहाई, सैकड़ा, और हजार के अंकों को जोड़ो और अंत में दस हजार के अंकों को जोड़ो।

#### स्तम्भ और पंक्ति में जोड़:

उदाहरण २

३१०३०+१०१२५+२५७४२ का मान बताओ। यहाँ सभी जोड़ी जाने वाली संख्यायें एक पंक्ति में दी गर्यी हैं। इन संख्याओं को दाई ओर से इस प्रकार लिखो कि इकाई में अंक पहले स्तम्भ में दहाई अंक दूसरे स्तम्भ में, सैकड़ा के सभी अंक तीसरे स्तम्भ में, हजार के अंक चौथे स्तम्भ में, दस हजार के अंक पांचवे स्तम्भ में रखे : जाँय।

क्रिया विधि -



उदाहरण ३

जोड़ो ३४६७, ४००८३ और २८८७५

क्रिया विधि-

सभी संख्याओं को ऊपर की विधि से स्तम्भ में लिखो ११२१ ......हासिल

3880 800E3 +75564 65858

पंक्ति में लिखी हुई जोड़ी जाने वाली संख्याओं को स्तम्भ में लिखकर जोड़ना अधिक सरल होता है।

#### जोड़ के गुण धर्म:

(१) किसी संख्या में शून्य जोड़ने पर संख्या नहीं बदलती है। देखो

#### उदाहरण ४

(२) दो संख्याओं के जोड़ में संख्याओं के क्रम को बदलने से योगफल नहीं बदलता है।

देखो -

#### उदाहरण ५

यह नियम बड़ी संख्याओं के जोड़ों के लिये भी है।

### क्रय विक्रय सम्बन्धी योग के वार्तिक प्रश्न:

उदाहरण ६

एक व्यापारी ने क० १८०६ मूल्य का गेहूँ, क० २५६११ मूल्य की मक्का और क० ६०३७६ मूल्य का चावल क्रय किया तो उसने कितने रुपये का अनाज खरीदा?

अनाज का कुल मूल्य= गेहूँ का मूल्य+मक्का का मूल्य+चावल का मूल्य = रु०१८०६ +रु०२५६११ +रु०६०३७६

क्रिया विधि- पहले सभी जोड़ी जाने वाली संख्याओं को स्तम्भ में लिखा

१ १ ----- हासिल १८०६

+ २५६११

+ ६०३७६ ८७७६६

ज्यापारी ने रु०८७७६६ मूल्य का अनाज खरीदा।

#### अभ्यास - ४

- (१) एक गाँव में ३७६६ पुरुष, ३१८६ महिलायें और ५६०७ बच्चे हैं। बताओ गाँव की जनसंख्या क्या है।
- (२) एक ट्यूबवैल बनवाने में रु० २५०३६ का पाइप, रु० ८८७६ खुदाई, रु० १६६१० का मोटर तथा रु० १०६६७ अन्य खर्च आया तो ट्यूबवैल लगवाने में कितना खर्चा आया?
  - (३) एक नगर में ५६७० कार, २६६०३ मोटर साइकिलं, २०१११ स्कूटर तथा ३००२३ अन्य वाहन हैं बताओ शहर में कितने वाहन हैं।
  - (४) पाँच अंकों की छोटी से छोटी और चार अंकों की बड़ी से बड़ी संख्याओं का योग बताओ।

( 98 )

#### पाँच अंकीय संख्याओं का घटाना

पाँच अंक की संख्याओं से सम्बन्धित घटाने के प्रश्नों को करने की वही विधि अपनायी जाती है जो चार अंकीय संख्याओं के घटाने के प्रश्नों में प्रयुक्त होती है।

#### उदाहरण १

टर्ट७३५ में से २र्ट६१४ घटाओ।

#### उदाहरण २

८४६३६ में से २६५७८ को घटाओ।

प्रथम पद

संख्याओं को निम्न प्रकार से स्तम्भों में लिखते हैं।

८४८३६ --- व्यकल्प

- २६५७८ ---च्यवकलित

#### द्वितीय पद

इकाई स्थान के अंक ६ से ट को घटाना है, परन्तु यह संभव नहीं है क्योंकि ६ ८ ट। अब दहाई के स्थान के अंक ३ से १ उधार लेते हैं। चूँकि १ दहाई = १० इकाई इसलिये दहाई और इकाई को इस प्रकार लिखते हैं-

#### तृतीय पद

अब दहाई घटाते हैं। २ दहाई से ७ दहाई नहीं घट सकती है अत: व्यकल्प में सैकड़ा से एक उधार लिया इसे दहाई में बदला (. १७)

और २'में जोड़ा, इस प्रकार सैकड़ा और दहाई के स्थानों के अंकों को पुन: गठित किया

८ १२ १६

चतुर्थ पद

पंचम पद

हजार घटाओं - ४ हजार से ६ हजार नहीं घट सकता है, इसलिए दस हजार से उधार लिया और व्यकल्प में दस हजार और हजार को पुन: गठित किया

दस हजार		दस हजार	हजार		9	18	C	93	'१६
₽.	=	9	90+8		2	S	순	3	६
•				<u>-</u>	7	돈	X	6	ह
	,				4	¥	3	· X	. C

छठा पद

इस प्रकार घटाने पर अन्तर ५५३५८ प्राप्त हुआ।

#### उदाहरण ३

र्द्श०५३ से ८७३६र्ट घटाओ

#### उदाहरण ४

१०००० से ८३६७ घटाओ

अन्तर १६०३ है।

#### अभ्यास - ५

- (१) एक परीक्षा में ८०८७६ परीक्षार्थी बैठे। इनमें ७६८८७ छात हैं बताओ कितनी छातायें हैं?
- (२) एक आम-अमरूद के बगीचे में कुल पौधे १८७०३ हैं। यदि अमरूद के ८७०३ पौधे हैं तो आम के कितने पौधे हैं?
- (३) विपुल के पास लतीफ से रू० ८३३४ कम हैं। यदि लतीफ के पास रू० ७०३८६ हैं तो विपुल के पास कितने रूपये हैं?
- (४) एक कस्बे की जनसंख्या ७६१७० है दूसरे कस्बे की र्ट०१८७ है। बताओ दूसरे की जनसंख्या कितनी अधिक है।
- (५) दो संख्याओं का जोड़ ३३६०२ है, यदि पहली संख्या ८३८० है तो दूसरी संख्या बताओ।

#### इकाई - ४ गुणा

पिछले कार्य की पुनरावृत्तिः

अभ्यासं ६

(१) गुणा करो

(२) गुणा करो

(३) खाली स्थान में < या = या > चिह्न लगाओ

तीन अंकीय संख्या को तीन अंकीय संख्या से गुणा

एक तीन अंकीय संख्या को तीन अंकीय संख्या से उसी प्रकार गुणा किया जाता है जिस प्रकार एक दो अंकीय संख्या को एक दो अंकीय संख्या से किया जाता है।

#### उदाहरण १

४६७ को २३७ से गुणा करो जोड़ो २३७ = २००+३०+७

1 20.1

```
    ४६७

    ३२६८
    ४६७को ७ से गुणा

    १४०१०
    ४६७को ३० से गुणा

    ८३४००
    ४६७को २०० से गुणा

    जोड़ ११०६७८
```

#### उदाहरण २

६१६ को २१३ से गुणा करो-

**E9E** 

X \_ ? 9 3

१८४८ --६१६और ३ इकाइयों का गुणा ६१६० --६१६और १दहाई १०इकाइयों का गुणा १२३२०० --६१६ और '२सैकड़ा (२००इकाइयों) का

गुणा कि लिए

१३१२०८ --सभी गुणों को जोड़ कर

#### उदाहरण, ३०००० 🔻 👾

ज्ञात करो ४१०x३०६

890

30£

0000

973000 975550

```
किसी संख्या को १००, २००, ३००, .... र्ट०० और
 ध्यान से देखो -
                                                   गुणा
 २×१ = २ १८×१ = १८ ३१७×१ = ३१७
                                                  हो
 ? X 90 = , 20 9 € X 90 = 9 € 0 39 6 X 90 = 39 60
                                                  जैसे
 ? X 900 = 700 9E X 900 = 9E00 396 X 900 = 39600
 इसी प्रकार
 3 X 300 = 5 X 5 X 100 = 8 X 100 = 800
? X 300 = ? X 3 X 900 = & X 900 = &00
 २ X €00 = २. X € X 900 = 9€ X 900 = 9€00
                                                  (1)
इसी प्रकार
 1 × 200 = 1 × 2 × 100 = 3500
 390 X 700 = 390 X 7 X 900 = 63800 -
 9€ X 300 = 9€ X 3 X 900 = 4800
                                                  (3)
 1 X 600 = 1 X X X 100 = 16700
E X 7000 = E X 7 X 9000 = 96000
 E X 3000 = E X 3 X 9000 = 78000
                                                  (३)
    X £000 = E X £ X 9000 = 67000
     हमने पाया कि किसी संख्या को १००,२००,३००.... £००
से गुणा करने के लिये उस संख्या को क्रमशः १,२,३,.... र्ट से
गुणा करो और गुणनफल के दाई ओर दो शून्य लिख दो।
     इसी प्रकार किसी संख्या को १०००, २०००, ३००० .....
र्द००० से गुणा करने के लिए उस संख्या को क्रमश: १, २, ३,
                                                  (8)
र्ट से गुणा करो और गुणनफल के दाई ओर तीन शून्य लिख दो।
उदाहरण ४
```

396 X 9000 = 396000

#### गुण्य, गुणक और गुणनफल का तात्पर्य:

जिस संख्या को गुणा किया जाता है वह गुण्य और जिससे गुणा करते हैं गुणक कहलाती है। जो संख्या गुणा करने पर प्राप्त होती है उसे गुणनफल कहते हैं।

. जैसे - ३१६ ----गुण्य × = ----गुणक

२५२८ ----गुणनफल

#### गुणा के गुण धर्म

(१) संख्याओं के क्रम बदलने से गुणनफल नहीं बदलता है उदाहरण: २ x ६ = ६ x २ १७ x १३ = १३ x १७ ३०६ x २६ = २६ x ३०६

- (२) संख्याओं के समूह बदलने से गुणनफल नहीं बदलते उदाहरण: (५ x १) x ३ = ५ x (१ x ३) (१४ x ७) x ६ = १४ x (७ x ६)
- (३) संख्या का १ से गुणा करने पर गुणनफल वही संख्या होती

उदाहरण : ७ x १=७ ३८ x १=३८ ५१६ x १=५१६

(४) संख्या का ० से गुणा करने पर गुणनफल ० होता है। उदाहरण: Éxo=० १८xo=०

1 22 1

#### गुणा पर वार्तिक प्रश्न

उदाहरण ४

एक बाइसिकिल का मूल्य रु० ६६५ है। १३४ बाइसिकिलों का मूल्य क्या होगा?

१ बाइसिकिल का मूल्य = र्ट्स्थ रु० १३४ बाइसिकिलों का मूल्य = र्ट्स्थ रु० x १३४

र्दहर्

्×ः <u>१३४</u> ३⊏६०

+ 70040

+ <u>र्द६५००</u> १२८३१०

इस प्रकार १३४ बाइसिकिलों का मूल्य रु० १२६३१० होगा। अभ्यास - ७

(१) गुणनफ़ल बताओ

(स) ४४० x ० (द) ४४० x १

(२) > अथवा = अथवा < के चिह्न लगाओ

(3) (31 X C) X 3 31X(C X 3)

- (३) एक टोकरी में २१७ अमरूद हैं। बताओ ऐसी १०८ टोकरियों में कितने अमरूद होंगे।
- (४) एक विद्यालय में ८७८ छात हैं। प्रत्येक छात पर विद्यालय का वार्षिक खर्च रु० १६८ है तो बताओं कि एक वर्ष में कुल कितना खर्च होगा ?
- (५) हिरन गाँव से हावड़ा का एक आदमी का रेलभाड़ा रु० १६८ है। बताओ १६८ आदमियों को कितना भारत होगा?

#### इकाई - ५ भाग

यदि हम कहें कि ३१६ में ७ का भाग दो, तो हम लिखेंगे ३१६ ÷ ७ अथवा ७ | ३१६। ' ÷ 'अथवा' । 'भाग के चिह्न हैं।

यहाँ ७ से भाग दिया गया है ७ भाजक है। जिस संख्या में भाग दिया जाता है उसे भाज्य कहते हैं, ३१६ भाज्य है। भाग देने पर जो संख्या मिली वह भजनफल है यहाँ ४५ भजनफल है। शेष १ है।

#### भाग के गुण धर्म :

(१) जब भाज्य ० हो और भाजक ० को छोड़कर कोई भी मंख्या हो तो भजनफल शून्य होता है।

उदाहरण १ ० + ६= ०, ० + ११५ = ०, ०+१६८७=०

(२) यदि भाजक १ है तो भजनफल और भाज्य एक ही संख्या होती है

#### उदाहरण २

७ + १ = ७, १० + १ = १०, १+१ = १ पाँच अंकीय संख्या में दो अंकीय संख्या का भाग

दो अंकीय संख्या से किसी संख्या को भाग देते समय पिछली कक्षा की ही विधि का प्रयोग थोड़े से बदलाव के साथ करते हैं।

#### संक्षेप मे

| १२१४ | २७८५४४ | २३ | -- हजार को भाग दिया | ४६ | -- सैकड़ा को भाग दिया | ३५ | -- दहाई को भाग दिया | १२४ | -- इकाई को भाग दिया |

#### उदाहरण थ्र

१२३८६ को १७ से भाग दो

99E
99E
-99E
-38
-98E
-98E

 किसी संख्या में १०, १००, १००० से भाग:

ध्यान से निम्नलिखित उदाहरणों को देखो: -

१३० + १ = १३०, शेष o; १६५ + १०० = १, शेष ६५ १५१ + १ = १५१, शेष o; १३६५ + १०० = १३, शेष ६५ १३० + १० = १३, शेष o; ८३३४ + १०० = ८३, शेष ३४ ६१५३ + १० = ६१५, शेष ३; ८४ + १०० = ०, शेष ८४ ऊपर के उदाहरणों से निम्नलिखित बातें ज्ञात हुई

- (१) किसी संख्या को १० से भाग देने पर भजनफल संख्या वे इकाई अंक को छोड़कर प्राप्त होता है और इकाई का अंब शेष रहता है।
- (२) किसी संख्या को १०० से भाग देने पर भजनफल संख्या है इकाई और दहाई अंक को छोड़कर प्राप्त होता है और इका दहाई के अंकों से बनी संख्या शेष रहती है।
- (३) किसी संख्या को १००० से भाग देने पर भजनफल संख्य के इकाई, दहाई और सैकड़ा अंकों को छोड़ कर प्राप्त होत है और इकाई, दहाई, सैकड़ा के अंकों से बनी संख्या शे रहती है।

एक संख्या में दूसरी संख्या का भाग

#### उदाहरण ५

एक पुस्तक का मूल्य रु० ३६ है तो बताओ रु० २२२३० कितनी पुस्तकें मिलेंगी?

क्टं का २२२३० रु० में भाग दिया रु० २२२३० रुटं ( २८ ) -

उत्तर: ५७० पुस्तके

#### उदाहरण ६

बताओ एक छात को कितने रुपये मिले और कितने रुपये शेष बचे ?

यहाँ रु० ८३०६ को २७ बराबर भागों में बाँटना है। इसे हम इस प्रकार करेंगे

C305-76

अथवा

यहाँ पर भजनफल ३०७ है और शेष २०, अत: ८३०६ को २७ भागों में बाँटने पर हर एक भाग में रू० ३०७ आये और शेष ५० २० बचे।

#### अभ्यास ट

#### भजनफल तथा शेष बताओ

दे एक पाठशाला में १३२० छात्र हैं। यदि एक बस में कुल ६। छात्र बैठ सकते हैं तो बताओ कि सभी छात्रों को ले जाने वे लिये कितनी बसें चाहिए।

१० एक बगीचे में १७६० पौधे लगने हैं यदि बगीचे में ११ पंक्तिय हैं तो प्रत्येक पंक्ति में कितने पौधे होंगे ?

#### इकाई ६ मिश्र संक्रियाएँ

निम्नलिखित प्रश्नों को ध्यान पूर्वक देखो

9- 93+94+3 ..

7- 93 X 7+3-78+8

3- 34+0 X £+93-7

इन प्रश्नों में जोड़ घटाना गुणा और भाग की दो या दो से अधिक संक्रियाएँ एक साथ ही एक प्रश्न में दी गई हैं। ऐसे प्रश्नों को हल करते समय निम्नलिखित प्रक्रम अपनाया जाता है।

प्रथम क्रियां ---- भाग देना

द्वितीय क्रिया ---- गुणा करना

तृतीय क्रिया ---- जोड़ना

चतुर्थ क्रिया ---- घटाना

प्रक्रमों के ऊपरी क्रम को "भागुजोध" से याद रखा जा सकता

#### उदाहरण १

8484-44 X E

प्रथम क्रिया भाग देना

きい+の=を

93 X 7+3-6

द्वतीय क्रिया गुणा करना

35=5 X FP

74+3-4

नृतीय क्रिया जोड़ना

74+3=76

3-39

#### चतुर्थ क्रिया घटाना

२६-६=२३

इस प्रकार

13 X 7+3-78+8=73

उदाहरण २

34+6 X £+93-2

प्रथम क्रिया भाग देना

34+0=4

x x £+93-7

द्वितीय क्रिया गुणा करना

x x 5=8x

84+13-5

तृतीय क्रिया जोड़ना

8x+93=4C

¥E- ?

चतुर्थ क्रिया घटाना

25-5=XE

, इसं प्रकार , ३५+७ x र्ट+१३-२=५६

अभ्यास र्द

#### हल करो

- (9) 93 + 94 + 3
- (7) CCX ÷ X X 3 + 9C E
- (3) 988 ÷ 3 + £ 3 X 6
- (8) 9c x 2+ 29 ÷ 6 3 x 2
- (4) 39 ÷ 0 × 9 = 3 × 33

# इकाई - ७ ऐकिक नियम का प्रयोग

जब हम बाजार कुछ क्रय करने जाते हैं तो दुकान वाले से वस्तुओं के दाम पूछते हैं। इससे हमें खरीदी जाने वाली वस्तुओं का मूल्य पता करने में सहायता मिलती है।

यदि हम ५ गेंद खरीदना चाहते हैं। हम १ गेंद का मूल्य दुकान वाले से पूछेंगे। यदि १ गेंद का मूल्य ३ है तो ५ गेंदों का मूल्य पता कर सकते हैं।

१ गेंद का मूल्य: रु॰ ३

प्रगेंद का मूल्ब : रू० ३ x प = रू० १ प

अब दूसरी स्थिति पर ध्यान दो। यदि एक दर्जन गेदों का मूल्य ३६ रु० है तो १ गेंद्र का मूल्य क्या होगा ? इसे इस प्रकार करेंगे

१ दर्जन = १२ गेंद

१ दर्जन अथवा १२ गेदों का मूल्य : रु० ३६

१ गेंद का मूल्य : रु० (३६ : १२) = रु०

3

तीसरी स्थिति पर ध्यान दो। यदि एक दर्जन गेंदों का मूल्य रू० ३६ है तो ५ गेंदों का मूल्य क्या होगा? यहाँ हमें कुछ और गणना करने पर ही ५ गेंदों का मूल्य ज्ञात हो सकेगा।

इसी प्रकार के कुछ अन्य प्रश्न नीचे दिये गये हैं।

- (१) ४ डिब्बा चाय का मूल्य रु० ६४ है। ३ डिब्बा चाय का मूल्य क्या होगा?
- (२) एक कुम्हार ८ दिन में ७२ घड़े बनाता है। ६ दिन में वह कितने घड़े बनाबेगा ?

इस प्रकार के प्रश्नों को ऐकिक नियम के द्वारा निम्नलिखित विधि से हल करते हैं।

(१) ४ डिब्बा चाय का मूल्य: रु० ६४

9 ਵਿਲਗ ਦਾਸ਼ਾ ਲਾ ਸਿਲਾ • ਤਨ ६० ६ ।

वर

की

(9

( ?

(३

(8

(4

(एक चौथाई इसलिए ४ से भाग) = रु० १६ ३ डिब्बा चाय का मूल्य = रु० १६ X ३ (तीन गुना, इसलिये ३ का गुणा) = रु० ४८ इस प्रकार ३ डिब्बा चाय का मूल्य रु० ४८ हुआ।

(२) कुम्हार ८ दिन में बनाता है = ७२६८ कुम्हार १ दिन में बनाता है = ७२६८ (आठवाँ भाग इसलिये भाग) = ८ घड़े कुम्हार ६ दिन में बनाता है = ८ x ६घड़े (६ गुने अत: गुणा) = ५४ घड़े इस प्रकार कुम्हार ६ दिन में ५४ घड़े बनाता है।

ऊपर के उदाहरणों से स्पष्ट है कि पहले १ वस्तु अथवा इकाई वस्तु का मूल्य पता करते हैं और तब दी गई संख्या या दी गई मात्रा की वस्तु का मूल्य पता किया जाता है।

इस विधि को ऐकिक नियम कहते हैं।

### अभ्यास - १०

- (१) ३ दर्जन आम का मूल्य रु० ७२ है तो ५ दर्जन आमों का मूल्य कितना होगा ?
- (२) एक कार ४ घंटे में ३२० किमी की दूरी तय करती है। बताओ ६ घंटे में कितनी दूरी तय करेगी ?
  - (३) हिरन गाँव से इलाहाबाद का ६ व्यक्तियों का रेल किराया रूप ३१२ है। बताओ ५ व्यक्तियों का किराया क्या होगा ?
  - (४) पुस्तकों के ७ गट्ठरों में २३१ पुस्तकें हैं। बताओ र्ट गट्ठर में कितनी पुस्तकें होंगी ?
  - (५) १३ मीटर कपड़े का मूल्य रू० ११७ है। बताओ २३ मीटर कपः का मूल्य क्या होगा ?

1 34: /

अपवर्त्य और गुणनखण्ड अपवर्त्य :

देखो -

○○○ तीन गोले एक बार = ३ x १ = ३

000 तीन गोले दो बार = ३ x २ = ६

000 तीन गोले तीन बार = ३ x ३ = ८

इस प्रकार ३ में क्रमशः १, २, ३, ४, ५ ... से गुणा करने पर क्रमशः ३, ६, ६, १२, १५ ... संख्याएं प्राप्त होती हैं। संख्याएँ ३, ६, ६, १२, १५ ... तीन के अपवर्त्य हैं।

्र ५ का अपवर्त्य प्राप्त करने के लिये क्या करते हैं ?

4 X 7= 90

4 X 3= 94

\* 4 X 8= 50

५ के अपवर्त्य : ५, १०, १५, २०, २५ .... हैं।

🔢 इसी प्रकार

४ के अपवर्त्य : ४, ८, १२, १६, २० .... हैं।

६ के अपवर्त्य : ६, १२, १८, २४, ३० .... हैं।

७ के अपवर्त्ये : ७, १४, २१, २८, ३५ .... हैं।

#### अभ्यास ११

१- नीचे दिये प्रश्नों में अगले तीन अपवर्त्यों को लिखो

(क) E, १६, २४, ३२, ४०, ---, ---, ---

(ख) र्ट, १८, २७, ३६, ४५, ---, ---,

(ग) ११, २२, ३३, ४४, ५५, ---, ---, ---

२- निम्न संख्याओं के प्रथम पाँच अपवर्त्यों को लिखो (क) २ (ख) १२ (ग) १५ (घ) १७ देखो

8 X 0 = 3E

४ के अपवर्त्य : ४, ८, १२, १६, २०, २४, <u>२८,</u> ३२ ....

७ के अपवर्त्य : ७, १४, २१, <u>२८, ३५, ४२, ....</u>

इस प्रकार २८, ४ और ७ दोनों का अपवर्त्य है।

देखो ८ X ५ = ४०

द के अपवर्त्य : द, १६, २४, ३२, <u>४०, ४८, ५६...</u> है।

प्र के अपवर्त्ध : ५, १०, १५, २०, २४, ३०, ३५, <u>४०, ४५...</u>

है।

**†**.

अतः ४० दोनों ८ और ५ का अपवर्त्य है।

फिर देखो

8 X 3 X 2= 58

थ के अपवर्त्य : ४, ८, १२, १६, २०, <u>२४,</u> २८, ३२, .... है।

३ के अपवर्त्य : ३, ६, ६, १२, १५, १८, २१, २४, २७, ....

है।

२ के अपवर्त्य : २, ४, ६, ८, १०, १२, १४, १६, १८, २०,

२२, <u>२४</u>, .... हैं।

अर्थात २४ तीनों संख्याओं २,३ तथा ४ का अपवर्त्य है।

दो या दो से अधिक संख्याओं के गुणा करने से प्राप्त गुणनफल,

गुणित संख्याओं का अपवर्त्य होता है।

उदाहरण १

क्या २४, ३ का अपवर्त्य है?

हल हाँ, क्योंकि

. 78 = 3 X E

```
उदाहरण २
```

७२ क्पा १८ का अपवर्त्य है ?

हल हाँ, क्योंकि ७२ = १८ ४

### उदाहरण ३

१२६ क्या ४ का अपवर्त्य है?

हल हाँ, क्योंकि

15E = 8 X 35

#### उदाहरण ४

५७ क्या ६ का अपवर्त्य है?

हल नहीं, क्योंकि

46 = X X

(ऐसी कोई पूर्णांक संख्या नहीं है जिससे \_\_\_\_ भरा जा सके।)

### अभ्यास १२

# (१) खाली जगह भरो।

(क) ३ x == २४, २४, --- और --- का अपवर्त्य

है।

(ख)७ x ६=४२

४२, --- और --- का अपवर्त्य

है।

(ग) £ x ७=६३, ६३, --- और --- का अपवर्त्य

(घ) १५ X ३=४५ ---, १५ और ३ का अपवर्त्य है।

(च) द x र्द=७२ १ ---, द और र्द का अपवर्त्य है।

(छ) २ x ४ x ६=४८ े ---, २,४ और ६ का अपवर्त्य

(ज) १० x ३ x x=१४० १५०, ---, --- और --- का अपवर्त्य है।

(२) क्या पहली संख्या दूसरी संख्या का अपवर्त्य है ?

(क)	₹७,	8	( <b>u</b> )	90, ६	( <b>ग</b> )	39, 6
(घ)				<b>६9, ६</b>	( ভ	२८, १४

(३) १ से ३० तक की संख्याओं को तीन पंक्तियों में लिखो और २ के अपवर्त्यों को घेरो।

(४) १ से ५० तक की संख्याओं को पाँच पंक्तियों में लिखो और ५ के अपवर्त्यों को घेरो।

(५) निम्नलिखित सारिणी में ६ के अपवर्त्यों को घेरो।

9 9 3 8 4 6 6 E 6 90 99 97 93 98 94 96 96 9E 96 70 79 77 73 78 74 76 76 76 76 30 39 37 33 38 34 36 36 3E 36 80 89 87 83 88 84 86 86 86 86 40 49 47 43 48 44 46 46 46 46 60

(६) निम्नलिखित सारिणी में १ से १० तक की संख्याओं के प्रथम १० अपवर्त्य दिये गये हैं।

संख्या		b		अपव	त्रर्त्य		-			
1	9	₹.	3	8	¥.	Ę	•	C	Ę	90
<b>?</b>	- 7:	8	Ę	C	90	92	18	१६	اح	20
3	3	8	5	92	94	15	21	28	20	30
8	8	<b>E</b>	12	18	20	२४	₹	32	36	४०
y :	X	90	14	20	२५	30	34	80	84	No
Ę	Ę	13	95	२४	30	35	85	Sc	18	80
6	6	18	29	35	34	85	85	46	63	90
<b>E</b>	2	14	28	37	80	Sc	XE	EB	93	<b>C</b> 0
F.4	4	90	20	36	SK	X8	63	63	=1	ಕೆಂ
10	90	20	30	80	NO NE	AL.	60	<b>C</b> 0	Éo	900

सारिणी को देख कर निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दो।

- (क) २ क्या २ का अपवर्त्य है ?
- (ख) ट क्या १ का अपवर्त्य है?
- (ग) क्या किसी संख्या का अपवर्त्य, उस संख्या से छोटा हो सकता है?

# सम और विषम संख्याएँ:

संख्याओं की निम्नांकित व्यवस्था में रेखांकित संख्याओं को देखो।

9 7 7 8 4 6 6 5 6 90

११ १२ १३ १४ १५ १६ १७ १८ १६ २०

२१ २२ २३ २४ २५ २६ २७ २८ २६ ३०

३१ ३२ ३३ ३४ ३५ ३६ ३७ ३८ ३८ ४०

८१ ८५ ८३ ८८ ८४ ८६ ८० ८८ ८६ ४०

ऐसी संख्या जो २ का अपवर्त्य होती है, उसे सम संख्या कहते

उदाहरण: २, ४, ६, ८, १०, १२, १४, .... सम संख्याएँ हैं। ऐसी संख्या जो २ का अपवर्त्य नहीं होती है उसे विषम संख्या कहते हैं।

उदाहरण : १, ३, ४, ७, ६, ११, १३.... विषम संख्याएँ हैं। अभ्यास १३

- (१) सम संख्याओं को घेरो। ७, १०, ११, १४, १७, १८, ३७, ४२, ४५
- (२) विषम संख्याओं को घेरो। ५, ८, १५, २०, २७, ४८, ५१, ५६
- (३) वह छोटी से छोटी संख्या बताओ जिसे किसी सम संख्या में जोड़ने पर योगफल विषम संख्या प्राप्त होती है।

- (४) वह छोटी से छोटी संख्या बताओ जिसे किसी विषम संख्या से घटाने पर शेषफल सम संख्या हो जाती है।
- (५) ६१ और ६१ के बीच की सभी सम संख्याएँ लिखो।
- (६) ७० और र्टo के बीच की सभी विषम संख्याएँ लिखो। गुणन खण्ड:

# देखो

3 X 7=5

E X-3=9=

🐘 का अपवर्त्य है। गुणनखण्ड हैं।

६, ३ और २ ३ और २, ६ के १८, ६ और ३ ६ और ३, १८ का अपवर्त्य है। के गुणनखण्ड हैं।

8 X E = 38 4 X X = 3 X ३५, ७ और ५ ७ और ५, ३५ २४, ४ और ६ ४ और ६, २४ का अपवर्त्य है। के गुणनखण्ड हैं। का अपवर्त्य है। के गुणनखण्ड हैं।

४ और १०, ४० के गुणनखण्ड हैं, क्योंकि ४ x १०=४० ८ और ५, ४० के गुणनखण्ड हैं, क्योंकि ८ X ५=४० र्ट और ५, ४५ के गुणनखण्ड हैं, क्योंकि र्ट X ५=४५ .इसी प्रकार

२, ३ और ५, ३० के गुणनखण्ड हैं, क्योंकि २ x ३ x ५=३० ३, ४ और ७, ८४ के गुणनखण्ड हैं, क्योंकि ३ x ४ x ७=८४ २, ५ और ६, ६० के गुणनखण्ड हैं, क्योंकि २ X ५ X ६=६०

दो या दो से अधिक संख्याओं को गुणा करने से प्राप्त गुणनफल, गुणित संख्याओं में से प्रत्येक का अपवर्त्य तथा गुणित प्रत्येक संख्या. प्राप्त गुणनफल का गुणनखण्ड होती है।

#### अभ्वास - १४

(१), खाली जगह भरो:-
(क) ४ x c= ३२ : ४ और c, ३२ के हैं।
(ख) ६ x ७=४२ : ६ और ७, ४२ के हैं।
(ग) ३ x ७=२१ : और, के गुणनखण्ड हैं।
(घ) ७ x == ५६ : और, के गुणनखण्ड हैं।
(ङ) ८ x र्ट=७२ : और, के गुणनखण्ड हैं।
(च) ५ x c=४० : और, के गुणनखण्ड हैं।
(छ) २ X ४ X ३=२४ : २, ४ और ३, २४ के है।
(ज) ३ X ५ X २=३० : और, के गुणनखण्ड हैं।
(२) निम्नलिखित संख्याओं में से प्रत्येक के दो गुणनफल लिखो।
(क) १२ (ख) ४४ (ग) ६३ (घ) ८१ (ङ) ८२
विभाज्य संख्याएँ

देखो, भाग के प्रश्नों में कभी-कभी शेषफल शून्य आता है और कभी नहीं, जैसे

#### अत:

'२१, ३ से बिभाज्य संख्या है।
७३, ८ से बिभाज्य नहीं है।
४२, ६ से बिभाज्य है।
७१, ८ से विभाज्य नहीं है।

८, ८ से विभाज्य है।

स्क संख्या दूसरी सख्या से विभाज्य तक होती है, जब पहल संख्या में दूसरी संख्या से भाग देने पर शेष कल शून्य हो। पुन:

एक संख्या दूसरी संख्या का शुणन कण्ड तब होती है जब दूस

संख्या पहली संख्या से विभाज्य हो।

३ १५ ट २७ <u>२७ २७ ०</u> १५, ३ से विभाज्य है। २७, ६ से विभाज्य है। ३, १५ का गुणनखण्ड है। ६, २७ का गुणनखण्ड है।

ह २७ २४

२७, ४ से विभाज्य नहीं है।

या

थ, २७ का गुणनखण्ड नहीं है। अब निम्नांकित प्रश्नों का उत्तर दो।

(१) क्या ८, ७१ का गुणनखण्ड है?

(२) क्या र्द, ८१ का गुणनखण्ड है ?

(३) क्या ५, ४१ का गुणनखण्ड है?

(४) क्या १०, ६१ का गुणनखण्ड है ? हम जानते हैं कि

(१) ६३ का एक गुणनखण्ड ७ है। ७ x र्ट=६३ ६३ का दूसरा गुणनखण्ड क्या है?

( \$3 )

3

(२) १८ का एक गुणनखण्ड ६ है। ξ X 3= 9⊏ १८ का दूसरा गुणनखण्ड क्या है? (३) ८० का एक गुणनखण्ड ८ है। C X 90= C0 ८० का दूसरा गुणनखण्ड क्या है? अब हम किसी संख्या के सभी गुणनखण्ड ज्ञात करना सीखेंगे। संख्या र्ट पर विचार करो। र्द के गुणनखण्ड १, ३ और र्द हैं, क्योंकि अन्य कोई संख्या र्ट का गुणनखण्ड नहीं है। किसी संख्या के सभी गुणनखण्डों को ज्ञात करने के लिये हम और संख्या में १, २, ३, ४, ५, ६, .... से भाग देते हैं। ३२ के सभी गुणनखण्ड ज्ञात करने की एक विधि नीचे दी २ हैं। जांती है। 37

३२ के गुणनफल १ और ३२ हैं।

३२ के गुणनफल २ और १६ हैं।

३२ के गुणनफल ४ और ८ हैं।

इस प्रकार ३२ के गुणनफल १, २, ४, ८, १६ और ३२ है। दूसरी विधि

३२ के सभी गुणनखण्ड जोड़ों की सूची बनाओ।

9 X 3? = 3?

? X 9E = 3?

8 X C = 35

E X 8 = 35

98 X ? =. 3?

37 × 9 = . 37

इस प्रकार ३२ के ३ जोड़े गुणनखण्ड हैं।

३२ के गुणनखण्डों के जोड़े : १ और ३२, २ और १६ और १ और ⊏ हैं।

्इस प्रकार ३२ के सभी गुणनखण्ड १, २, ४, ८, १६ और

#### अभ्यास १५

/ 43m \

- १) क्या पहली संख्या दूसरी संख्या से विभाज्य है ? (क) ४२, ५ (ख) ७२, ६ (ग) ६४, ८ (घ) ४७, ४
- २) निम्नलिखित में कौन कौन १२ के गुणनखण्ड नहीं हैं ? १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ८, १२
- ३) प्रत्येक के सभी गुणनखण्ड ज्ञात करो। (क) ६ (ख) १८ (ग) २१ (घ) ३६ (ङ) ३०

# अभाज्य और भाज्य संख्याएँ:

# निम्नलिखित सारिणी को देखो

गुणनखण्ड
•
9, 7
٩, ३
٩, २, ४,
9, 4
9, 2, 3, 8
9, 6
9, 7, 8, €
٩, ३, ځ
1, 7, 4, 90
1, 99
1, 2, 3, 8, 4, 93
1, 13
9, 7, 6, 98
, १, ३, ५, १५
२, ४, ८, १६
9, 90

रेखांकित पंक्तियों को देखने से स्पष्ट है कि संख्याओं रे, प्र, ७, ११, १३, १७ ..... के केवल दो गुणनखण्ड हैं।

# केवल दो (एक और स्वयं) गुणनखण्ड रखने वाली संख्याओं को अभाज्य संख्याएँ कहते हैं।

संख्याएँ ४, ६, ८, १०, १२ ..... ऐसी हैं कि इनके तीन T तीन से अधिक गुणनखण्ड हैं।

तीन या तीन से अधिक गुणनखण्ड रखने वाली संख्याओं को भाज्य अथवा यौगिक संख्याएँ कहते हैं।

१ के केवल एक ही गुणनखण्ड है। इस प्रकार १ न तो अभाज्य और न भाज्य संख्या है।

१ से ५० तक की संख्याओं को ५ पंक्तियों में निम्नांकित ढंग लिखा गया है।

Ę : 2 . 3 . 8 . 4 ರ್ 9 90 १२ १३ १४ १५ 95 95 १६ १७ 9 20 २२ २३ २४ २५ २६ २७ २८ २६ 30 ३२ ३३ ३४ ३५ ३६ ३७ ३८ ३६ 80 ८५ ८३ ८८ ८५ ४७ ४८ ४६ yo ४६ म्नलिखित क्रियाएँ करो।

ी को काट दो

रे को छोड़कर २ के अन्य सभी अपवर्त्यों को काट दो।

३ को छोड़कर ३ के अन्य सभी अपवर्त्यों को काट दो।

प् को छोड़कर प् के अन्य सभी अपयत्यों को काट दो।

७ को छोड़कर ७ के अन्य सभी अपवर्त्यों को काट दो।

इस प्रकार प्राप्त २, ३, ४, ७, ११, १३, १७, १६, २३, १, ३१, ३७, ४१, ४३ और ४७ उपर्युक्त सारिणी में १ से ५० के चि की रूढ़ि संख्याएँ हैं। ऊपर बतलाई गयी विधि से १ से १०० के के बीच की अभाज्य संख्याएँ ज्ञात करो।

68

#### स्मरण रखो

- (१) २ मात एक संख्या है जो सम तथा अभाज्य है।
- (२) सबसे छोटी अभाज्य संख्या २ है।

#### उदाहरण ५

क्या २३ अभाज्य संख्या है?

हल-

२३ के केवल दो गुणनखण्ड १ और २३ हैं।

अत:

२३ अभाज्य संख्या है।

#### उदाहरण ६

क्या १५ अभाज्य संख्या है?

हल- १५ के गुणनखण्ड १ और १५ हैं। १५ के गुणनखण्ड ३ और ५ हैं।

इस प्रकार १५ के गुणनखण्ड १, ३, ५, १५ हैं जो दो से अधिक हैं अत: १५ अभाज्य नहीं है।

### अभ्यास १६

(१) निम्नलिखित में कौन-कौन अभाज्य संख्याएँ हैं ?

93 96 95 79 73 76 37 75 39

(२) निम्नांकित में कौन-कौन भाज्य संख्याएँ हैं।

इ ६ ४ ७ ५

(३) निम्नांकित के किन्हीं चार अपवर्त्यों को लिखो। (क) ८ (ख) १० (ग) १२ (घ) १५

(४) निम्नांकित में से किस का अपवर्त्य ७८ है? (क) ६ (ख) ६ (ग) १२ (घ) १३

(५) निम्नांकित में किस किस का गुणनखण्ड ५ है ? (क) ३० (ख) २४ (ग) २५ (घ) १५

- (६) निम्नांकित के सभी गुणनखण्ड लिखो। (क) ६ (ख) १२ (ग) २० (घ) ३२ (च) ३४ निम्नांकित संख्याओं के बीच की सभी सम संख्याएँ लिखो। (क) १३ से ४३ तक (ख) १८ से ३८ तक (=) १ से २५ के बीच की सभी भाज्य संख्याएँ लिखो। (र्ट) निम्नांकित से छोटी परन्तु सबसे बड़ी अभाज्य संख्या लिखो। (क) १० (ख) २० (ग) ४० (घ) ६५ (१०) क्या निम्नांकित कथन सत्य है? (क) १२ x ६ = ७२, ७२, ६ का अपवर्त्य है। (ख) ३४ के १ और स्वयं ३४ केवल दो गुणनखण्ड हैं। . (ग) १ न्यूनतम अभाज्य संख्या है। (घ) सभी अभाज्य संख्याएँ विषम भी हैं। (च) सभी सम संख्याएँ यौगिक भी हैं। (छ) २ यौगिक संख्या है। (११) खाली जगह भरो। (क) .... के अतिरिक्त सभी अभाज्य संख्याएँ विषम हैं। (ख) प्रत्येक संख्या का एक गुणनखण्ड .... है। (ग) प्रत्येक अभाज्य संख्या के केवल .... गुणनखण्ड होते है। (घ) केवल .... ऐसी संख्या है, जो न तो अभाज्य है और न यौगिक।
  - (ङ) प्रत्येक संख्या .... अपना एक गुणनखण्ड होती है।
  - (च) ६ के गुणनखण्ड १, २, ३ और ६ हैं, अत: ६ .... संख्या है।
- (१२) वह संख्या बताओ जो सभी संख्याओं का एक गुणनखण्ड है।

# इकाई - र्ट

# सम अपवर्तक और सम अववर्त्व

सम	अपवर्तक

- (१) दो संख्वाओं ४ और ६ षर विचार करो।
  ४ के गुजनखण्ड ----- १, २, ४
  ६ के गुजनखण्ड ----- १, २, ३, ६
  ४ और ६ के सार्व गुजनखण्ड ----- १, २
- (२) यदि संख्याएँ १२ और १८ हैं तो १२ के गुणनखण्ड ----- १, २, ३, ४, ६, १२ १८ के गुणनखण्ड ----- १, २, ३, ६, ६, १८ १२ और १८ के सार्व गुणनखण्ड ----- १, २, ३, ६
  - (३) पुन: यदि संख्याएँ र्द और १६ हैं तो र्द के गुणनखण्ड ----- १, ३, र्द १६ के गुणनखखण्ड ----- १, २, ४, ८, १६ र्द और १६ के सार्व गुणनखण्ड -----
  - (४) अब बदि संख्याएँ ३० और ४२ हैं, तो ३० के मुणनखण्ड ----- १, २, ३, ५, १५, ३० ४२ के गुणनखण्ड ----- १, २, ३, ६, ७, १४, २१, ४१ ३० और ४२ के सार्व गुणनखण्ड ----- १, २, ३, ६
  - (४) तीन संख्वाएँ १४, १८, और २१ पर विचार करें।
    १४ के गुणनखण्ड ----- १, ३, ४, १५
    १८ के गुणनखण्ड ----- १, २, ३, ६, ६, १८
    और २१ के गुणनखण्ड ----- १, ३, ७, २१
    १४, १८ और २१ के सार्व गुणनखण्ड ----- १, ३

देखो

- (क) प्रत्येक संख्या का एक गुणनखण्ड १ है।
- (ख) अतः १ सभी संख्याओं के सार्व गुणनखण्डों में से एक
- (ग) दो या दो से अधिक संख्याओं के सार्व गुणनखण्डों में संख्याओं की संख्या एक या एक से अधिक होती है।

दो या दो से अधिक संख्याओं के सार्व गुणनखण्डों को उन संख्याओं का सम अपवर्तक कहते हैं। इन्हें मिलाकर एक शब्द समापवर्तक बनता है।

जिन दो संख्याओं के सम अपवर्तक मे केवल संख्या १ हो, उन्हें सह अभाज्य कहते हैं।

#### उदाहरण :

दे और १६ सह अभाज्य हैं।
२ और ३ सह अभाज्य हैं।
११ और १३ सह अभाज्य हैं।
परन्तु १५ और १८ सह अभाज्य नहीं हैं।
क्योंकि १५ और १८ के सम अपवर्तक १, ३ हैं।

१५ और १८ के सम अपवर्तकों में ३ सबसे बड़ा है अत: ३ को १५ और १८ का महत्तम समापवर्तक कहते हैं।

महत्तम समापवर्तक को संक्षेप में म०स० भी कहते हैं। अब हम दो संख्याओं ३६ और ५४ का म०स० ज्ञात करने का

ढंग सीखते हैं।

३६ के गुणनखण्ड --- १, २, ३, ४, ६, १२, १८, ३६ ५४ के गुणनखण्ड --- १, २, ३, ६, ६, १८, २७, ५४ हम जानते हैं कि किसी संख्या के गुणनखण्ड को उसका अपवर्तक

( 41

भी कहते हैं।

इस प्रकार ३६ और ५४ के सम अपवर्तक १, २, ३, ६, ६

इन समापवर्तकों में १८ सबसे बड़ा अर्थात् महत्तम है। इव प्रकार ३६ और ५४ का महत्तम समापवर्तक अर्थात् म.स. १८ है।

दो से अधिक संख्याओं का म.स. ज्ञात करने के लिए हा उपर्युक्त विधि का प्रयोग करते हैं। उदाहरणतः यदि हमें ४६, ५। और ६३ का म.स. ज्ञात करना है तो हम निम्नांकित क्रियाएँ करेंगे।

ध्रदं के अपवर्तक ---- १, ७, ४६ ५६ के अपवर्तक ---- १, २, ४, ७, ८, १४, २८, ५६ ६३ के अपवर्तक ---- १, ३, ७, ६, २१, ६३ इस प्रकार ४६, ५६ और ६३ के समापवर्तक १, ७ ४६, ५६ और ६३ के समापवर्तकों में ७ महत्तम हैं। अत: ४६, ५६ और ६३ का म० स० ७ है।

₹

देखो

दो या दो से अधिक संख्याओं का म० स० वह बड़ी से बड़ी (संख्या है, जो सभी संख्याओं का अपवर्तक अथवा गुणनखण्ड हो।

#### अभ्यास १७

- (१) निम्नांकित प्रत्येक में दो दी गयी संख्याओं के सम अपवर्तक ज्ञात करो।
  - (क) र्ट और १५ (ख) २४ और ४० (ग) ३० और ५०
  - (घ) ३० और ५० (ङ) १७ और २७ (च) १२ और १६
  - (छ) ५ और १५
- (२) निम्नांकित संख्याओं के जोड़ो में से कौन सह अभाज्य हैं।
  - (क) ५, ६ (ख) ८, १७ (ग) १८, २७.
  - (घ) २१, ३१ (ङ) ११, २२ (च) र्ट्ट, १००
  - (छ) २८, ३० (छ) ४४, ६३ (ज) १६, ६१

```
निम्नलिखित संख्याओं का म०स० ज्ञात करो।
) १८, २४ (ख) ५२, ६५ (ग) १२, १८
३६, ३२ (च) ५१, ८५ (छ) ६२, ११५
निम्नांकित संख्याओं का म०स० ज्ञात करो।
६, ६, १२ (ख) १४, २१, ३५ (ग) १८, ७२, २७
५५, ४०, ८८ (च) ५४, ६०, १०८ (छ) ६२, ६३, १२४
रस्सी के दो टुकड़ों की लम्बाइयाँ ३० मी और २५ मी है।
उस बड़े से बड़े टुकड़े की लम्बाई ज्ञात करो जो उन दोनों टुकड़ों
से पूरे- पूरे काटे जा सकेंगे।
तीन बाल्टियों में १२ लीटर, १८ लीटर और २० लीटर दूध है।
उस बड़े से बड़े पैमाने की नाप बतायें जिससे तीनों बाल्टियों
का दूध पूरा-पूरा नापा जा सके।
```

### अपवर्त्य

```
दो संख्याओं ४ और ६ पर विचार करो।
४ के अपवर्त्य ----- ४, ८, १२, १६, २०, २४, ...।
६ के अपवर्त्य ----- ६, १२, १८, २४, ३०, ...।
३ और ६ के अपवर्त्य ----- १२, २४, ३६, ...।
३ और ६ के अपवर्त्य ---- १२, २४, ३६, ...।
३ सम अपवर्त्यों में १२ सबसे छोटा है इसलिये ४ और ६ का लघुत्तम समापवर्त्य ----- १२
७ गंख्याओं ४ और १२ पर विचार करो।
१ के अपवर्त्य ---- (४, ८, १२, १६, २०, २४, ...)
के अपवर्त्य ---- (६, १२, १८, २४, ...)
के अपवर्त्य ---- (८, १६, २४, ३२, ४०, ...)
६ और ८ के सम अपवर्त्य ---- (२४, ४८, ७२, ...)
, ६ और ८ का लघुत्तम सम अपवर्त्य ---- २४
```

हम क्या देखते हैं ?

हम देखते हैं कि दो या दो से अधिक संख्याओं का लघुला सम अपवर्त्य वह छोटी से छोटी संख्या है, जो उन सभी संख्याओं से विभाज्य है। सम अपवर्त्य को मिला कर समापवर्त्य लिखते हैं। इस प्रकार लघुत्तम सम अपवर्त्य के स्थान पर लघुत्तम समापवर्त्य लिखते हैं। लिखते हैं। संक्षेप में लघुत्तम सम अपवर्त्य को ल॰स॰ भी कहते हैं। निम्नलिखित में से प्रत्येक जोड़े का ल॰स॰ ज्ञात करो।

(क) ५, १० (ख) ७, २१

(ग) १५ और ३० (घ) ६ और २४

तुम पाओगे कि

५ और १० का ल॰स॰ १० है।

७ और २१ का ल॰स॰ २१ है।

१५ और ३० का ल॰स॰ ३० है।

६ और २४ का लि॰ स॰ २४ है।

क्या उपर्युक्त संख्याओं के जोड़े में कोई सम्बन्ध है ?

हाँ, बड़ी संख्या छोटी संख्या का अपवर्त्य है।

क्या प्रत्येक जोड़े के ल॰स॰ का उस जोड़े की संख्याओं 🌬 कोई सम्बन्ध है ?

हाँ, प्रत्येक संख्या की बड़ी संख्या ही उस जोड़े की संख्याओं ( का ल॰स॰ है।

यदि दो संख्याओं में से एक दूसरी संख्या का अपवर्त्य हो, तो उनमें से बड़ी संख्या ही उन दोनों का ल॰स॰ होगा।

बताओ

४ और ४, का लब्सब् क्या है?

६ और ६ का ल॰स॰ क्या है ?

अब हम निम्नांकित संख्याओं के जोड़े लेते हैं। पुन: प्रत्येक' जोड़े की संख्याओं का ल॰स॰ ज्ञात करते हैं।

(क) २, ३ (ख) ४, ७ (ग) ७, र्ट (घ) ८, १५ तुम पाओगे कि

२ और ३ का ल॰स॰ ६ है।

५ और ७ का ल॰स॰ ३५ है।

७ और र्ट का लं स ६३ है।

ट और १५ का ल॰स॰ १२० है।

क्या प्रत्येक जोड़े की संख्याओं में कोई सम्बन्ध है ?

हाँ, प्रत्येक जोड़े की संख्याएँ सह अभाज्य हैं।

क्या प्रत्येक जोड़े की संख्याओं के ल० स० और संख्याओं कोई सम्बन्ध है? हाँ, प्रत्येक जोड़े का ल० स० जोड़े की दोनों रख्याओं का गुणन फल है।

यदि दो संख्याएँ सह अभाज्य हैं, तो उनका ल॰ स॰ उन संख्याओं का गुणनफल होता है।

# ांक्षिप्त विधि

अब हम दो या दो से अधिक संख्याओं का शीघ्रता से ल॰ स॰ ति करने की विधि सीखेंगे।

- १) यदि ६ और ८ का ल॰स॰ ज्ञात करना है, तो निम्न क्रियाएँ करो।
  - (क) बड़ी संख्या ट के सभी अपवर्त्यों की सूची बनाओ ट के सभी अपवर्त्य --- (ट, १६, २४, ३२, ४०...)
  - (ख) द के अपवर्त्यों में वह छोटी से छोटी संख्या चुनो जो दूसरी संख्या अर्थात् ६ का भी अपवर्त्य हो।
    - प के अपवर्त्यों में २४ सबसे छोटी संख्या है जो ६ का भी अपवर्त्य है।

अतः ६ और द का ल॰स॰ २४ है।

(२) अब हम संक्षिप्त विधि से ४, ६,और १८ का ल॰म॰ जात करते हैं। निम्नलिखित क्रियाएँ करो।

(क) सबसे बड़ी संख्या १८ के सभी अपवर्त्यों की सूची बनाओ। १८ के अपवर्त्य --- (१८, ३६, ५४, ७२,...) हैं।

(ख) इन अपवर्त्यों में से सबसे छोटा अपवर्त्य ३६ है, जो ४ तथा ं ६ का अपवर्त्य है। अतः ४, ६ और १८ का ल०स० ३६ है।

#### अभ्यास - १८

(१) संख्याओं के अपवर्त्यों की सूची बनाकर निम्नांकित संख्याओं हैं का ल॰स॰ ज्ञात करो।

(क) २ और ३

(ख) १ और ६

(ग) १० और १५ 🔀

(घ) ३ और ४

(च) ८ और १२

(छ) र्ट और ६

(ज) ४ और द

(झ) २ और १०

(ट) ३ और ७

(ठ) ६ और १५ (ड) ८.और ६

(इ) १५ और र्ट

(२) संक्षिप्त विधि से निम्नलिखित संख्याओं का ल॰स॰ ज्ञात करो।

(क) ३ और ५ (ख) ४ और ६ (ग) २,५ और ६

(घ) ४, ६ और १० (च) ४, ५ और ६

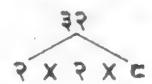
(छ) ३, ६ और दं

### अभाज्य गुणनखण्ड ज्ञात करना:

देखो ३२ के गुणनखण्ड करने की कई विधियाँ नीचे दी गयी हैं।











उपर्युक्त में किसके सभी गुणनखण्ड अभाज्य हैं? अन्तिम अर्थात् ३२=२x२x२x२x२ में सभी गुणनखण्ड अभाज्य है। पुन: देखो ४२ के गुणनखण्ड निम्नांकित प्रकार से किये जा सकते











बताओं कि किसमें सभी गुणनखण्ड अभाज्य हैं ? अन्तिम अर्थात् ४२=२x३x७ में सभी गुणनखण्ड अभाज्य हैं।

गुणनखण्ड की वह विधि, जिसमें सभी गुणनखण्ड अभाज्य संख्याएँ होती हैं, उसे अभाज्य गुणनखण्ड ज्ञात करने की विधि कहते हैं।

नीचे १८, २७ और ४५ के गुणनखण्ड किये गये हैं।

} 9== 2×€

२७=३x£

8x=3x94

PX=XXXX = SXEXE=OF

9**८=** ३×६ २७= 9×२७

84 = EXX

क्या तुम १८, २७ और ४५ के अभाज्य गुणनखण्ड प्राप्त कर सकते हो?

हाँ १८ के अभाज्य गुणनखण्ड २X३X३ २७ के अभाज्य गुणनखण्ड ३X३X३ ४५ के अभाज्य गुणनखण्ड ३X३X५

गुणनखण्ड-वृक्ष

अब हम गुणनखण्ड वृक्ष की सहायंता से अभाज्य गुणनखण् ज्ञात करना सीखेंगे। संख्या ३०, ४२ पर विचार करो।

(१) क्या ३० विभाज्य संख्या है ?

हाँ

३० में २ का भाग दो। हम ३० के गुणनखण्डों की एक जोड़ी २ और १५ पाते हैं।

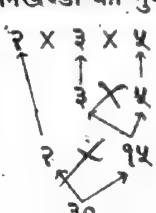
(२) क्या ३० के गुणनखण्डों की जोड़ी २ और १५ में दोनों अभाज गुण

ंनहीं

१५ में ३ का भाग दो। हम १५ के गुणनखण्डों की जोड़ी। ३ और ५ पाते हैं।

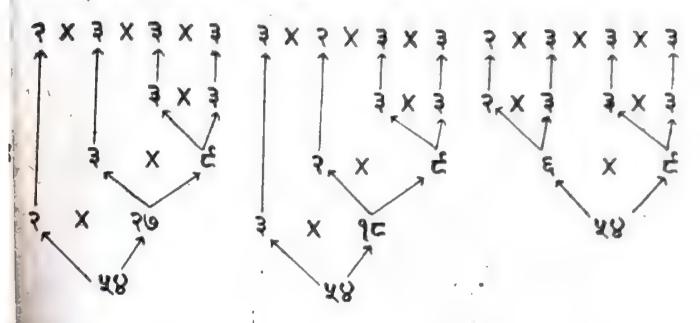
(३) क्या ३० के सभी गुणनखड २, ३ और ५ अभाज्य हैं ?

३० के गुणनखण्डों का गुणनखण्ड-वृक्ष निम्नांकित है।



(5)

# निम्नलिखित गुणनखण्ड वृक्षों को देखो।



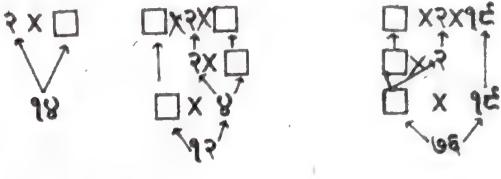
तुम क्यां देखते हो ?

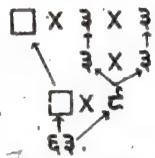
हम देखते हैं कि चाहे जैसे आरम्भ करें दी गयी संख्या के गुणनखण्ड प्रत्येक दशा में समान ही मिलते हैं।

# अभ्यास- १६

- (१) निम्नलिखित में २८ के अभाज्य गुणनखण्ड क्या हैं ? (क) ४४७ (ख) २४२४७ (ग) २४**१४ (घ) १**४२८
- (२) हाँ या नहीं में उत्तर दो।
  - (क) ३६ के अभाज्य गुणनखण्ड र्टX४ है।
  - (ख) ६२ के अभाज्य गुणनखण्ड २×३१ है।
  - (ग) २४ के अभाज्य गुणनखण्ड २x२x६ है।
  - (घ) ७० के अभाज्य गुणनखण्ड २xxx७ है।
- (के) निम्नांकित के अभाज्य गुणनखण्ड करो। (क) २१ (ख) ७२ (ग) टट (घ) १२०

(४) निम्नांकित गुणनखण्ड वृक्षों में खाली जगह भरो।





(५) गुणनखण्ड वृक्ष खींच कर निम्नलिखित के अभाज्य गुणनखण् करो।

(क) २० (ख) ७२ (ग) २५ (घ) १८ (ङ) ५२

अभाज्य गुणनखण्डं विधि से ल०स० ज्ञात करना

' अब हम अभाज्य गुणनखण्ड ज्ञात करने की एक अन्य विहि गरे सीखेंगे। यह विधि भाग विधि कहलाती है।

- (१) यदि संख्या ७२ है, तो बताओ क्या ७२ भाज्य संख्या है? हाँ
- (२) ७२ क्या २ से विभाज्य है? हाँ ७२ में दो से भाग देने पर ३६ भागफल मिलता है। ३६ भी विभाज्य है। ३६ क्या २ से विभाज्य है? हाँ ३६ में २ से भाग देने पर भागफल १८ मिलता है। १८ भी विभाज्य है। १८ में २ से भाग देने पर ६ भागफ मिलता है।

र्ट क्या विभाज्य है ? हाँ २ ७२ र्ट क्या २ से विभाज्य है ? नहीं २ ३६ र्ट क्या ३ से विभाज्य है ? हाँ २ १८ र्ट में ३ से भाग देने पर भागफल ३ ३ र्ट मिलता है जो अभाज्य है। ३ अभाज्य है।

इस प्रकार ७२ के अभाज्य गुणनखण्ड २x२x२x३x३ हैं।

(२) पुन: ६३ पर विचार करो।

६३ भी विभाज्य है।

६३ क्या २ से विभाज्य है ? नहीं

६३ क्या ३ से विभाज्य है ? हाँ

३ | ६३

3 29

७ अभाज्य

६३ में ३ से भाग देने पर २१ भागफल मिलता है।

२१ में ३ से पुन: भाग देने पर ७ भागफल मिलता है।

७ अभाज्य है।

अतः ६३ के अभाज्य गुणनखण्ड ३x३x७ हैं।

नीचे भाग विधि से कुछ संख्याओं के अभाज्य गुणनखण्ड दिये

गये हैं। इनका ध्यान से अध्ययन करो।

3	<u>c</u> 8	
2	85	
3	<b>२9</b> °	
	७ अभाज्य	

३ अभाज्य

exexex = 3x

£ = ? X ? X ? X ? X ? X ? X ?

7	188
7	62
?	ु३६
7	15
ą	5

३ अभाज्य

188=5X5X5X5X3X3

इस प्रकार ८४ के अभाज्य गुणनखण्ड: २x२x३x७

र्दं के अभाज्य गुणनखण्ड: २x२x२x२x२x३

और १४४ के अभाज्य गुणनखण्ड: २x२x२x २x३x३

संख्याओं के अभाज्य गुणनखण्डों की सहायता से भी ल.स.

ज्ञात कर सकते हैं। जैसे

१८ के अभाज्य गुणनखण्ड: २ x ३ x ३

१५ के अभाज्य गुणनखण्ड : ं३ 🗶 ५

१८ और १५ के ल०स० : २ x ३ x ३ x ५ = ८०

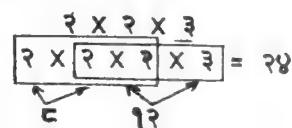
ध्यान दो यहाँ र x ३ x ३ x ४ में १८ और १४ दोनों के अभाज्य गुणनखण्ड सम्मिलित हैं। सावधानी बरतो कि गुणनखण्डों र x ३ x ३ में अन्तिम गुणनखण्ड ३, १८ और १४ के गुणनखण्डों में सम्मिलित होने के कारण एक बार ही लिया जायेगा।

८ और १२ का ल.स. ज्ञात करो।

ट के अभाज्य गुणनखण्ड: २ x २ x २

१२ के अभाज्य गुणनखण्ड: २ x २ >

८ और १२ का ल.स. :

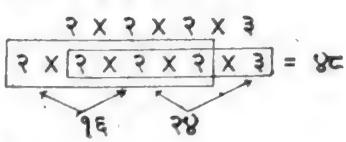


१६ और २४ का ल.स. ज्ञात करो।

१६ के अभाज्य गुणनखण्ड २ x २ x २ x २

२४ के अभाज्य गुणनखण्ड

१६ और २४ का ल.स.



टं और २७ के ल.स. ज्ञात करो।

द के अभाज्य गुणनखण्ड: २x२x२

२७ के अभाज्य गुणनखण्ड :

**\$X\$X\$** 

८ और २७ का ल.स.

#### उदाहरण

३५ और ७५ का अभाज्य गुणनखण्डों की सहायता से ल.स. ज्ञात करो।

३५ के अभाज्य गुणनखण्ड:

X X 9

७५ के अभाज्य गुणनखण्ड:

XXXX

३५ और ७५ के ल.स.

3 X X X X X 9 = 474

#### अभ्यास - २०

- (१) भाग विधि से निम्नांकित संख्याओं के अभाज्य गुणनखण्ड ज्ञात करो।
  - (क) ७० (ख) ६५ (ग) ६० (घ) ११२
- (२) अभाज्य गुणनखण्ड विधि से निम्नांकित का ल.स. ज्ञात करो। (क) १० और १५ (ख) २४ और ३६ (ग) १२ और १६ (घ) १५ और २५ (च) १६ और २४ (छ) २५ और ३५

### विविध अभ्यास

- (१) निम्नांकित संख्याओं की प्रत्येक जोड़ी के समापवर्त्य लिखे। (क) ७ और ८ (ख) ८ और १८ (ग) १२ और ८
- (२) निम्नांकित में सह अभाज्य जोड़ी छाँटिए। (क) १६ और १२ (ख) १७ और १३ (ग) २१ और ३६ (घ) ३५ और ३०
- (३) प्रत्येक जोड़ी के प्रथम चार समापवर्त्य लिखो। (क) ३ और १५ (ख) ६ और १० (ग) १५ और २०
- (४) प्रत्येक में दी गई संख्याओं का ल.स. ज्ञात करो। (क) ५,१० और २० (ख) २ और ७ (ग) ३,४ और ६ (घ) ४,८ और १६
- (५) कौन सी संख्या किन्हीं दो संख्याओं का समापवर्तक है।
- (६) गुणनखण्ड वृक्ष के प्रयोग से निम्नांकित का अभाज्य गुणनखण्ड ज्ञात करो।
  - (क) ५४ (ख) ३६ (ग) ४५
- (७) भाग विधि से निम्नांकित का अभाज्य गुणनखण्ड ज्ञात करो। (क) र्ट० (ख) ७२ (ग) ८० (घ) ६८
- (ट) अभाज्य गुणनखण्ड विधि से निम्नलिखित का ल.स. ज्ञात करो। (क) ६ और १० (ख) ट और ३० (ग) ५ और र्ट

# १०, ५, २, ३ और ६ से विभाज्यता की जाँच १० से विभाज्यता की जाँच

### देखो

३०=३४१० अत: ३०,१० से विभाज्य है।

७०=७x१० अत: ७०,१० से विभाज्य है।

१२०=१२×१० अतः १२०,१० से विभाज्य है।

६३०=६३×१० अतः ६३०,१० से विभाज्य है।

इस प्रकार ३०, ७०, १२०, ६३० सभी १० से विभाज्य हैं तथा इन सभी में इकाई का अंक ० है।

> ऐसी संख्याएं जिसमें इकाई के स्थान पर शून्य हों १० से विभाज्य होगी अर्थात् जिस संख्या में इकाई का अंक ० होता है वह १० से विभाज्य होती हैं।

### ५ से विभाज्यता

देखो २५= ५x५ २०=४x५=२x१०

EX = 90XX 30= EXX = 3X90

904=79X4 C0=96X4=CX90

194=23x4 190=22x4=99x90

इस प्रकार २५, ८५, १०५ और ११५ सभी ५ से विभाज्य हैं। साथ ही २०, ३०, ८० और ११० जो १० से विभाज्य हैं, भी ५ से विभाज्य हैं।

इस प्रकार ५ से विभाज्य संख्याओं में इकाई का अंक ५ अथवा

५ से विभाज्य संख्याओं में इकाई का अंक ५ अथवा ० होता है।

### २ से विभाज्यता

हम जानते हैं कि २ के अपवर्त्य (२, ४, ६, ८, १०, १२, १४, १६, १८, २०,....) हैं। २ के सभी अपवर्त्य २ से विभाज्य हैं। देखो इन सब में इकाई का अंक २, ४, ६, ८, या ० है।

 २
 १२
 २२
 ३२
 ४२

 ४
 १४
 २४
 ३४
 ४५

 ६
 १६
 २६
 ३६
 ४६

 ८
 १८
 २८
 ३८
 ४८

 १०
 २०
 ३०
 ४०
 ५०

इस प्रकार हम देखते हैं कि २ से विभाज्य संख्याओं में इकाई का अंक २, ४, ६, ८ अथवा ० होता है।

२ से विभाज्य संख्याओं में इकाई का अंक २, ४, ६, ८ अथवा ० होता है अर्थात् २ से विभाज्य संख्याओं के इकाई का अंक सम संख्यांक (२, ४, ६, ८) अथवा ० होता है।

### ३ से विभाज्यता

देखो ३ के अपवर्त्य ३, ६, ६, १२, १४, १८, २१, २४, २७, ३०, ३३, ३६, ३६, ४२, ४४, ४८, ४१, ....हैं। ३ के सभी अपवर्त्य ३ से विभाज्य हैं। इन सब में सभी स्थानों के अंकों का योगफल ३ से विभाज्य है।

पुनः देखो

५४३ में सभी स्थान के अंकों का योग = ५+४+३=१२ १२, ३ से विभाज्य है। तथा ३ <u>५४३</u> अतः ५४३, ३ से विभाज्य है।

र्देश्वर में सभी स्थानों के अंकों का योग = र्ट+४+५=१८ १८, ३ से विभाज्य है।

तथा ३ ६७२ अतः ६७२, ३ से विभाज्य है।

इस प्रकार हम देखते हैं कि ३ से विभाज्य संख्याओं में सभी स्थानों के अंकों का योगफल ३ से विभाज्य होता है।

३ से विभाज्य संख्याओं में सभी स्थानों के अंकों का योगफल ३ से विभाज्य होता है।

र्द्ध से विभाज्यता देखो

र्ट कें प्रथम १० अपवर्त्य (र्ट, १८, २७, ३६, ५४, .....र्ट०) इन सबमें प्रत्येक स्थान के अंकों का योगफल र्ट है। इसके आगे के १० अपवर्त्य (र्टर्ट, १०८, ११७, १२६, ....१८०) हैं।

इनमें भी सभी स्थानों के अंकों का योगफल १८ अथवा ट है। पुन: देखो

ह ३ ई में अंकों का योग ६+३+ई=१८, जो ई से विभाज्य है। तथा ई हि३ई , ६३ई, ई से विभाज्य है।

में सभी स्थान के अंकों का योग = c+१+£=१c जो £ से विभाज्य है।

तथा र्ट ट्रिटं , ट्रीर्ट, र्ट से विभाज्य है।

पुन: ३५२८ में सभी स्थानों के अंकों का योग =३+५+२+८=१८

# तथा, र्ट <u>३५२८</u> ३र्ट२

# इस प्रकार ३५२८, र्ट से विभाज्य है।

र्ट से विभाज्य संख्याओं में सभी स्थानों के अंकों का योगफल र्ट से विभाज्य होता है।

#### अभ्यास - २१

- (१) १६० से १८० के बीच के दो से विभाज्य संख्याएँ बताओ।
- (२) २५ से छोटी २ विभाज्य संख्याओं को लिखो।
- (३) २० से छोटी ३ से विभाज्य संख्याएँ लिखो।
- (४) २० से छोटे, २ तथा ३ के अपवर्त्यों को लिखो।
- (५) ४० से छोटे, ५ के अपवर्त्यों को लिखो।
- (६) ३०० से ३३० के मध्य, ५ के अपवर्त्यों को लिखो।
- (७) ५०० से ५५० के मध्य, १० के अपवर्त्यों को लिखो।
- (c) १०० से छोटे, **र्ट के** अपवर्त्यों की सूची बनाओ।
- (र्ट) १०० से छोटे, ११ के अपवर्त्यों की सूची बनाओ।
- (१०) निम्नांकित संख्याओं का सम तथा विषम संख्याओं के आधार पर वर्गीकरण करो।
  - ७, १२, ३१, ६४, ८१०, ७३१४, ८३२५, ६३, ७३०, ५१, ११७, ६७२, ८११
- (११) २० से छोटी विषम संख्याएँ लिखो।
- (१२) दि० से ८० के बीच की सभी सम संख्याएँ लिखो।
- (१३) निम्नांकित प्रश्नों में उनके सम्मुख दी गयी संख्याओं से कौन-कौन विभाज्य हैं।
  - (क) ५३; ४१२, ६१७०, ६२७, ८१५६, ५१४, ७१, ३७८ को २ से।

- (ख) ६८४, १०१७, ६६८६, ७३२६०, ८०६, ६५०७, ८१, ३२४ को ३ से।
- (ग) ३७, १५६, ८०४, र्ट१५, १०३२, ५८४१२, ७३८४६ को ६ से।
- (घ) ४०, १३४, १०१०, ६३२४, १८७६, ४६७८० को १० से।
- (च) ८६, १६५, ६२०, ६८७, २०२५, १३६६०, ६२८७१ को ५ से।
- (छ) १०८, ३२७, ३४२, ४६७, ८१३०, २६६१, ४७६८ को र्ट से।

(१४) निम्नलिखित सारिणी को पूरा करो।

	६५४	र्द्यु०	EXS	909	3250	9833
२ से भाज्यता	हाँ		·			
३ से भाज्यता	हाँ					
५ से भाज्यता	नहीं					Transition of the state of the
१० से भाज्यता	नहीं					
र्द से भाज्यता	नहीं					

# इकाई - १० भिन्न



शीला की माँ ने एक तरबूज को चार बराबर भागों में बाँटा। एक भाग शीला को दिया। कौन-सा भाग शीला को मिला ?

शीला को चार बराबर भागों में से एक भाग अर्थात् एक चौथाई भाग मिला। इस एक चौथाई भाग को है लिखते हैं। और एक बटा चार पढ़ते हैं।

देखो: १, २, ३, ४,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{3}{2}$ ,  $\frac{2}{2}$ 

भिन्न हैं। भिन्न हूं में पड़ी रेखा के ऊपर की संख्या ५ को अंश और

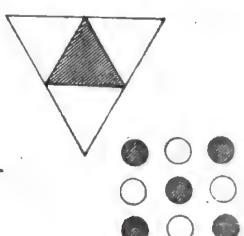
नीचे की संख्या ८ को हर कहते हैं।

#### उदाहरण

चेत्र में छायांकित

भाग = रे

(२) चित्र में छायांकित गेंदों की संख्या = कुल गेंदों की संख्या का है

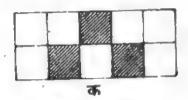


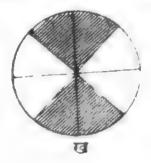
# (३) छ: केलों का आधा = ६ केलों का ३ = ३ केले अभ्यास - २२

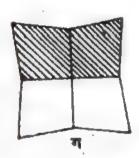
हुत मौखिक:

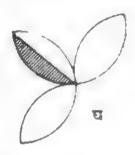
एक वृत्त के ट बराबर धाग किये गये हैं। एक भाग पूरे वृत्त
 का कौन सा भाग है?

२. निम्नलिखित चित्रों में छायांकित भाग को भिन्न में लिखो।









३. प्रत्येक समूह के छायांकित तथा बिना छायांकित भागों को भिन्न के रूप में लिखो:

(क)

(ख)

8.	निम्नलिखित	में	प्रत्येक	को	भिन्न	के	रूप	में	लिखो:
----	------------	-----	----------	----	-------	----	-----	-----	-------

- (क) चार-सातवाँ (ख) तीन-पाँचवाँ
- (ग) पाँच-ग्यारहवाँ (घ) सात-तेरहवाँ
- प्र. निम्नलिखित प्रत्येक भिन्न को शब्दों में बताओ:

$$(a) \frac{?}{3} (a) \frac{3}{4} (n) \frac{8}{2} (a) \frac{6}{90}$$

६. रिक्त स्थान पूरा करो:

$$(a) \frac{\Box}{v} = q$$
  $(a) \frac{\Box}{v} = q$ 

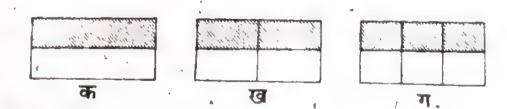
- ७. भिन्न ३, ४, ७, १ के अंश बताओ।
- E. भिन्न दू, ७ १३ २ के हर बताओं।

## लिखित:

र्द. २१ का है कितना होगा?

१०. संजय की क्यारी में ६ किग्रा आलू पैदा हुआ। श्यामा की क्यारी में इसका है। श्यामा की क्यारी में कितना आलू पैदा हुआ? अमतुल्य भिन्न:

खो



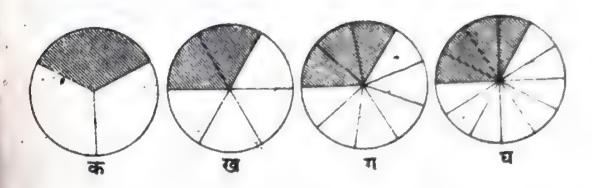
प्रत्येक बराबर आयत में छायांकित भाग है।

(क) 
$$\frac{q}{2}$$
 (ख)  $\frac{2}{8}$  (ग)  $\frac{3}{6}$ 

चित्र में दिखाये गए छायांकित भाग बराबर हैं।

# ये भिन्न एक ही भिन्न के विभिन्न रूप हैं।

# देखो :



इस प्रकार  $\frac{9}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{12} = \frac{9}{12}$  आदि समतुल्य भिन्न हैं। इन सभी भिन्नों के मान समान होने के कारण इन्हें समतुल्य भिन्न कहते हैं।

संख्या एक को विभिन्न भिन्नों में निम्नलिखित ढंग से लिखा जा सकता है:-

$$\frac{2}{2} = \frac{3}{3} = \frac{8}{8} = \frac{4}{8}$$

अतः ये भिन्न भी समतुल्य भिन्न हैं।

समतुल्य भिन्नें प्राप्त करने की विधि

# देखो

ने के अंश तथा हर में २	से	3	
गुणा करने पर $\frac{9\times ?}{3\times ?} = \frac{?}{\epsilon}$		3 = 5	•
अंश तथा हर को ३ से	4		ا ا
गुणा करने परइँ = टै	(	( 50	e

अंश तथा हर को ४ से

गुणा करने पर
$$\frac{9 \times 9}{3 \times 9} = \frac{9}{12}$$

किसी भिन्न के अंश और हर दोनों को एक ही संख्या से गुणा करने पर जो नये अंश और नये हर से बने दूसरे भिन्न प्राप्त होते हैं ये मान में पहले भिन्न के बराबर होते हैं। इन्हें समतुल्य भिन्न कहते हैं।

उदाहरण १ % के समतुल्य भिन्नें बनाओ।

हल:

$$\frac{9\times 7}{9\times 7} = \frac{7}{9}, \quad \frac{9\times 3}{9\times 3} = \frac{3}{79}, \quad \frac{9\times 9}{9\times 9} = \frac{9}{70}$$

भिन्न रेप , रेप , रेट ... आदि के समतुल्य भिन्नें हैं। इसी प्रकार किसी भिन्न के समतुल्य भिन्नें उसके अंश और हर दोनों को एक ही संख्या से भाग देकर भी ज्ञात किया जा सकता है।

जैसे,

$$\frac{?}{9} = \frac{? \div ?}{9 \div ?} = \frac{?}{?}, \quad \frac{?}{6} = \frac{? \div ?}{6 \div ?} = \frac{?}{?}$$

$$\frac{?}{9} = \frac{? \div ?}{9 \div ?} = \frac{?}{?} = \frac{? \div ?}{? \div ?} = \frac{?}{?}$$

स्पष्ट है यदि बड़े अंश एवं हर वाले भिन्न बनाना हो तो अंश और हर दोनों में शून्य के अतिरिक्त किसी संख्या से गुणा कर देते हैं और छोटे अंश एवं हर वाले भिन्न बनाना हो तो अंश और हर दोनों में किसी संख्या से भाग देते हैं।

## उदाहरण २

श्रिन्न है के समतुल्य १५ अंश वाले भिन्न को ज्ञात करो। हल : हमें है = १५ के रिक्त स्थान की पूर्ति करनी है। चूँकि हमें ५ से बड़े १५ अंश वाली समतुल्य भिन्न ज्ञात करनी है अत: अंश और हर दोनों में किसी संख्या से गुणा करना है।

$$\frac{4x3}{2x3} = \frac{9x}{20}$$

$$2x3 = \frac{9x}{20}$$

$$2x3 = \frac{9x}{20}$$

$$3x3 = \frac{9x}{20}$$

# उदाहरेण ३

२४ के समतुल्य ४ हर वाली भिन्न ज्ञात करो।

्हल  $\frac{29}{32} = \frac{\square}{9}$  में रिक्त स्थान की पूर्ति करनी है।

चूँकि हमें ३२ से छोटे ४ हर वाले समतुल्य भिन्न ज्ञात करना है अत: अंश और हर दोनों में से किसी संख्या से भाग देना है। और ३२: ४ = ८

अत: ३२ ÷ द = ३

भिन्न का सरलतम रूप

देखो 
$$\frac{9}{7} = \frac{7}{8} = \frac{3}{6} = \frac{4}{90} = \cdots$$

इन समतुल्य भिन्नों में है ही सरलतम रूप है। यह सरलतम रूप इसलिए है कि इसका अंश १ और हर २, १ के अतिरिक्त अन्य किसी संख्या से विभाज्य नहीं है।

जैसे, भिन्न ७, ७३, ट्यु आदि प्रत्येक अपने सरलतम रूप में

# उदाहरण १

भिन्न है को सरलतम रूप में बदलो।

, हल :

३ से अंश और हर में भाग देने पर भिन्न  $\frac{3}{6} = \frac{3 \div 3}{6 \div 3} = \frac{9}{7} 3 cm र$ 

## , उदाहरण २

भिन्न ३० को सरलतम रूप में बदलो।

हल:

ं ६ वह बड़ी से बड़ी संख्या है जिससे ३० तथा ३६ दोनों विभाज्य हैं।

़ ़ ६ से अंश और हर में भाग देने प्र

भिन्न 
$$\frac{30}{3E} = \frac{30 \div E}{3E \div E} = \frac{4}{E}$$

देखो, किसी भिन्न के अंश और हर का म॰स॰ वह बड़ी से बड़ी संख्या है जो उन्हें विभाजित करती है। अत: अंश और हर में उनके महत्तम समापवर्तक से भाग देकर भिन्न को सरलतम रूप में बदलते हैं।

#### अभ्यास - २३

१. रिक्त स्थानों को भरो:

$$(a) \frac{9}{2} = \frac{1}{\xi}, \quad (a) \frac{3}{\chi} = \frac{1}{90}, \quad (\pi) \frac{90}{2\chi} = \frac{1}{\chi}$$

$$(a) \frac{\xi}{92} = \frac{1}{2}, \quad (3) \frac{3}{2} = \frac{1}{2}, \quad (a) \frac{9}{9} = \frac{1}{9}, \quad (a) \frac{9}{9} = \frac{$$

9E )

२. रिक्त स्थानों को भरो :

$$(a) \frac{3}{8} = \frac{2}{\Box}, \quad (a) \frac{8}{6} = \frac{20}{\Box}, \quad (a) \frac{11}{11} = \frac{1}{\Box}, \quad (a) \frac{11}{11} = \frac{1}{\Box}$$

३. प्रत्येक के समतुल्य चार भिन्नों को लिखो।

$$(an) \frac{9}{6}, \quad \frac{2}{98}, \quad \frac{3}{29}, \quad \dots$$

#### लिखित:

प्रत्येक के प्रथम पाँच समतुल्य भिन्नों को लिखो:

$$(a) \frac{9}{3}, \quad (a) \frac{3}{4}, \quad (\pi) \frac{4}{6}$$

र्. ट अंश वाली <sup>३२</sup> के समतुल्य भिन्न लिखो।

६. निम्नलिखित भिन्नों में से कौन कौन सरलतम रूप में हैं?

७. (क) आधे में कितने बारहवें होते हैं?

(ख) तिहाई में कितने नौवें होते हैं ?

ट. नीचे की भिन्नों में से किन-किन का सरलतम रूप है हैं?

£. के बराबर पांच भिन्न लिखो।

१०. अंश और हर में २ का भाग देकर सरल रूप में बदलो:

$$\frac{2}{0}$$
,  $\frac{2}{6}$ ,  $\frac{6}{6}$ ,  $\frac{6}{6}$ ,  $\frac{6}{90}$ ,  $\frac{6}{90}$ .

११. नीचे के भिन्नों को सरल रूप में बदलो।

(क) 
$$\frac{3}{6}$$
,  $\frac{6}{97}$ ,  $\frac$ 

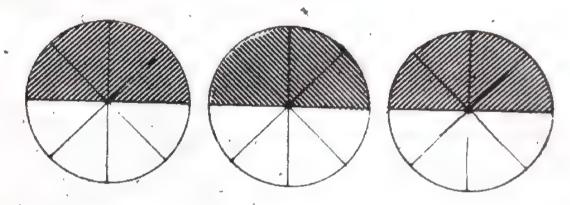
# बड़ी और छोटी भिन्नें (क) समान हर वाले भिन्न देखो :

आयत के पाँच बराबर भाग किये गये हैं। छायांकित भाग पूरे आयत का भू और शेष भाग रे है।

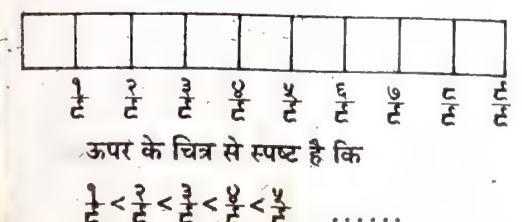


कौन-सा भाग बड़ा है? छायांकित अथवा अन्य। चित्र से स्पष्टं है है > रे

# देखो:



ऊपर के सभी वृत्तों के छायांकित भाग बढ़ते हुए क्रम में  $\frac{2}{c}$ ,  $\frac{3}{c}$  तथा  $\frac{6}{c}$  है।



समान हर वाले भिन्नों में सबसे अधिक अंश वाली भिन्न, अन्य भिन्नों से बड़ी होती है।

#### उदाहरण:

भिन्न है, है, है, है को घटते हुए क्रम में लिखो।
देखो सभी भिन्नों का हर समान है। इनमें सबसे अधिक अंश
वाला भिन्न है है। अत: यह सबसे बड़ा है। इसके पश्चात् घटते
हुए क्रम में भिन्न है, है, है और है है। अत: अभीष्ट क्रम है,
है, है, है, और है है।

#### अभ्यास - २४

नीचे दिये गये दो भिन्नों के बीच सही चिह्न > या < लगाओ।

$$\frac{7}{4}$$
  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$ 

७. निम्नलिखित भिन्न को बढ़ते हुए क्रम में लिखो।

# (ख) समान अंश वाले भिन्न

1 .							1 2							
1 2		10		.1	1		9					१	-	
9 =	٦	<u>م ا</u> له		1 5		1			1		1 5		9 =	
1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 1	1 1 1 1	1 1 1 1	1 1 1 1	1	1 1 1 5	1 15	1 15	198	198	195	195	1/15	

तुम देखते हो कि भिन्नों को व्यक्त करने वाले भिन्नों का आकार सबसे छोटे से बड़े के क्रम में निम्नांकित हैं।

$$\frac{1}{16} < \frac{1}{16} < \frac{1}{16} < \frac{1}{16} < \frac{1}{16}$$
छायांकित भाग  $\frac{2}{16}$ 
छायांकित भाग  $\frac{2}{16}$ 
छायांकित भाग  $\frac{2}{16}$ 
छायांकित भाग  $\frac{2}{16}$ 

सभी छायांकित भागों को देखो। स्पष्टत:  $\frac{3}{3}$  को व्यक्त करने वाला भाग सबसे बड़ा है फिर घटते कम में  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$  तथा  $\frac{3}{6}$  है, अर्थात्  $\frac{3}{3} \rightarrow \frac{3}{6} \rightarrow \frac{3}{6} \rightarrow \frac{3}{6} \rightarrow \frac{3}{6}$ 

इस प्रकार समान अंश वाले भिन्नों में सबसे कम हर वाली भिन्न सबसे बड़ी होती है।

## उदाहरण:

भिन्न है, है, है, है, है । वह घटते हुए क्रम में लिखो।

हल:

देखो, दिये भिन्नों में सबके अंश ३ हैं। अत: सबसे बड़े भिन्न का हर, सबसे छोटा होगा। इस प्रकार सबसे बड़ा भिन्न  $\frac{3}{6}$  इसके पश्चात् घटते क्रम में  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$  और  $\frac{3}{6}$  हैं। इसलिए अभीष्ट क्रम  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$ ,  $\frac{3}{6}$ 

#### अभ्यास - २५

नीचे दिये 1ये दो भिन्नों के बीच सही चिह्न > या < लगाओ।

$$\frac{3}{4}, \frac{3}{6}$$
  $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$   $\frac{3}{6}$ 

७. निम्नलिखित भिन्नों को घटते हुए क्रम में लिखो:

2, 6, 97, 90, 90, 94

# (ग) असमानै अंश तथा हर वाले भिन्नों की तुलना

मान लो है और है की तुलना करनी है अर्थात् इन भिन्नों में कौन-सा बड़ा है ? ज्ञात करना है।

मान लो है और है की तुलना करनी है अर्थात् इन भिन्नों में कौन-सा बड़ा है ? ज्ञात करना है।

देखो, इन भिन्नों के न तो अंश और न हर समान हैं। ऐसे दो भिन्नों की तुलना करने के लिए प्रत्येक भिन्न के समतुल्य भिन्नों को ज्ञात करते हैं।

जैसे 
$$\frac{2}{3} = \frac{8}{6} = \frac{E}{C} = \frac{90}{92} = \frac{92}{9C} = \frac{98}{29} = \frac{96}{29}$$

तथा 
$$\frac{3}{8} = \frac{\xi}{c} = \frac{\xi'}{12} = \frac{12}{12} = \frac{1$$

समान अंश के अनुसार

$$\frac{\xi}{c} > \frac{\xi}{c}$$
 an

समान हर के अनुसार

अत: 
$$\frac{3}{8} > \frac{?}{3}$$

दूसरी विधि:

दिये गये भिन्नों के अंश या हर को समान करके दो भिन्नों की तुलना करते हैं।

(क) अंश को समान करके

$$= \frac{\xi}{c} > \frac{\xi}{c} = 3\pi : \frac{3}{8} > \frac{2}{3}$$

(ख) हर को समान करके:

$$\frac{1}{12} > \frac{E}{95}$$

इस प्रकार हम देखते हैं कि दो भिन्नों की तुलना करने के लिए हम भिन्नों के अंश या हर को बराबर करने के लिए भिन्नों के अंशों या हरों का लघुत्तम समापवर्त्य ज्ञात करते हैं।

# उदाहरण:

भिन्न है और २१ में कौन सी भिन्न बड़ी है।

प्रथम विधि: समान अंश बना कर।

**४ और ८ का लघुत्तम समापवर्त्य ८** है .

अत: ८÷४ = २, ८÷८ = १

 $\frac{g}{g} = \frac{gx}{gx} = \frac{c}{gc}, \quad \frac{cx}{29x9} = \frac{c}{29}$ 

अतः १८ २१ (क्योंकि १८ का हर २१ के हर से छोटा है)

इस प्रकार  $\frac{9}{2}$  >  $\frac{c}{29}$ 

द्वितीय विधि: समान हर बना कर।

र्ट और २१ की लघुत्तम समापवर्त्य ६३ है

अत: ६३÷ £ = ७, ६३÷ २१ = ३

 $\frac{2}{12} = \frac{200}{200} = \frac{20}{63}, \quad \frac{2}{29} = \frac{200}{2100} = \frac{20}{63}$ 

 $\frac{2c}{63} > \frac{28}{63}$ 

अत: है > ह

ऊपर दी गयी विधियों में से प्रथम इस प्रश्न के लिए उपयुक्त है। इनमें से उस विधि को अपनाओ जिसमें ल॰स॰ ज्ञात करना तथा गुणा भाग करना सरल हो।

# अभ्यास २६

निम्नलिखित भिन्नों के जोड़े में (बड़ा है या छोटा है) > क का निशान लगाओ। पहला प्रश्न उदाहरण के लिए हल कर कि गया है।

9. 
$$(a)$$
  $\frac{3}{3} > \frac{9}{3}$  .  $(a)$   $\frac{3}{8}$   $\frac{9}{8}$  .  $(\pi)$   $\frac{9}{2}$   $\frac{2}{2}$  .  $(\pi)$   $\frac{3}{2}$   $\frac{9}{8}$  .  $(\pi)$   $\frac{3}{2}$   $\frac{9}{8}$  .  $(\pi)$   $\frac{3}{2}$   $\frac{9}{8}$  .  $(\pi)$   $\frac{3}{2}$   $\frac{9}{8}$  .  $(\pi)$   $\frac{3}{2}$   $\frac{3}{8}$  .

२. (क) 
$$\frac{3}{y}$$
  $\frac{8}{9}$  (ख)  $\frac{2}{3}$   $\frac{3}{8}$  (प)  $\frac{99}{28}$   $\frac{99}{28}$  (घ)  $\frac{96}{38}$   $\frac{99}{38}$ 

- ३. नीचे दिये गये भिन्नों को बद्दते हुए क्रम में लिखो। 울, 쿨, 꿀, 툴, 쿨, 풀
- थे. नीचे के भिन्नों को समान अंश में बदल कर बढ़ते हुए क्रम लिखो:

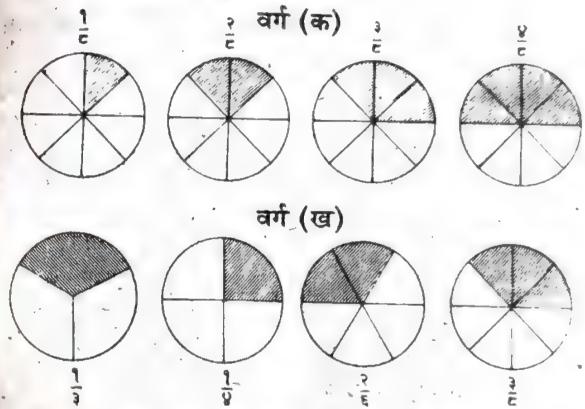
 $\frac{y}{\epsilon}$ ,  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{3}{2}$ ,  $\frac{9}{3}$ 

- ५. नीचे के भिन्नों को समान हर में बदल कर घटते हुए क्रम में लिखो 1 2 3 3 y E
  - ६. कौन बड़ा है?
    - (क) ६ का ई और १२ का ई में।
    - (ख) १८ का कु और २० का है में।

# भिन्नों के प्रकार:

भिन्न का दो प्रकार से वर्गीकरण किया जा सकता है।

- (१) सजातीय और विजातीय भिन्त।
- (२) उचित, विषम और मिश्र भिन्त।
- (१) सजातीय और विजातीय भिन्न



देखों: वर्ग (क) के सभी भिन्नों का हर समान है। वर्ग (ख) के सभी भिन्नों का हर असमान है। वर्ग (क) में लिखे गये भिन्न सजातीय भिन्न कहलाते हैं। वर्ग (ख) में लिखे गये सभी भिन्न विजातीय भिन्न कहलाते हैं।

# उदाहरण:

१ २ ३ १ अवि आदि सजातीय भिन्न हैं। ११ १ १ १ १ १ अवि आदि विजातीय भिन्न हैं। २ १ १ १ १ १ १ १ अवि विजातीय भिन्न हैं। (२) उचित, विषम तथा मिश्र भिन्न:

भू ,  $\frac{3}{\sqrt{2}}$  ,  $\frac{8}{\sqrt{2}}$  ,  $\frac{9}{\sqrt{2}}$  ,  $\frac{6}{\sqrt{2}}$  ,  $\frac{6}{\sqrt{2}}$  ,  $\frac{10}{\sqrt{2}}$  आदि भिन्नों में प्रथम चार भिन्न  $\frac{9}{\sqrt{2}}$  ,  $\frac{3}{\sqrt{2}}$  ,  $\frac{8}{\sqrt{2}}$  आदि ऐसे भिन्न हैं जिनके अंश हर से छोटे हैं। इन भिन्नों को उचित भिन्न कहते हैं। इनके मान १ से छोटे होते हैं।

भिन्न पूँ के अंश और हर बराबर हैं, यह १ को बतलाता है। इस प्रकार के अन्य भिन्न २, ४, ७, ११, १७, १०० आदि हैं।

भिन्न जिनके मान १ से अधिक हैं वे ६ ७ ६ ६ १० पूर्

ऐसे भिन्न जिनके अंश हर से बड़े होते हैं विषम भिन्न कहलाते हैं। इनके मान १ से बड़े होते हैं।

देखो

$$9 = \frac{2}{3}, \quad 2 = \frac{2}{3}, \quad 3 = \frac{6}{3}$$

नीबू के ५ आधे दुकड़ों याने रे नीबू से शरबत बनाया गया। इस शरबत को बनाने में कुल दो पूरे और एक आधे नीबू लगे। दे पूरे और एक आधे को २ है लिखते हैं और दो सही एक बटा दो पढ़ते हैं।

२ १ मिश्रं भिन्न कहलाता है क्योंकि इसके दो भाग हैं (क) २ पूर्ण संख्या (ख) १ भिन्न।

## उदाहरण

७ बच्चों को खरबूजे बाँटे गये। प्रत्येक बच्चे को एक चीथाई खरबूजा मिला। बताओ कितने खरबूजे बाँटे गये।

७ चौथाई =  $\frac{9}{8}$  = 9 पूर्ण +  $\frac{3}{8}$  =  $9\frac{3}{8}$ 

विषम भिन्न को मिश्र भिन्न में अंश का हर से भाग देकर बदला जाता है। भागफल, पूर्ण संख्या वाला भाग और शेषफल बटा हर भिन्नात्मक भाग बतलाता है।

मिश्र भिन्नों को विषम भिन्नों में बदलना

देखो

$$9\frac{2}{c} = 9 + \frac{3}{c} = \frac{c}{c} + \frac{3}{c} = \frac{c}{c} + \frac{3}{c} = \frac{11}{c}$$

पुन:

$$9\frac{3}{6} = \frac{6x9+3}{6} = \frac{6+3}{6} = \frac{11}{6}$$

इसी प्रकार

$$\frac{3}{6} = \frac{98}{6} + \frac{3}{6} = \frac{98+3}{6} = \frac{96}{6}$$

पुन:

$$3\frac{3}{6} = \frac{3 \times 6 + 3}{6} = \frac{36 + 3}{6} = \frac{36}{6}$$

मिश्र भिन्न को विषम भिन्न में बदलने का नियम:

- (क) मिश्र भिन्न के हर से उसके पूर्णांक को गुणा करो।
- (ख) इस गुणनफल में भिन्न का अंश जोड़ दो।
- (ग) जोड़ने पर प्राप्त संख्या विषम भिन्न का अंश होगा।
- (घ) मिश्र भिन्न का हर विषम भिन्न का हर होगा।

उदाहरण: ५३ को विषम भिन्न में बदलो

हल विषम भिन्न का अंश = ५ x ३ + २ = १७

विषम भिन्न का हर = ३

अभीष्ट विषम का भिन्न = १७

$$an y \frac{?}{3} = \frac{y \times 3 + ?}{3} = \frac{9y + ?}{3} = \frac{99}{3} 3 cm ?$$

अभ्यास - २७

# द्रुत मौखिक

१. निम्नलिखित भिन्नों में से उचित भिन्न छाँटो।

$$\frac{3}{8}$$
,  $\frac{3}{8}$ ,  $\frac{23}{8}$ ,  $\frac{3}{8}$ ,  $\frac{3}{8}$ ,  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{2}{3}$ 

- २. पाँच भिन्न जिसका मान १ हो लिखो।
- ३. निम्नलिखित भिन्नों में से विषम भिन्न छाँटो।

४. निम्नलिखित भिन्नों में से मिश्र भिन्न छाँटो।

# भिन्नों का जोड़:

पिछली कक्षा में हम भिन्नों के जोड़ने की संक्रिया पढ़ चुके हैं। निम्नलिखित का मान निकालो -

$$(an) \frac{1}{6} + \frac{3}{6} \quad (an) \frac{2}{6} + \frac{1}{6}$$

अंशों का जोड़:

(क) मान = 
$$\frac{1}{9} + \frac{3}{9} = \frac{9}{9}$$

(ख) मान = 
$$\frac{?+?}{9}$$
 =  $\frac{3}{9}$ 

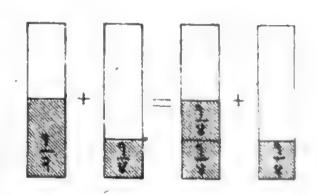
#### उदाहरण

(क) १ और १ को जोड़ो।

देखो

$$\frac{9}{2} + \frac{9}{8} = \frac{2}{8} + \frac{9}{8}$$
$$= \frac{2+9}{8} = \frac{3}{8}$$

(ख) र् और र को जोड़ो।





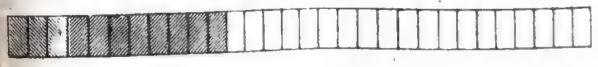
देखो

$$\frac{9}{2} + \frac{9}{3} = \frac{3}{\xi} + \frac{2}{\xi} = \frac{\chi}{\xi}$$

$$\sqrt{11} \frac{9}{2} + \frac{3}{2} = \frac{1}{\xi} + \frac{3}{\xi} = \frac{1}{\xi}$$

 $(\eta) \frac{9}{90} + \frac{8}{90}$  का मान बताओ।

देखो



$$\frac{9}{90}$$
  $\frac{9}{9}$  =  $\frac{3}{30}$  +  $\frac{3}{50}$  =  $\frac{39}{30}$ 

ऊपर दिये गये उदाहरणों से स्पष्ट होता है कि विजातीय भिन्नों के जोड़ में विजातीय भिन्नों को सजातीय बनाकर जोड़ा जाता है।

#### उदाहरण १

े शे और <sup>१</sup> को जोड़ो

हल: भिन्नों के हर असमान हैं। अत: १ और ३ के समतुल्य समान हरों वाले भिन्न ज्ञात करना होगा।

द्सरी विधि:

$$\frac{9}{7} + \frac{7}{3} = \frac{3}{5} + \frac{8}{5} = \frac{3+8}{5} = \frac{9}{5} = 9\frac{9}{5}$$

जब हम विजातीय भिन्नों को जोड़ते हैं तब उन भिन्नों को सजातीय भिन्नों में बदलते हैं। ध्यान रहे कि भिन्नों के समान सर्वनिष्ठ हर सबसे छोटा होना चाहिए अर्थात् हरों का लघुत्तम समापवर्त्य होना चाहिए।

# उदाहरण:

मान बताओं 🖁 🕂 🥉

हलः दिये हुए भिन्नों के हरों का लघुत्तम समापवर्त्य १२ है

अतः भिन्न है और है को १२ वाले भिन्नों में बदलना होगा।

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{8} = \frac{2}{92} + \frac{2}{92} = \frac{2 + 2}{92} = \frac{99}{92} = 9\frac{4}{92}$$

$$= \frac{2 + 2}{92} = \frac{99}{92} = 9\frac{4}{92} = 3777$$

1 50

जोड़ो:

(9) 
$$\frac{9}{3}$$
 और  $\frac{9}{8}$  (2)  $\frac{3}{8}$  और  $\frac{2}{9}$ 

$$(?) \frac{3}{9} \operatorname{shr} \frac{?}{9}$$

$$\frac{1}{2}(\frac{1}{2}) = 3 + \frac{1}{2} = \frac$$

- ு. एक डिब्बे में ३ किग्रा घी है। डिब्बे का वजन है किग्रा है। घी सहित डिब्बे का वजन किलोग्राम मे वताओ।
  - c. एक मेड़क ने तीन कूद ली। प्रथम कूद है मी लम्बी, द्रमग कूद है मी लम्बी और तीसरी कूद है मी लम्बी। बताओं मेइक ने इन कूदों में कुल कितनी दूरी तथ की।

£! योगफल ज्ञात करो-

$$(ab) \frac{\delta}{\delta} + \frac{\delta}{\delta} + \frac{\delta}{\delta}$$

(ख) १ + 
$$\frac{3}{9}$$
 +  $\frac{8}{4}$ 

विजातीय मिश्र भिन्नों का जोड़

# उदाहरण:

 $\frac{2}{\sqrt{3}}$  और  $2\frac{3}{9}$  को जोड़ो।

प्रथम विधि

५ और ४ का ल०स० = २०

$$= 3 + 2 + \frac{C}{20} + \frac{9x}{20}$$

$$= x + \frac{23}{20}$$

$$= x + \frac{23}{20}$$

$$= \frac{3}{20}$$

द्वितीय विधि: (मिश्र भिन्न को विषम भिन्न में बदलकर)

$$3\frac{?}{y} + 2\frac{3}{y} = \frac{99}{y} + \frac{99}{y}$$

$$= \frac{99 \times 9 + 99 \times y}{?0}$$

$$= \frac{6c + yy}{?0}$$

$$= \frac{9?3}{?0}$$

$$= 6\frac{3}{?0}$$

$$= 3920147 - 962$$

# जोड़ो:

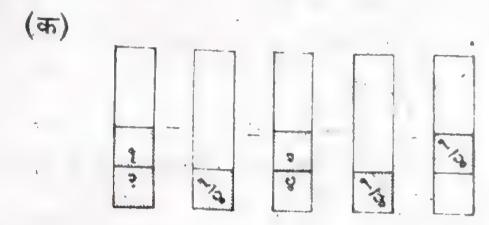
- 9.  $7 = \frac{9}{3}$  और  $3 = \frac{9}{7}$ ,  $7 = \frac{9}{3}$  और  $9 = \frac{9}{6}$ ,  $9 = \frac{3}{5}$  और  $9 = \frac{9}{6}$
- ४. ७ ह और २, ५. २ + ३ + <u>र्ट</u>
- इ. दर्जी ने हिर की कमीज में २ है मी कपड़ा लगाया और उसके छोटे भाई की कमीज में १ ३ मी । दोनों की कमीजों में मिलकर कुल कितने मीटर कपड़ा लगां ?
- ७. एक डिब्बे में १ पूर् किग्रा चीनी थीं। उसमें २ है किग्रा चीनी और

रख दी गयी। डिब्बे में कुल कितने किया चीनी हो गयी।

ट. योगफल जात करो:

भिन्नों का घटाना:

दो विजातीय भिन्नों के अन्तर ज्ञात करने की विधि, दो विजातीय भिन्नों के जोड़ ज्ञात करने की विधि के लगभग समान है।



$$(a) \frac{9}{7} - \frac{9}{3} = \frac{3}{6} - \frac{7}{6} = \frac{9}{6}$$

$$(\pi)^{\frac{\lambda}{\xi}} - \frac{2}{c} = \frac{9\lambda}{4c} - \frac{\lambda}{4c} = \frac{9\lambda}{4c}$$

अपर दिये गये उदाहरणों से स्पप्ट है कि विजातीय भिन्नों के घटाना में भिन्नों को सम हर बना कर घटाया जाता है।

इल :

भिन्नों के हर असमान है। अत: है और है के समतुल्य समान हरों वाले भिन्न ज्ञात करना होगा।

है के समतुल्य भिन्न = 
$$\frac{3}{9}$$
,  $\frac{E}{C}$ ,  $\frac{C}{97}$ ,  $\frac{92}{9E}$ ,  $\frac{92}{70}$ ,  $\frac{92}{70}$ ,  $\frac{3}{70}$  के समतुल्य भिन्न =  $\frac{7}{3}$ ,  $\frac{9}{4}$ ,  $\frac{1}{97}$ ,  $\frac{92}{97}$ ,  $\frac{92}{97}$ 

अत:

$$\frac{3}{8} - \frac{7}{3} = \frac{6}{97} - \frac{5}{97} = \frac{9}{97}$$

दूसरी विधि:

$$\frac{3}{8} - \frac{2}{3} = \frac{\cancel{E}}{92} - \frac{\cancel{E}}{92} = \frac{\cancel{E} - \cancel{E}}{92} = \frac{9}{92}$$

जब हम विजातीय भिन्नों को जोड़ते हैं तब दिये गये भिन्नों को सजातीय भिन्नों में बदलते हैं। ध्यान रहे कि भिन्नों के समान सर्वनिष्ठ हर सबसे छोटा होना चाहिए। अर्थात् हरों का लघुलम समापवर्त्य होना चाहिए।

## उदाहरण:

एक डिब्बे में कि लीटर तेल था। पे लीटर तेल खर्च हो गया। कितने लीटर तेल बचा ?

हलः

बचा हुआ तेल = 
$$\frac{9}{90} - \frac{9}{2}$$
  
=  $\frac{9}{90} - \frac{9}{90}$   
=  $\frac{9}{90} - \frac{9}{90}$   
=  $\frac{9}{90} - \frac{9}{90}$   
=  $\frac{9}{90}$  =  $\frac{9}{90}$  =  $\frac{9}{90}$  mlz $t$ 

विजातीय मिश्र भिन्नों का घटाना:

उदाहरण :

/ ४३ में से २ है घटाओ।

प्रथमं विधि :

3 और 8 का लि॰ स॰ = ' 9?

= 
$$\frac{3}{4}$$
 -  $\frac{3}{6}$  = 8 -  $\frac{3}{4}$  -  $\frac{3}{6}$ 

=  $\frac{3}{4}$  -  $\frac{3}{6}$  = 8 -  $\frac{5}{4}$  -  $\frac{5}{6}$ 

=  $\frac{3}{6}$  +  $\frac{5}{6}$  -  $\frac{5}{6}$ 

=  $\frac{3}{6}$  -  $\frac{3}{6}$  =  $\frac{3}{6}$  =  $\frac{3}{6}$ 

द्वितीय विधि: (मिश्र भिन्न को विषम भिन्न मैं बदल कर)

$$8\frac{7}{3} - 7\frac{3}{8} = \frac{98}{3} - \frac{99}{8}$$

$$= \frac{98 \times 8 - 19 \times 3}{97}$$

$$= \frac{73}{97}$$

$$= \frac{73}{97}$$

$$= \frac{19}{97}$$

अभ्यास - ३०

घटाओ :

(9) 
$$\frac{E_{0}}{E} - \frac{y}{y} = (2) \frac{99}{92} - \frac{2}{3}$$
(3)  $8 - \frac{y}{E} = (8) \frac{y}{9} - 3$ 
(4)  $\frac{E_{0}}{E} - \frac{y}{6} = (8) \frac{y}{9} - 3$ 
(5)  $\frac{99}{92} - \frac{2}{3} = (8) \frac{y}{9} = \frac{2}{3}$ 

- (७) रमेश १ प्रमीटर ऊँचा कूद सकता है और मोहन १ १० मीटर। रमेश मोहन से कितना अधिक ऊँचा कूद सकता है।
- (c) सब्बू के स्कूटर की टंकी में ६ लीटर पेट्रोल आता है। टंकी में ३ वें लीटर पेट्रोल है। बताओ वह कितंना पेट्रोल और ले कि टंकी पूरी भर जाय।
- (दं) एक छड़ी का है भाग लाल और है भाग हरा रंगा गया है। छड़ी का कुल कितना भाग रंगा है? लाल भाग, हरे भाग से कितना ज्यादा है।
- (१०) एक क्यारी के पूँ भाग में टमाटर बोये गये हैं और है भाग में बैंगन। ट्रमाटर बोया हुआ भाग बैंगन वाले भाग से कितना अधिक है ?

# इकाई - ११

देखो पहले आयत में छायांकित भाग दस बराबर भागों में से एक या पूरे का एक दसवाँ भाग है। तुम एक दसवें भाग को १ लिखते हो। इसे ०.१ भी लिखते हैं और शून्य दशमलव एक पढ़ते



दूसरे में आयत दस बराबर भागों में बंटा है उनमें से ७ भागों को छायांकित किया गया है। यह छायांकित भाग पूरे का सात दसवाँ भाग है। इसे ०.७ लिखते हैं और शून्य दशमलव सात पढ़ते हैं।



नीचे एक पटरी का चित्र देखों

पटरी के मुख्य भाग सेन्टीमीटर में चिह्नित किये गये हैं। प्रत्येक सेमी फिर १० छोटे भागों में बँटा है प्रत्येक छोटा भाग ०.१ सेमी प्रकट करता है। अत: ऐसे ५ भाग का अर्थ सेमी का ५ दसवाँ या ०.५ सेमी है। पाँच के पहले लगा हुआ बिन्दु दशमलव बिन्दु है। संख्या ०.५ को दशमलव कहते हैं। यह भिन्न ५० के बराबर है।

नीचे दी गयी सारणी को देखो :

· ·				
पटरी का	पूरे का	भिन्न के	दशमलव	पढ़ना
		रूप में	के रूप में	
		, लिखने	लिखने	
		का ढंग	का ढंग	
एक भाग	एक दसवाँ	9 90	0.9	शून्य दशमलव एक
दो भाग	दो दसवाँ	90	0.7	शून्य दशमलव दो
तीन भाग	तीन दसवाँ	3 90	φ, ξ, ο	शून्य दशमलव तीन
चार भाग	चार दसवाँ	8	0.8	शृन्य दशमलव चार
पाँच भाग	पाँच दसवाँ	40	0,4	शून्य दशमलव पाँच

स्पष्ट है कि १० हर वाले सम भिन्न को दशमलव में बदलने के लिए अंश की संख्या के बायीं ओर एक बिन्दु लगाकर लिखा जाता है। इस बिन्दु को जैसा पहले बताया गया है दशमलव बिन्दु कहते हैं।

१.३ को एक दशमलव तीन पढ़ते हैं और इसमें एक पूर्ण और तीन दसवाँ है। १.३ में ३ प्रथम दशमलव स्थान पर है।

नीचे बिजली के मीटर के दो डायल बने हैं इससे मीटर का वाचन करो।

पूर्ण



दसवां



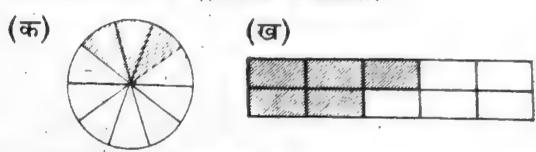
देखो, पूर्ण वाले डायल में सुई ५ और ६ के बीच में है और दसवाँ बताने वाले डायल में सुई ८ पर है। अतः वाचन ५ पूर्ण और ६ दसवाँ अर्थात् ५.८ है।

है। इस बिन्दु के बायीं ओर पूर्णींक और दाहिनी ओर दसवाँ भाग होता है।

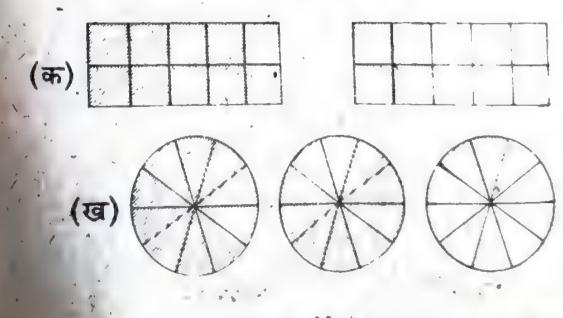
#### अभ्यास - ३१

द्रुत मौखिक

१- छार्यांकित भाग को दशमलव में बताओ।



- २- नीचे शब्दों में लिखी संख्याओं को भिन्न और दशमलव में लिखो:
  - (क) तीन दसवाँ (ख) सात दसवाँ (ग) दो पूर्ण तीन दसवाँ
  - (घ) नौ पूर्ण पांच दसवाँ
  - ३- छायांकित भाग को मिश्र भिन्न तथा दशमलव में लिखो:

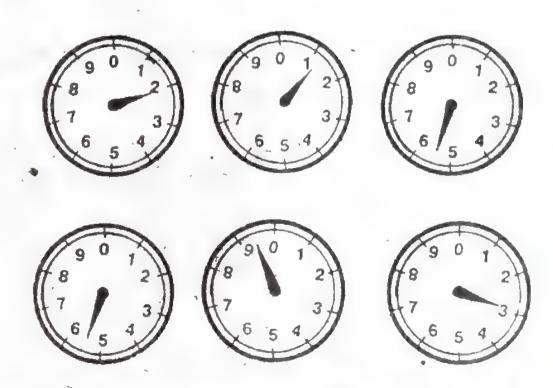


# ¥- निम्नलिखित भिन्नों के दशमलव में बदलो:

# लिखित

. ५ - निम्नलिखित भिन्नों को दशमलव में लिखो।

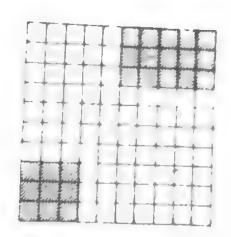
- ६- निम्नलिखित दशमलवों को भिन्नों में बदलो।
  - (新) 0.8, 0.6, 0.6, 0.6
  - (ख) ३.३, ४.७, ७.६, ८.५
- ७- नीचे दिये गये मीटर के डायलों को पढ़ कर प्रत्येक का मीटर वाचन बताओ।



देखो, बड़ा वर्ग सौ के बराबर छोटे वर्गों में बंटा है। अतः एक छोटा वर्ग बड़े वर्ग का सौवां भाग अर्थात् १ १ १०० को ०.०१ लिखते हैं और शून्य दशमलव शून्य एक पढ़ते हैं।

र्ट छोटे वर्गों से छायांकित भाग बना है इसलिए छायांकित भाग नौ सौवें या बड़े वर्ग का र्ट = ०.०६

१५ छोटे बिन्दुदार भागों से दूसरा छायांकित भाग है। अत: बिन्दु द्वारा छायांकित भाग पन्द्रह सौवें १५ १०० बजाज



की मीटर की छड़ सौ बराबर भागों में बंटी होती है। हर भाग एक सेन्टीमीटर है। एक भाग पूरी छड़ का एक सौंवा भाग या है = ०.०१ है। अर्थात् मीटरी छड़ का

१ भाग = १ सेमी =  $\frac{9.9}{900}$  मी = 0.01 मी २ भाग = २ सेमी =  $\frac{2}{900}$  मी = 0.02 मी २५ भाग = २५ सेमी =  $\frac{24}{900}$  मी = 0.24 मी

दशमलव चिह्न की दाहिनी ओर दो स्थानों पर लिखी संख्या यह बताती है कि वह सौ का कितना भाग है या कितने सौवां है जैसे

.07= दो सींवां =  $\frac{?}{900}$ .03= तीन सीवां =  $\frac{?}{900}$ .34= पैंतीस सीवां =  $\frac{34}{900}$ 

समतुल्य भिन्नों की सहायता से यह जांच किया जा सकता है

•.४ = ०.४०० इसी प्रकार ०.५ = ०.५०००, ०.७ = ०.७००००

इससे यह निष्कर्ष निकलता है कि दशमलव के दाहिनी ओर एक, दो या

तीन शून्य जोड़ देने पर उसके मान में कोई परिवर्तन नहीं होता है।

भिन्न १० और १० समतुल्य भिन्न अर्थात् १० = १

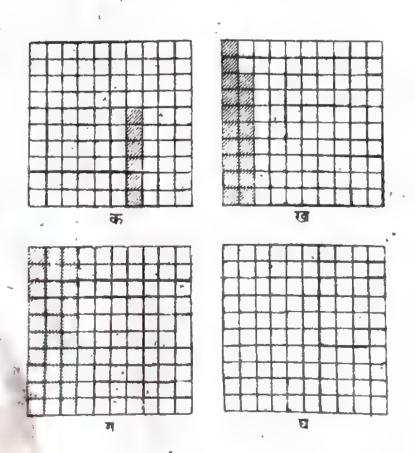
अतः ० १० = ०.१

हम ०.०७ को सात सीवां या शून्य दशमलव शून्य सात, ०.१० को दस सीवां या शून्य दशमलव एक शून्य, ०,४६ को उनचास सीवां या शून्य दशमलव चार नी पढ़ते हैं। ७,० या ६ दशमलव के दूसरे स्थान पर हैं।

#### अभ्यास - ३२

द्रुतं मौखिक

१- नीचे के वर्गों में छायांकित भाग को दशमलव में लिखो:



#### लिखित-

# २~ खाली स्थानों को भरो:

(क) ०.९७ = १ दसवाँ और सांत सीवां = १००

(ख) ०.३७ = ... दसवाँ और ... सीवां =

(ग) ०.०६ = ... दसवाँ और ... सीवां =

(घ) o. ४० = ... दसवाँ और ... सीवां =

(ङ) ०.६१ = ... दसवाँ और ... सीवां =

३- निम्नलिखित को दशमलव में लिखो

(क) चार सौवां

(ख) तिरपन सीवां

.(ग) पाँच और तिहत्तर सौवां

(घ) सात और सात सीवां

(ङ) आठ और ७ दसवाँ और ६ सीवां

४- निम्नलिखित दशमलव को भिन्न रूप में बदला।

(क) १ <del>३</del> (ख) ३ <del>३३</del>

्र (ग) ४ <u>५००</u> (घ) ३७ <u>३७</u>

तुम जानते हो १००० मिमी = १ मींटर

**१** मिमी = मीटर का १००० = १०००

या १ मिमी = .००१ मीटर

१ हजारवां का अर्थ १००० है।

यदि किसी वर्ग को १००० छोटे वर्गों में बाँटें तो एक छोटा वर्ग बड़े वर्ग का एक हजारहवां होगा १००० = .००१

०.४३२ का अर्थ है ४ दसवें, ३ सौवें और २ हजारवां या ४३२ हजारवां यदि किसी संख्या में ५ दसवें ६ सौवें तथा ७ हजारवें हों तो उस संख्या को दशमलव में ०.५६७ लिखते हैं। ७ दशमलव के तीसरे स्थान पर है

संख्या ५ ७ ४ ३ . ८ २ १

दशमलव बिन्दु के दाहिनी ओर के प्रत्येक अंक का स्थानीय ' मान बताओ। देखो:

दसवें स्थान पर है अत: उसका स्थानीय मान है। २ सीवें स्थान पर है अत: उसका स्थानीय मान २ १००० १ हजारवें पर है अत: उसका स्थानीय मान १०००

# अभ्यास - ३३

- १ निम्नलिखित को दशमलव में लिखो।
  - (क) ३ दसवां ४ सौवां ५ हजारवां
  - (ख) ७ दसवां ६ सीवां ५ हजारवां
    - (ग) २ दसवां ० सीवां १ हजारवां.
    - (घ) ० दसवां ४ सौवां ८ हजारवां
    - (ङ) १२३ हजारवां
- २- निम्नलिखित भिन्नों को दशमलव में लिखो:

३- निम्नलिखित दशमलव को भिन्नों में बदलो :

(क) ३.८६४ (ख) ५.७५३

(ग) १४.०६६ (घ) २.००३

४- खाली स्थानों को भरो :

भिन	3 90		900 -	9000	
दशंमलव		0.04			0,009

# दशमलव में प्रत्येक अंक का स्थानीय मान

पूर्णांकों के अंकों के स्थायी मान से तुम परिचित हो। नीचे की सारणी को पढ़ो -

	लाख	दसहजा	र- हजार	ं सैकड़ा	दहाई	इकाई
1973	· ·	*		ં ૧	?	3
973 × 90	3		9	7.8	3	. 0
973 X 900	٠	9	, 5	3	0	Ø.
173 X 9000	. 9	? .:	<b>4</b>	. 0 .	0	0
84,६०००	8	, X	<b>E</b>	· O	, O	0
४५६००० ÷ १०	*	8	Ä	Ę	0	0
४५६००० ÷ १००	4 -	1 ° 1	8	, X	Ę	0
४५६००० ÷ १०००	eg b "		*	8	X	Ę
		_		4		- STATE

१२३ में क्रम से १०, १०० या १००० से गुणा करने पर अंकों के स्थानीय मानों में क्या परिवर्तन हुए, ४५६००० में क्रम से १०,१००, या १००० से भाग देने से अंकों के स्थानीय मानों में क्या परिवर्तन

## देखां :

१२३ × १० में :

३ इकाई x १० = ३० इकाई = ३ दहाई

२ दहाई x १० = २० दहाई = २ सैकडे

१ सैकड़ा x १० = १० सैकड़े = १ हजार

# इसी प्रकार

६ हजार ÷ १० = ६० सैकड़े ÷ १० = ६ सैकड़े

५ दस हजार ÷ १० = ५० हजार ÷ १० = ५ हजार

४ लाख ÷ १० = ४० दस हजार ÷ १० = ४ दस हजार इसी प्रकार

६ हजार ÷ १०० = ६०० दहाई ÷ १०० = ६ दहाई

५ दस हजार ÷ १०० = ५०० सैंकड़े ÷ १०० = ५ सैंकड़े

४ लाख ÷ १०० = ४०० हजार ÷ १०० = ४ हजार इससे यह फल निकलता है कि-

किसी पूर्णांक को १० से गुणा करने पर उसके समस्त अंक अपने स्थान से वायीं ओर एक स्थान, १०० से गुणा करने पर दो स्थान और १००० से गुणा करने पर तीन स्थान हट जाते हैं।

२- किसी पूर्णांक को १० से भाग देने पर उसके समस्त अपने स्थान से दाहिनी ओर एक स्थान, १०० से भाग देने पर दो स्थान और १००० से भाग देने पर तीन स्थान हट जाते हैं।

अब मान लो हमें दंद७ को १० से भाग देना है। भागफल में दं दहाई का स्थान और द इकाई का स्थान ले लेगा, परन्तु इकाई अंक ७ का भागफल कहाँ लिखा जायेगा? इसके लिए हमें इकाई के दाहिनी और एक नया स्थान देना होगा जिसे हम दसवां भाग का स्थान कहते हैं। इसी प्रकार इसके ठीक और आगे दाहिनी ओर के स्थानों को हम क्रमश: सौवां भाग, हजारवां भाग आदि स्थान कहेंगे। दंद७ में १०, ५०० या १००० से भाग देने पर अंकों के स्थान निम्नलिखित सारिणी के अनुसार हो जाते हैं।

-,	सैकड़ा	दहाई	इकाई	दसवाँ	सीवां हजार	वाँ
خده	Ę	<b>E</b>	9			
टेंट + १०	6	5	2	9	,	
र्टि + 900			5	C	6	
र्ट्ट ÷ १०००				5	E 9	

किसी संख्या के अंकों का स्थानीय मान की जानकारी करने के लिए हमें इकाई का स्थान जान लेना चाहिए। अतः इकाई के ठीक-दाहिनी ओर एक बिन्दु (दशमलव) रखकर इकाई का स्थान सुनिश्चित करते हैं। ऐसी संख्याएँ जिनमें दशमलव बिन्दु लया होता है दशमलव कहलाती हैं।

निम्नलिखित सारणी में प्रत्येक स्थान पर लिखे ३ के स्थानीय मान को देखो

हजार सैकड़ा दहाई इकाई दसवाँ सौवां हजारवाँ स्थानीय मान

3	3 3 3	3
		तीन हजारवाँ = ३
		€00. =
3/		तीन सौवां = <sup>3</sup>
		ο ξ
		तीन दसवाँ = ३
		<b>F.</b> =
		तीन इकाई = ३
		तीन दहाई = ३०
	, ,	तीन सैकड़ा = ३००
		तीन हजार = ३०००
	1.900	A CONTRACTOR OF THE CONTRACTOR

नीचे की सारणी में रिक्त स्थान में स्थानीय मान दशमलव में लिखो: सैकड़ा दहाई इकाई दसवाँ सौवां हजारवां स्थानीय मान ¥ दशमलव संख्या को पढ़ना और लिखना नीचे की सारणी को देखो: हजार सैकड़ा दहाई इकाई दसवाँ सौवां हजारवां दशमलव दशमलव में में लिखना पढ़ना चौतिस 38.0 पांच प्र.६ , दशमलव छ:

> ७.५८ सात दशमलव पाँच आठ

#### मीखिक

१- नीचे की सारणी में लिखी हुई संख्याओं को दशमलव में पद्धे-सैकड़ा दहाई इकाई दसवां सीवां हजारवां

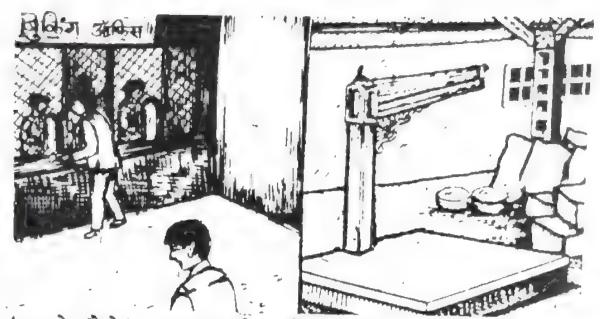
क	1	3	X	9		
ख		,¥,	8	3	9	
ग्	-		8	0	0	C
घ	8	3	5	9	3	8
ङ		6	¥	8	3	E
च			9.	0	3	8
छ	2	Ę	8	0	0	

- २- निम्नलिखित संख्याओं को पढ़ो-
  - . ४.२, १३.५, ५३.५३, ०.४७, ०.०४७
- ३- निम्नलिखित प्रत्येक युग्म में कौन सी संख्या बड़ी है? (.६,.८), (३.५,३.४५), (०.४५,.०४५), (०.१, ०.८)
- ४- मान बताओ-

.38 x 90, .073 x 900, 9.489 x 9000

५- मान बताओ-

43 + 90, 34 + 900, 44 + 9000, 3.3 + 90



धन (रुपये पैसे), लम्बाई, तौल और धारिता को दशमलव में लिखना:

धन का लेन देन रुपयों और पैसीं में होता है। लम्बाई नापने की मुख्य इकाई मीटर, तौल की मुख्य इकाई ग्राम और धारिता की मुख्य इकाई लीटर है। मीटर से छोटी लम्बाई नापने की इकाई सेन्टीमीटर और मिलीमीटर है। सेंटी का अर्थ सौवां और मिली का अर्थ हजारवाँ है अत: तौल की ग्राम से छोटी इकाई डेसीग्राम, सेंटीग्राम और मिलीग्राम है। लीटर की छोटी इकाई डेसी लीटर, सेंटीलीटर और मिलीलीटर है।

बड़ी मापों एवं तोलों में मुख्य इकाई के दस गुने, सौ गुने तथा एक हजार गुने के लिए क्रमश: डेका, हेक्टो तथा किलो का प्रयोग करते हैं।

(i) नीचे की सारणी (क) में रुपये पैसों को रुपयों की दशमलवा में लिखा गया है।

(क)	रुपये.	पैसे	दशमलव	कारण
49	98	. હપ્ર	रु०१४.७५	१०० पैसे = १ रुपया
	¥9 0	06	क्तुं १,०७	१ पैसा = १ १०० रुपये
	38	60	क्त०३४.६०	या १ पैंसा = .०१ रुपये

रूपये नौ पैसे, रू० ४.७० को चार रुपये सत्तर पैसे पढ़ते हैं।

सात रूपये सात पैसे को रू० ७.७ लिखना अशुद्ध होगा। सात रूपये सात पैसे को शुद्ध रूप से लिखने का ढंग रू० ७.०७ है।

(ii) हम जानते हैं कि १०० सेमी = १ मीटर

अत: एक सेमी एक मीटर का सौवाँ भाग है।

अर्थात् १ सेमी = १०० मी = ०.०१ मी

**इसी** प्रकार २ सेमी = <sup>२</sup>/<sub>900</sub> मी ≠ 0.0२ मी

90 सेमी = 900 मी = 0.90 या 0.9 मी

प्र सेमी = ० प्र मी = ० प्र मी = ० प्र मी

अतः ७ मी ७७ सेमी को ७.७७ मी, ५ मी ५ सेमी को ५.०५

मी, ४ मी ४० सेमी को ४.४० मी लिखते हैं।

१० मिमी = १सेमी

१ मिमी = १ सेमी = 0.09

इसी प्रकार २ मिमी = १० सेमी = ०.२ सेमी

७ मिमी १० सेमी = ०.७ सेमी

अत: ३ सेमी ३ मिमी को ३.३ सेमी, ८ सेमी ६ मिमी को

द. दे सेमी, १७ मिमी को, १.७ सेमी लिखते हैं।

(ग) १००० मी = १किमी

१ मी = १०० किमी = 0.00१ किमी (१११)

इसी प्रकार २ मी =  $\frac{?}{900}$  किमी = 0.00२ किमी  $90 \text{ मी = } \frac{90}{900} \text{ किमी = 0.090 किमी}$   $959 \text{ मी = } \frac{959}{9000} \text{ किमी = 0.959 किमी}$   $900 \text{ मी = } \frac{900}{9000} \text{ किमी = 0.900 किमी}$ 

अतः र्ट किमी ६७५ मी को र्ट.६७५ किमी, ३ किमी ६५ मी को ३.०६५ किमी, ७ किमी ७ मी को ७.००७ लिखते हैं।

(iii) १००० ग्राम = १ किग्रा १ ग्राम = १ किग्रा = .००१ किग्रा

इस प्रकार ३ ग्राम =  $\frac{3}{100}$  किग्रा = .00३किग्रा  $\frac{3}{1000}$  २० ग्राम =  $\frac{3}{1000}$  किग्रा = .0२०किग्रा  $\frac{3}{1000}$  शिग्रा = .101 किग्रा

अतः १० किया ६७५ ग्राम को १०.६७५ किया, ३ किया ३० ग्राम को ३.०३० किया और र्ट किया र्ट ग्राम को र्ट.००र्ट किया लिखते हैं।

(iv) 9000 मिली = 9 लीटर

9 मिली =  $\frac{9}{900}$  ली = .009 ली

9 मिली =  $\frac{9}{900}$  ली = .009 ली

40 मिली =  $\frac{400}{900}$  ली = .040 ली

प्रथ् मिली = प्रथ् ली = . ५५५ ली

अंत: १७ ली १७१ मिली को १७.१७१, ६ ली ट मिली को ६.००८ ली तथा ४ ली ४० मिली को ४.०४० ली लिखते हैं।

#### अभ्यास - ३५

१ - निम्नलिखित प्रत्येक को दश्मलव में लिखो:

- (क) ५४ रुपये ४५ पैसे (ख) ७० रुपये ७ पैसे
- (ग) १३ सेमी ४ मिमी (घ) ५ किग्रा ५००ग्राम
- (ङ) १००८मिली (च) १३ किमी १३ मी
- २- निम्नांकित को उचित इकाई में लिखो जैसे १२.०३४ किया = १२ किया ३४ ग्राम है
  - (क) ६.७५० ली (ख) २१.३५ मी
  - (ग) र्ट.००५ किमी (घ) ५.७ सेमी
- 3- मिताली ने स्टेशन पर अपना सामान बुक कराने के लिए मशीन से तौलवाया। सामान का वजन ६४ किग्रा २०० ग्राम था इस वजन की किलोग्राम में बताओ।

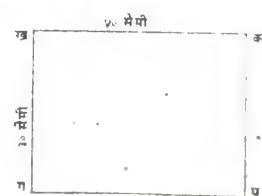
# इकाई - १२ परिमिति

# पिछले कार्य की पुनरावृत्ति:

- १ रमेश के खेत का परिमाप ७० मीटर है। उसे खेत का एक चक्कर लगाने में कितना चलना पड़ेगा ?
- २- राधे को अपना आयताकार बाग के चारों ओर एक फेग तार लगाने में ८० मीटर तार खरीदना पड़ा। यदि खेत की लम्बाई ३० मीटर हो तो उसकी चौड़ाई ज्ञात करो।
- ३- एक तस्वीर की लम्बाई ३० सेमी और चौड़ाई २० सेमी है। जियके किनारों पर अल्मूनियम की पत्ती लगानी है। पत्ती की लम्बाई मालूम करो।

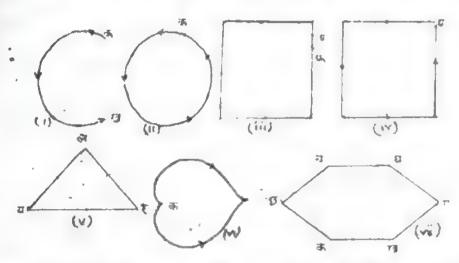
निम्नलिखित प्रश्नों में सही उत्तर पर निशान लगाओ -

- ४- किसी आयताकार आकृति का परिमाप बराबर होता है;-
  - (क) उसकी लम्बाई और चौड़ाई के योग के
  - (ख) उसकी लम्बाई और चौड़ाई के गुणनफल के
  - (ग) लम्बाई और चौड़ाई के योग के दूने के
  - (घं) लम्बाई और चौड़ाई के योग के आधे के
- ५- दिए गए चित्र में आकृति का परिमाप होगा
  - (क) १४० सेमी
  - (ख) १२० सेमी
  - (ग) ७० सेमी
  - (घ) १०० सेमी



चतुंभुंज, आयत, वर्ग और तिभुज की परिमिति:

पिछली कक्षा में तुम जान चुके हो कि किमी खेन की परिमित (या) परिमाप) उसके चारों ओर एक चक्कर में चली गई दूरी के बगवर होती है। अब नींचे दी गयी आकृतियों को ध्यानपूर्वक देखों -



आकृति (i) बिन्दु क से प्रारम्भ होती है तथा बिन्दु ख पर संमाप्त हो जाती है

आकृति (ii) बिन्दु क से प्रारम्भ होकर पुन: बिन्दु क पर ही समाप्त हो जाती है

- आकृति (iii) बिन्दु प से प्रारम्भ होती है किन्तु बिन्दु फ पर ही समाप्त हो जाती है

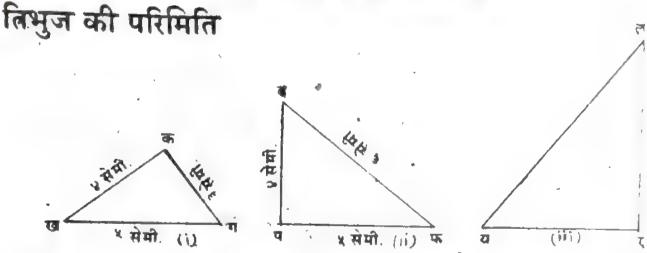
आकृति (iv) बिन्दु य से प्रारम्भ होकर पुन: य पर ही समाप्त होती है इसी प्रकार (v) य से प्रारम्भ होकर पुन: य पर ही समाप्त होती है ऐसी आकृतियों को, जो एक बिन्दु से प्रारम्भ होकर किसी अन्य बिन्दु पर समाप्त होती है, खुली आकृति कहते हैं। अत: ऊपर दी गई आकृतियां

(i) और (iii) खुली आकृतियां हैं। तथा ऐसी आकृतियों को, जो किसी बिन्दु से प्रारम्भ करके पुनः उसी बिन्दु पर समाप्त होती हैं, बन्द आकृति कहते हैं। इस प्रकार आकृति (ii), (iv) और (vi)

बन्द आकृतियां हैं।

परिमिति:

किसी बिन्दु आकृति के किसी बिन्दु से चल कर १ चक्का लगाकर पुन: उसी बिन्दु पर लीटने में जितनी दूरी चलनी पड़ती है, उसे उस आकृति की परिमिति या 'परिमाप'' कहते हैं। इस जान के आधार पर तुम किसी भी बन्द आकृति का 'परिमाप'' जात कर सकते हो। उपर्युक्त बन्द आकृतियों में भी दो प्रकार की आकृतियों हैं। वे आकृतियों जो वक्र रेखाओं से बनी हैं जैसे (ii) और (VI)। इनकी परिमिति तुम डोरे की सहायता से ज्ञात कर सकते हो। इसी प्रकार दूसरी प्रकार की आकृतियां वे हैं जो सरल रेखा खण्डों द्वारा बनी हैं जैसे (iv), (v) आदि। इनकी परिमिति तुम पटरी की सहायता से इनकी भुजाओं को नाप कर ज्ञात कर सकते हो।



उपर्युक्त तिभुजों को ध्यान पूर्वक देखो। चित (i) में क से ग की ओर चलकर पूरा चक्कर लगाने में कग, गख और खक भुजाओं के बराबर दूरी चलना पड़ेगा।

अत:

तिभुज कखग का परिमाप = ४ सेमी + ५ सेमी + ३ सेमी = १२ सेमी

इंसी प्रकार चित्र (ii) में दिए गए

प फ ब की परिमिति = पफ + फब + बप = ५ सेमी + ६ सेमी + ४ सेमी = १५ सेमी

चित्र (iii) में दिए गए तिभुज का परिपाप उसके किसी जीपं से किसी दिशा में धलकर ज्ञात किया जा सकता है। मान लो कोई कीड़ा ल से य की और चलकर तिभुज का पूरा चक्कर लगाता है तो उसके द्वारा चली गई दूरियों का योग = ल य + य र + र ल अत:

तिभुज य र ल की परिमाप = ल य + य र + र ल यदि य र ल की तीनों भुजाएं बगचर हों अर्थात वह मगबाहु हो तो उसकी परिमिति

· = लय + यर + र.ल

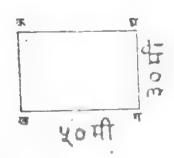
= m u + m u + m u

= 3 X ल य

= ३Xभुजा की लम्बाई

## आयतं की परिमिति

नीचे दिएं गए चित्र में रमेश का खेत दिखाया गया है। यह आयंताकार है तथा खेत की प्रत्येक भुजा की लम्बाई उसके सामने लिख दी गई है। रमेश खेत का पूरा चक्कर लगाने के लिए खेत



के किसी कोने से चल सकता है। मान लो वह शीर्ष ''ख'' में कि'' की ओर चलना प्रारम्भ करता है। उसे पूरा चक्कर लगाने (११७) में घ क, क ख, ख ग और ग घ आदि दूरियां चलनी पड़ेगी। अतः उसके द्वारा चली गई

कुल दूरी = घक + कख + खग + गघ = (५०+३०+५०+३०)मी० = (२ × ५० + २ × ३०) मी० = २ (५०+३०)मी

इसी प्रकार नीचे दिए आयत क ख ग घ को देखो



इस आयत की परिमिति ज्ञात करने हेतु बिन्दु क से ऊपर की ओर चलकर क्रमश: कख, खग, गध और घक दूरियां चलनी पड़ेंगी अत: आयत कखगध की परिमिति = कख + खग + गघ + घक

= कख + खग + कख + खग

= २कख + २खग

= २(कख+खग)

= २ (लम्बाई+्चौड़ाई)

क्योंकि आयत क खग घ में कख = गघ तथा खग = घक

# वर्ग की परिमिति:

तुम सीख चुके हो कि जब किसी भ-आयत की लम्बाई और चौड़ाई बराबर होती है तो उसे वर्ग कहते हैं। प्राय: घरों 🎏 में कमरों के फर्श अथवा खेत वर्गाकार 2 होते हैं। इनकी परिमिति भी उनकी चारों भुजाओं की लम्बाईयों को जोड़कर निकाल 20 सेमी. सकते हैं। दिए गए वर्ग के चित्र को देखो: -

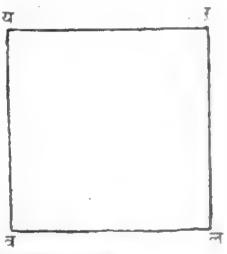
इसकी परिमिति = पफ + फ ब + ब भ + भ प

= २० सेमी + २० सेमी + २० सेमी + २० सेमी

= ४ x २० सेंमी

= ८०सेमी

नीचे एक वर्गाकार खेत यर ल व का चित्र दिया गया है चूँकि यह वर्ग है अत: इसकी भूजाएं परस्पर बराबर होगी। अर्थात् य र=रल = लव = वय



और वर्ग य रं ल व की परिमिति=यर+रल+लव+वय

= यर + यर + यर + यर

=४ x वर्ग की भुजा

अर्थात् वर्ग की परिमिति = ४ x वर्ग की भुजा परिमिति पर वार्तिक प्रश्न: -

परिमिति से सम्बन्धित वार्तिक प्रश्न दैनिक जीवन की समस्याओं परंही आधारित होते हैं। खेतों या वर्गों के चारों ओर चहार दीवारी बनाने अथवा तार खींचने, आयताकार या वर्गाकार मैदान के चारों

ओर दीड़ने आदि के प्रश्न परिमिति पर ही आधारित होते हैं। इन्हें हल करने की विधि निम्नलिखित उदाहरणों द्वारा स्पष्ट की गई हैं उदाहरण १

उर्मिला ने अपनी मेज के मेजपाश के चारों किनारों पर गोट लगाई। मेजपोश की लम्बाई १२० सेमी और चौड़ाई ८० सेमी है। लगी हुई गोट की लम्बाई बताओ।

हल: मेजपोश आयताकार है जिसकी लम्बाई १२० सेमी और चींडाई

**८**० सेमी है-

अत: मेजपोश का परिमाप=२(लम्बाई+चौड़ाई)

= ? (970+50)

= 5X500

=४००सेमी

चूँकि गोट की लम्बाई, मेजपोश के परिमाप के बराबर होगी अंत: गोट की लम्बाई = ४०० सेमी अर्थात ४ मीटर

उदाहरण २

रमेश के फूलों की क्यारी तिकोनी है तथा इसकी भुजाएं क्रमशः १२० सेमी, १६० सेमी, २०० सेमी लम्बी हैं। वह इसके चारों ओर मेड़ बनाता है। मेड़ की लम्बाई निकालो।

हल: मेड़ की लम्बाई = खेत की तीनों भुजाओं का योग

= १२० सेमी + १६० सेमी + २०० सेमी

= ४८० सेमी

= ४.८० मीटर

उदाहरण ३

एक वर्गाकार खेत की प्रत्येक भुजा ८० मीटर है। इसके किनारे-किनारे एक पतली मेड़ बनी है। मेड़ की लम्बाई निकालो।

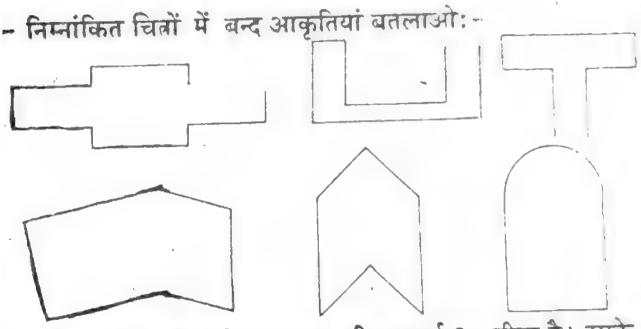
हल: चूँकि खेत वर्गाकार है

अतः खेत की परिमिति = ४ x भुजा

= ४ x द ० मी = ३२० मी

मेड़ खेत के ठीक किनारे-किनारे बनी है अत: मेड़ की लम्बाई भी ३२० मीटर होगी।

#### अभ्यास - ३६



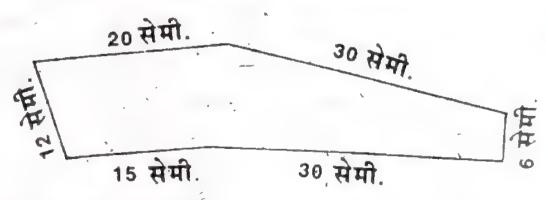
।- एक वर्गाकार खेत की एक भुजा की लम्बाई ३० मीटर है। इसके चारों ओर एक दीवार का घेरा है। घेरे की लम्बाई निकालो।

३- एक वर्गाकार पार्क की प्रत्येक भुजा २२५ मीटर है। यदि तार का मूल्य ५.५० रु० प्रति मीटर हो तो इसके चारों ओर ३ फेरा तार लगाने का मूल्य निकालो।

४- एक तिकोने पार्क की भुजाएं क्रमशः २१० मीटर, १६० मीटर और १५० मीटर है। उसके चारों ओर बाड़ लगाने का खर्च बताओ, यदि १ मीटर बाड़ का खर्च रु० १.५० प्रति मीटर हो।

५- एक खिलाड़ी ८०० मीटर की दौड़ लगाने हेतु एक आयताकार मैदान के चारों ओर दौड़ता है जिसकी लम्बाई ६० मीटर और चौड़ाई ४० मीटर है। बताओ उसे मैदान के कितने चक्कर लगाने पड़ेंगे?

- ६- सीता एक वर्गाकार मैदान के चारों ओर दीड़ती है जिसकी प्रत्येक भुजा १२० मीटर है। पार्वती एक आयताकार मैदान के चारों ओर दौड़ती है जिसकी लम्बाई ३० मीटर और चौड़ाई १५ मीटर है। २ चक्कर लगाने में उनके द्वारा चली गयी दूरियों का अन्तर बताओ।
- ७- एक लड़की एक षष्ठभुजीय पार्क के चारों ओर घूमती है जिसकी प्रत्येक भुजा ४० मीटर है। यदि वह एक पग में ५० सेमी चलती है तो बताओ पार्क का एक चक्कर लगाने में वह कितने पग चलेगी?
- एक आयताकार खेत के मैदान की लम्बाई १०० मीटर है। उसके चारों ओर १ फेरा तार लगाने में रु० ३६०.०० खर्च होता है यदि तार का मूल्य रु० १.५० प्रति मीटर हो, तो मैदान की चौड़ाई ज्ञात करो।
- É- नीचे एक पार्क का चित्र दिया गया है। प्रत्येक भुजा की लम्बाई उस पर लिख दी गई है। यद्भि तार का मूल्य रु० ४.०० प्रति मीटर हो, तो उसके चारों ओर ४ फेरा तार बाँधने का खर्च बताओ।



१०- एक लड़का एक खेल के आयताकार मैदान के ५ चक्कर लगाता है जिसकी लम्बाई और चौड़ाई क्रमश: ३०० मीटर और २५० मीटर है। उसके द्वारा चली गई कुल दूरी ज्ञात करो।

4 5 12 10 (4) 560

# इकाई - १३ समय मापन

# पिछले कार्य की पुनरावृत्ति: निम्नलिखित में रिक्तियों को भरिये

- १. (क) सोमवार के पहले.....होता है।
  - (ख) मार्च महीने के बाद...... महीना आता है।
  - (ग) सप्ताह में......दिन होते हैं।
  - (घ) वर्ष में.....माह होते हैं।
  - (च) एक दिन में.....घण्टे होते हैं।
    - (छ) एक घण्टे में.......... मिनट होते हैं।
- २. निम्नलिखित घड़ियों के चित्र में कितने बजे हैं?









- . घड़ियों के डायल का अलग-अलग चित्र बनाकर उनमें नीचे दिए गए समय पर सुइयों की स्थिति दिखाओ: -
  - (क) ४ बजकर ३० मिनट पर
  - (ख) पौने दस बजे पर
  - (ग) २ बजकर ५० मिनट पर
  - (घ) १ बजकर २० मिनट पर
  - ् (च) सादे ६ बजे
- ४. बताओ-
  - (क) , घण्टे की सुई कितने समय में डायल का १ चक्कर लगाती है?
    - (ख) मिनट की सुई कितने समय में डायल का १ चक्कर लगाती है?

- (ग) मिनट की सुई ३ के चिहन से ट के चिहन तक जाने में कितना समय लेगी?
  - (घ) जितने समय में घण्टे की सुई २ से ४ पर पहुँचेगी उत्तने समय में मिनट की सुई डायल के कितने चक्कर लगाएगी?
- ५- निम्नलिखिन में खाली स्थान भरो-
  - (क) २ बजकर ४५ मिनट को .... तीन बज कहते हैं
  - (ख) 🗷 बजकंर १५ मिनट को .... आठ बजे कहते हैं
  - (ग) साढ़े पाँच बजे = .... बजकर .... मिनट
- ६- रामदीन अपने घर से विद्यालय के लिए £.३० बजे निकाला और सायं ३.३० बजे घर वापस आ गया। बताओ वह कितने समय तक घर के बाहर रहा ?
- ७- राजेन्द्र ठीक १० बजे रात को सो जाता है और पुन: ४ बजे सबेरे उठकर पढ़ता है। बताओ वह कितने घण्टे सोता है?

# घड़ी से समय का पढ़ना

तुम्हे ज्ञात है कि घड़ी के डायल पर समान दूरी पर ६० निशान होते हैं। मिनट की सुई एक निशान से अगले निशान पर जाने में भूमिनट का समय लेती है और इस प्रकार डायल का पूरा चक्कर ६० मिनट में लगाती है।

#### इस प्रकार

१घण्टा = ६० मिनट

पिछली कक्षा में तुमने उन्हीं स्थितियों में घड़ी से समय पढ़ना सीखा था, जब मिनट की सुई १ से १२ तक की किसी संख्या पर होती है। किन्तु अब तुम घड़ी से समय पढ़ना सीखोगे, मिनट की सुई चाहे जिस किसी जिहन पर हो।

वि दिए गए घड़ी के डायलों को देखो :-



इसमें घड़ी के घण्टे की सुई १ से आगे है जो दर्शाता है कि १ बज चुका है। मिनट की सुई ५ के आगे दूसरे निशान पर है जो १२ से आगे गिनने पर २२ वें निशान पर है। अत: घड़ी द्वारा समय १ बजकर २२ मिनट है।

इस प्रकार घड़ी द्वारा समय देखने के लिए निम्नलिखित बातें देखते हैं:-

(१) घण्टे की सुई १ से १२ जिस संख्या को पार कर चुकी है वह घण्टा बतलाती है तथा

(२) मिनट की सुई १२ से आगे जिस छोटे चिह्न पर होती है, बड़ी सुई उतने मिनट बतलाती है।

इसके अतिरिक्त इलेक्ट्रानिक घड़ियों में, जिनमें सुईयां नहीं होती हैं, ': 'चिह्न के बांयी ओर की संख्या घण्टा तथा दांयी ओर की संख्या िमनट कहलाती है।

जैसे - ३:३२ को ३ बजकर ३२ मिनट पढ़ते हैं।

उदाहरण १

निम्नलिखित घड़ी के डायल द्वारा प्रदर्शित समय बताओ-



चित्र में घण्टे की सुई द से आगे निकल चुकी है जो द बजे बतलाती है। तथा मिनट की सुई १२ से आगे ३२ वें चिह्न पर है जो ३२ मिनट बतलाती है। इस प्रकार घड़ी द्वारा प्रदर्शित समय द बजकर ३२ मिनट है।

उदाहरण २ घड़ी का डायल बनाकर ४ बजकर ४८ मिनट पर घड़ी की सुइयों की स्थितिं दिखाओ।

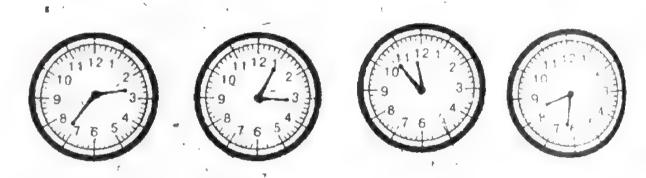
#### हल :



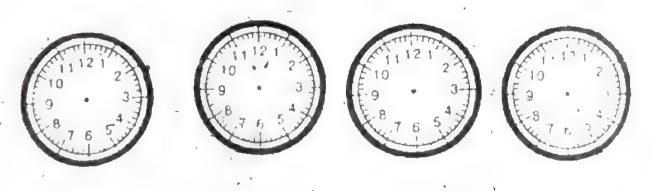
चूंकि ४ बजं चुके हैं अत: घण्टे की मुई १ के आगे ४ और ५ के मध्य होगी। तथा मिनर की सुई, १२ के आगे ४८ वें खाने पर या (४१ + ३ अर्थात ६ x ५ + ३) ६ के आगे तीमी चिह्न पर होगी। अत: डायल पर सुइयों की स्थिति निम्न प्रकार होगी। जो ४ बज कर ४६ मिनट को बताती है।

#### अभ्यास - ३७

१- निम्नलिखित डायलों द्वारा प्रदर्शित समय बताओ; -



२- निम्नलिखित डायलों पर दिए गए समय पर सुइयों की स्थिति दिखाइये:-



: 37 . . 8

६ : २४

90:48

२ : ४६

ड़ी की मिनट और घण्टे की सुइयों की चाल में सम्बन्ध:

तुम्हें मालूम हो चुका है कि घण्टे की सुई १ से २ के चिहन (जिनके बीच ५ खाने हैं) १ घण्टे में आती है। इस प्रकार वह यल पर बने ५ खाने १ घण्टा (६० मिनट) में चलती है।

त: घण्टे की सुई १ खाना १२ मिनट में चलती है जब कि मिनट िसुई १ खाना १ मिनट में चलती है। इस प्रकार हम कह सकते कि मिनट की सुई की गति, घण्टे की सुई का १२ गुना है।

इस ज्ञान के आधार पर किसी घड़ी के द्वारा, जिसमें केवल ण्टे की सुई ही हो तो, तुम निम्न विधि से समय ज्ञात कर सकते - .

#### दाहरण १

निम्नलिखित पर घण्टे की सुई की स्थिति दिखाई गई है। मिनट ते सुई गिर गई है। प्रदर्शित समय बताओ।



उपर्युक्त डायल में घण्टे की सुई ३ का चिह्न पार कर चुकी है अत: ३ बज चुके हैं। पुन: वह ३ के आगे तीसरे निशान पर है इस प्रकार ३ x १२ = ३६ मिनट और हो चुके हैं। इस प्रकार घड़ी द्वारा प्रदर्शित समय ३ बज कर ३६ मिनंट है।

दाहरण २

किसी घड़ी में ट बजकर ४८ मिनट हैं। घड़ी का डायल बनाकर उसके घण्टे की सुई की स्थिति सही-सही दिखलाओ ।

हल चूँकि घड़ी में ट बज चुके हैं अत: घण्टे की सुई ट से आगे किन्तु र्ट के पहले होगी। 976



पुनः ४८ मिनट भी गुजर चुके हैं, अतः घण्टे। की सुई ४८ ÷ १२ = ४ खाने आगे बढ़ चुकी होगी। अतः घण्टे की सुई की स्थिति। निम्नलिखित होगी:-

# समय प्रदर्शन में पूर्वाह्न तथा अपराह्न का प्रयोग:

अह्न = दिन

अत: पूर्वाहन, अपराहन दिन में ही चल सकता है। राबि में नहीं प्रात:, दोपहर, सायं, राबि का प्रयोग करें। नोट यह दे सकते हैं कि अंग्रेजी में १२ बजे राबि के बाद से दिन के १२ बजे के पूर्व के समय को पूर्वाहन तथा १२ बजे दिन के बाद से राबि के १२ बजे के पहले के समय को अपराहन कहते हैं।

नीचे दिए गए घड़ी के चित्र को देखो:



इसमें १० बजे हैं। १० बजे प्रातः तुम्हारा विद्यालय खुलता है और १० बजे रात तुम सो जाते हो। किन्तु उपर्युक्त घड़ी से यह ज्ञात नहीं होता है कि इसके द्वारा प्रदर्शित समय १० बजे प्रातः है या १० बजे राहि। क्योंकि घण्टे की सुई २४ घण्टे में दो बार १० बजाती है।

इसी प्रकार तुम ५ बजे प्रात: सोकर उठते हो अत: तुम्हारे उठने का समय ५ बजे पूर्वाह्न होगा तुम ६:३० बजे प्रात: स्कूल जाते हो अत: तुम्हारे स्कूल जाने का समय ६:३० बजे पूर्वाह्न है। तुम्हारे पिता जी शाम ५ बजे कार्यालय से लौटते हैं अत: उनके लौटने का समय ५ बजे अपराह्न है। इसी प्रकार तुम्हारे खेलने जाने का समय ५:३० बजे अपराह्न होगा।

#### अभ्यास - ३८

१ - निम्नांकित समय को पूर्वाहन या अपराहन में लिखो-

(क) ६-३० बजे सायं

(ख) ४-३० बजे प्रात:

.. (ग) ११-४५ बजे प्रातः

(घ) ११-४५ बजे सायं

(ङ) ६-५० बजे रावि

२- निम्नलिखित समय को पूर्वाह्न या अपराह्न में बतलाओ-

(क) प्रात: काल अपने उठने का समय

(ख) सायं अपने सोने का समय

(ग) शाम अपने खेलने जाने का समय

(घ) विद्यालय जाने का समय

(ङ) विद्यालय से लौटने का समय

(च) प्रात: भोजन का समय

(छ) सायं पढ़ना प्रारम्भ करने का समय

३- निम्नलिखित समय के ३ घण्टे पूर्व का समय बताओ-

(क) १२ बजे दोपहर

(खं) ट-३० बजे अपराहन

(ग) ४-३० बजे पूर्वाहन

(घ) १ बजे पूर्वाहन

४- निम्नलिखित समय के ४ घण्टे बाद का समय क्या होगा?

(क) १२ बजे अर्ध गति

(ख) ६ बजे अपराहन

(ग) ६-४५ बजे पूर्वाहन

(घं) १२ बजे मध्याहन

# २४ घण्टे वाली घड़ी का समय:

तुम ऊपर समय को पूर्वाहन तथा अपराहन में व्यक्त करना सीख गए हो। किन्तु इस विधि द्वारा व्यक्त समय में पूर्वाहन तथा अपराहन लिखने के कारण टाइम टेबुलों में स्थान अधिक घिर जाना है तथा प्राय: भ्रम होने का डर भी बना रहता है। इस शंका के निवारण के लिए कुछ विभाग जैसे रेलवे, विमान सेवा, रक्षा विभाग आदि अपनी समय सारिणियों में २४ घण्टे वाली घड़ी का प्रयोग करते हैं। इन घड़ियों में तारीख रात १२ बजे के बाद से बदलती है और सामान्य घड़ियों की भाति ठीक दोपहर को १२:०० वजता है किन्तु सामान्य घड़ियों के विपरीत इनमें समय १२ बजे दोपहर के बाद भी लगातार बढ़ता ही जाता है। इस प्रकार -

१२ मध्याह्न = १२,०० बजे

१ अपराह्न = १३.०० बजे

२ अपराह्न = १४.०० बजे

५ अपराहन = १७.०० बजे

र्ट, २५ अपराह्न 😁 = २१.२५ बजे

१२ अर्द्धराति = २४.०० बजे

२.४५ पूर्वाह्न = '०२.४५ वजे आदि

इस घड़ी के अनुसार बनी रेलवे की निम्नलिखित समय सारिणी को देखो:-

	•			
हावड़ा	स्टेशन	२८६०	C030	5003
से दूरी	•	गीतांजलि	वाम्बे	बाम्बे
किमी		एक्स	एक्स	. मेल
, m	हावड़ा जा	9374	9294	२०१५
११६	खड़गपुर आ	9494	1830	7700
) * I	जा	9496	1880	२२०५
२५१	टाटानगर आ	9670.	१७४४	०१०
	ं जा	9676	9504	०१५
क्षेत्र	राउरकेला आ	9640	२११०	२५५
	ज़ा .	2008	2930	300
920	विलासपुर आ	0\$0	२५०	७४४
	जा .	- 080	300	७४४
tec	दुर्ग आ	. 304. ·	६१५ '	१०३५
,	जा	370	६३०	9040
9936	नागपुर आ	७३५	१२०५	१५४५
	जा जा	. ७५०	9230	१६००

आ = आने का समय, जा = छूटने का समय

उपर्युक्त सारिणी के प्रथम स्तम्भ के विभिन्न स्टेशनों की प्रारम्भिक स्टेशन हावड़ा से किलोमीटर में दूरियाँ दर्शायी गयी हैं: - जैसे हावड़ा से टाटानगर की दूरी २५१ किमी, हावड़ा से विलासपुर की दूरी ७२० किमी और हावड़ा से नागपुर की दूरी ११३६ किमी आदि।

दूसरे स्तम्भ में उन प्रमुख स्टेशनों के नाम दिए गए हैं जो हावड़ा से चलने पर गाड़ी के मार्ग में पड़ते हैं। प्रत्येक स्टेशन के दाहिनी ओर अक्षर आ और जा अंकित हैं जो उस स्टेशन पर गाड़ी का पहुँचना और छूटना दर्शाते हैं। तीसरे स्तम्भ में प्रत्येक स्टेशन पर गाड़ी के पहुँचने और छूटने के समय अंकित हैं। अब गाड़ी नं० २८६० गीतांजिल एक्सप्रेस को देखों। हावड़ा से इस गाड़ी का छूटना १३.२५ बजे अंकित है। अतः यह गाड़ी १३.२५ - १२ = १.२५ बजे अपराह्न पर छूटती है। इस गाड़ी के टाटानगर में पहुँचने और छूटने के समय क्रमशः १७.२० बजे और १७.२७ बजे अंकित हैं। सामान्य घड़ी के अनुसार पहुँचने का समय १७.२० - १२ = ५.२० बजे अपराह्न होगा तथा छूटने का समय १७.२७ - १२ = ५.२७ बजे अपराह्न होगा। इसी प्रकार सामान्य घड़ी के अनुसार इस गाड़ी के नागपुर पहुँचने तथा वहाँ से छूटने के समय क्रमशः ७.३५ ग्रातः तथा ७.५० बजे प्रातः होंगे।

इसी प्रकार उपर्युक्त सारिणी में दो और गाड़ियों बाम्बे एक्सप्रेस तथा बाम्बे मेल का वर्णन दिया गया है। तुम अपनी काणी पर इनके विभिन्न स्टेशनों पर पहुँचने और छूटने के समय पूर्वाहन तथा अपराहन में लिखो।

गाड़ी बाम्बे मेलें हावड़ा से १२.१५ बजे पूर्वाहन (दोपहर) को छूटती है। खड़गपुर पहुँचने और वहाँ से छूटने के समय क्रमशः १४.३० और १४.४० दर्शाए गए हैं जो साधारण घड़ी के अनुसार २.३० अपराहन और २.४० बजे अपराहन हैं। इसी प्रकार साधारण घड़ी के अनुसार यह गाड़ी राउरकेला £.१० बजे अपराहन पर पहुँचती है और £.२० बजे अपराहन पर छूटती है तथा नागपुर १२.०५ बजे अपराहन पर पहुँचती है। तीसरी गाड़ी बाम्बे मेल का हावड़ा से छूटना २०.१५ दिखाया गया है। यह ८.१५ बजे अपराहन है तथा नागपुर पहुँचने का समय १५.४५ अर्थात् ३.४५ अपराहन है।

अब नीचे दिए गए वायुसेवा सारिणी को देखो: -

	वायुयान - १	वायुयान - २
दिल्ली -	06.30	99.30
जयपुर	०६.४०	93.40
बम्बई	99.00	194.00

सारिणी में दिल्ली से जयपुर होकर बम्बई जाने वाले दो वायुयानों का वर्णन है।

पहला वायुयान दिल्ली से ७.३० बजे पूर्वाह्न पर उड़ान भरता है, ६.५० बजे पूर्वाह्न पर जयपुर पहुँचता है तथा ११.०० बजे पूर्वाहन बम्बई पहुँचता है।

इस प्रकार दूसरा वायुयान दिल्ली से ११.३० बजे पूर्वाहन उड़ान भरता है, १३.५० पर (१.५० बजे अपराहन) जयपुर तथा १५.०० पर (३.०० बजे अपराहन) बम्बई पहुँचता है।

इस प्रकार २४ घण्टे वाली घड़ी बहुत ही लाभदायक है। इसमें कोई भी समय ४ अंकों में प्रदर्शित किया जाता है जिसमें पहले दो अंक घण्टे तथा अन्तिम २ अंक मिनट बतलाते हैं। इस परिपाटी के कुछ निम्नलिखित नियम हैं:-

१- १२ बजे मध्यरात्रि को ००.०० बजे या २४.०० बजे लिखा जाता

• है

२- १२ बजे दोपहर को १२.०० बने लिखा जाता है

३- यदि पहले दो अंकों का मान १२ से कम है तो वह दोपहर से पहले का समय पूर्वाहन और यदि १२ से अधिक है तो दोपहर के बाद का समय अपराहन प्रदर्शित करता है।

उपर्युक्त ज्ञान के आधार पर नीचे दिए गए प्रश्नों को हल करो-

## अभ्यास - ३६

- १- नीचे दिए गए समय को सामान्य समय पूर्वाहन, अपराहन में बंदलो-
  - (क) १० २० बजे १०.२० बजे पूर्वाहन
  - (ख) २१ ४५ बजे
  - (ग) २३ ०० बजे
  - (घ) ०६ ०० बजे
  - (ङ) १६ ०५ बजे

(च) ०० ३० बजे (छ) २४.०० बजे २- निम्नलिखित समय २४ घण्टे वाली घड़ी के समय में बदलो-(क) ६.३० बजे अपराहन (ख) १.१५ बजे पूर्वाहनः (ग) १२ बजे मध्याहन (घ) ६.५० बजे पूर्वाहन (ङ) ११.३० बजे अपराहन ३ - रेलवे समय सारिणी के अनुसार सिद्धेश्वरी एक्सप्रेस कल्याण रेलवे स्टेशन पर २३.४५ पर आती है और ००.१५ बज छूटती है। सामान्य घड़ी के अनुसार इस ग़ाड़ी के आने और छटने का समय बताओ। ४- साधारण घड़ी और २४ घण्टे वाली घड़ा दोनों के अनुसार समय बताओ-(क) प्रात: काल अपने उठने का समय। (ख) अपने विद्यालय जाने का समयं (ग) अपने पिता जी के दफ्तर जाने का समय (ध) पिताजीं के दफ्तर से लौटने का समय (इ) अपने विद्यालय से लौटने का समय (च) शाम के नाश्ते का समय (छ) शाम पढ़ना प्रारम्भ करने का समय (ज) शाम के भोजन करने का समय (झ) राबि में सोने का समय ५ - निम्नलिखित समय को सामान्य घड़ी के समय में बदलो: -(क) ००.०० बजे (घ) १३.४५ बजे (ङ) ०७१० बजे ् (ख) २४.०० बजे

(च) १६.१० बजे

(ग) १२.३०.बजे

६ - निम्नलिखित समय को २४ घण्टे वाली घड़ी के समय में बदलो: -(क) १२ बजे मध्यराव्रि १२ (घ) बजे दोपहर (ख) १२.३० बजे अपराहन (ङ) ४.४० बजे अपराहन (ग) १०.१५ बजे अपराहन (च) ६.४५ बजे पूर्वाहन ७- नीचे दिए गए समय को पूर्वाहन या अपराहन में लिखो: -(क) र्ट.०० बजे रावि (ख) ई.२० बजे प्रात: (ग) ११.३० बजे प्रात: (घ) राति के साढ़े ग्यारह बजे (ङ) राति के पौने एक बजे c- नीचे एक रेलवे समय सारिणी दी गई है:-गाड़ी का समय स्टेशन इलाहाबाद अा १७.०० जां १७.२० फतेहपुर 🦿 आ . २०.३० जा २०.३५ . आ २२.१५ कानपुर 22.34 · जा

£- निम्नलिखित का मान निकालो:-

(क) इलाहाबाद से फतेहपुर पहुँचने का समय

(ख) इलाहाबाद आने और कानपुर से छूटने के समय का अन्तर

किसी कार्य की अवधि की गणना:

अब निम्नलिखित समस्या पर विचार करो : 'एक गाड़ी के स्टेशन पहुँचने का समय ५.४८ है वह ३ घण्टा १२ मिनट देर से पहुँचती है। बताइये वह कितने बजे स्टेशन पहुँची।'' उपर्युक्त समस्या से स्पष्ट है कि स्टेशन पर पहुँचने का समय ५.४: में ३.३२ जोड़ने पर ही प्राप्त होगा।

इसी प्रकार की अनेक समस्याएं दैनिक जीवन में आती रहती हैं जिनमें घण्टा और मिनट अथवा दिन और माह में दिए गए समय को जोड़ना पड़ता है। इस प्रकार के योग में पहले मिनटों को जोड़ लेते हैं। यदि इनका योग ६० से अधिक होता है तो उसे घण्टे में बदल कर घण्टों के योग में जोड़ देते हैं।

अतः उपर्युक्त प्रश्नं में

मिनटों का योग = १८ + ३२ = ८०मिनट

= ६०मिनट + २०मिनट

= १घण्टा + २० मिनट

घण्टों का योग = ५ + ३ + १ = र्टघण्टा गाड़ी के पहुँचने का समय र्ट. २० होगा इसे संक्षिप्त रूप से ऐसे लिखते हैं

> घण्टा मिनट ५ ४८ + ३ ३२ £ २०

उदाहरण १

योगफल ज्ञात कीजिए: -

प्र घण्टा १८ मिनट और ६ घण्टा ३२ मिनट का

हल: घण्टा मिनट ५ १८ + ६ ३२ ११ ५०

योग = ११ घण्टा ५० मिनट

#### उदाहरण २

एक विद्यालय £.४५ पूर्वाह्म प्रारम्भ होता है तथा ५ घण्टा ३० मिनट तक खुला रहता है। बतलाइये यह कितने बजे बन्द होता है ?

विद्यालय र्ट. ४५ पूर्वाह्न के ५ घण्टा ३० मिनट बाद बन्द होता है अत: दोनों समयों को जोड़ने पर विद्यालय बन्द होने का समय प्राप्त होगा-

घण्टा	मिनट	
Ę	४५	
+ 4	30	9
18	७५	या १५ घण्टा १५ मिनट
*		= ३ बजकरं १५ मिनट

अत: विद्यालय ३.१५ अपराह्न पर बन्द होता है।

उदाहरण ३

राधे ने एक कारखाने में १५ जून से कार्य करना प्रारम्भ किया। उसने कुल २२ दिन काम करके नौकरी छोड़ दी। बताओ उसने किस तारीख को नौकरी छोड़ी।

(नोट: - दिनों की गणना में जिस दिन से कार्य प्रारम्भ होता है उस दिन की गणना भी की जाती है)

अब जून के महीने में उसके कार्य दिवस = १६

. ' शोष कार्य दिवस = २२ - १६ = ६

अत: उसने ६ दिन अगले माह जुलाई में काम किया

अत: दिनांक ७ जुलाई से काम पर नहीं गया।

उदाहरण ४

कणिका ने किसी विद्यालय में ७ जुलाई १८८८ को प्रवेश लिया किन्तु किसी कारणवश १० सितम्बर को विद्यालय छोड़ दिया। बताओ (१३७) +1.4

वह कुल कितने दिनों तकं विद्यालय में रही ?

जुलाई में उसकी उपस्थिति = २५ दिन (७ जुलाई को मिलाकर) अगस्त में उपस्थिति = १ माह सितम्बर में उपस्थिति = ६ दिन (१० सितम्बर को छोड़ कर)

अतः विद्यालय में कुल उपस्थिति = १माह ३४ दिन = २माह ४ दिन

#### अभ्यास - ४०

- १ निम्नलिखित समयान्त्रालीं को जोड़िए: -
  - (क) ६ घण्टा ४० मिनट और ४ घण्टा १० मिनट
  - (ख) ३ माह ८ दिन और ७ माह १५ दिन
  - (ग) ४ वर्ष ८ माह और ८ वर्ष २ माह
- २- निम्नलिखित का योगफल ज्ञात कीजिए: -
  - (क) ६ माह ट दिन तथा ट माह १र्ट दिन
  - (ख) १४ घण्टे ४० मिनट तथा १५ घण्टे २० मिनट
  - (गं) ६ वर्ष १० माह तथा १० वर्ष ६ माह
- ३- कितने बजेंगे:-
  - (क) १२ बजे मध्याहन के ६ घण्टे बाद
  - (ख) ५.३० बजे अपराह्न के ३ घण्टा ३० मिनट के बाद
  - (ग) ७.३० बजे पूर्वाह्न के ४ घण्टा १५ मिनट बाद
- ४- श्याम के पिता उसके फार्म पर गए। पहले वह ३ घण्टा ४० मिनट कार से चले फिर १ घण्टा ३० मिनट पैदल। बताइये वह घर से निकलने के कितने समय बाद फार्म पर पहुँचे ?

( 938 )

- ४- एक सिनेमा शो ३.३० बजे अपराह्न पर प्रारम्भ हुआ और २ घण्टे १५ मिनट चला। बताओ शो कितने बजे समाप्त हुआ?
- ६ कालका मेल इलाहाबाद से ५.४५ बजे अपराह्म पर छूटती है। वह मुगलसराय पहुँचने में ३ घण्टा १५ मिनट लेती है। बताओ वह मुगलसराय कितने बजे पहुँचती है?
- ७- पल्लवी अपने स्कूल के लिए घर से ७.२० बजे पूर्वाहन पर निकली उसे विद्यालय पहुँचने में ५० मिनट लगे। बताओ वह कितने वजे स्कूल पहुँची।
- c- योगफल ज्ञात करो:-
  - (क) ट वर्ष ट माह तथा ४ वर्ष ६ माह
  - (ख) ६ घण्टा ३० मिनट और ५ घण्टा ४० मिनट
  - (ग) ७ वर्ष र माह और ६ वर्ष ३ माह
- £- क्या समय होगा ?
  - (क) १८.४० बजे के ५ घण्टा बाद
  - (ख) १८.४५ बजे के २ घण्टा २५ मिनट बाद
  - (ग) १६.५५ बजे के १० मिनट बाद
  - १०- राजेन्द्र ने र्ट जुलाई १८८६ को किसी विद्यालय में काम करना शुरू किया किन्तु उसने १५ दिन बाद ही काम छोड़ दिया। बताओ उसने किस तारीख से नौकरी छोड़ी।
    - ११- अब्दुल का विद्यालय २१ मई से ग्रीष्मावकाश के कारण बन्द हो गया यदि ग्रीष्मावकाश की अवधि ५२ दिन हो तो बताओ स्कूल किस माह में और कितनी तारीख को खुला?
    - १२- माया ने एक विद्यालय में १० जुलाई १८८७ को प्रवेश लिया और १८८६ में ३० जून को विद्यालय छोड़ दिया। बताओ वह कुल कितने समय तक उस विद्यालय में रही?

तुमने ऊपर घण्टा-मिनट; माह-दिन अथवा वर्ष-माह में दिए गए समयान्तरालों का योग सीख लिया है। किन्तु दैनिक जीवन में ऐसी भी समस्याएं आती हैं जिनमें इन समयान्तरालों को परम्पर घटाना पड़ता है। जैसे निम्नलिखित उदाहरण से स्पष्ट है:-

### उदाहरण १

विनेश अपने घर से बाजार के लिए ३.३० बजे अपराहन पर चला। वह बाजार करके घर ८.४५ बजे अपराहन पर लीट आया। बताओ वह कितने समय तक घर के बाहर रहा ?

उपरोक्त उदाहरण से स्पष्ट है कि घर से बाहर रहने का समय निकालने के लिए प्रधण्टा ४५ मिनट में से ३ घण्टा ३० मिनट घटाना होगा । इस क्रिया में पहले मिनटों को परस्पर घटाते हैं और पुन: घण्टों को परस्पर घटा देते हैं।

इस प्रकार ४५ मिनट - ३० मिनट = १५ मिनट तथा - ३ घण्टा = ५ घण्टा

अत; उसके घर से बाहर रहने का समय = ५घण्टा १५मिनट

## उदाहरण २

५ घण्टा २० मिनट से ३ घण्टा ४० मिनट घटाओ। हल:

इस प्रश्न में स्पष्ट है कि २० मिनट से ४० मिनट घटाए नहीं जा सकते हैं अत: ५ घण्टा से १ घण्टा (६० मिनट) उधार लेकर २० मिनट में जोड़ने पर ८० मिनट हो जाते हैं जिससे ४० मिनट घटाये जा सकते हैं अत:

५ घण्टा २० मिनट = ४ घण्टा ८० मिनट इससे ३ घण्टा ४० मिनट घटांने पर ८०मिनट - ४० मिनट = ४० मिनट तथा ४ घण्टा - ३ घण्टा = १ घण्टा

( 180 )

अत: दिए गए समयान्तरालों का अन्तर = १ घण्टा ४० मिनट इसे संक्षिप्त रूप से निम्नलिखित ढंग से लिखते हैं

घण्टा	मिनट
Ä	20
3	· yo
9	So

#### उदाहरण ३

प्रयागराज एक्सप्रेस रात £.१० बजे इलाहाबाद से छूटती है और प्रात: ६.२० पर नई दिल्ली पहुँचती है। गाड़ी नई दिल्ली पहुँचने में कितना समय लेती है ? हल :

गाड़ी द्वारा अर्धराबि से पहले लिया गया समय

= १२ घण्टे - र्ट घण्टा १० मिनट

= ११ घण्टा ६० मिनट - र्ट घण्टा १० मिनट

= २ घण्टा ५० मिनट

गाड़ी द्वारा अर्धराति के बाद लिया गया समय

= ६ घण्टा २० मिनट

गाड़ी द्वारा लिया गया कुल समय

= २ घण्टा ५० मिनट

+ ६ घण्टा २० मिनट

८ घण्टा ७० मिनट = र्ट घण्टा १० मिनट

#### उदाहरण ४

हरी के पिता कलकता के लिए १४ मई १८८८ को निकले और १५ जुलाई ८८ को वापस आए। बताओ वह कुल कितने दिन बाहर रहे?

### हल:

मई माह में बाहर रहने के दिवस = ३१ - १३ = १८दिन जून में बाहर रहने के दिवस = ३० दिन जुलाई में बाहर रहने के दिवस = १४ दिन अत: बाहर रहने के कुल दिवस = ६२ दिन

## उदाहरण प्

१.१० पूर्वाहन के ४ घण्टा ३० मिनट पहले का समय क्या था? हल:

> २४ घण्टे वाली घड़ी के द्वारा १.१० बजे अपराहन का समय = १३.१० बजे होगा अब १३.१० में से ४ घण्टा ३० मिनट घटाने पर: -

घण्टा मिनट १३ १० - ४ ३० ट ४०

अतः अभीष्ठ समय ८.४० बजे पूर्वाहन था।

- १- निम्नलिखित तिथियों के मध्य समय ज्ञात करो :-
  - (क) अप्रैल १५ और जुलाई १५
  - (ख) जनवरी ७ और मार्च २४
  - (ग) १५ अगस्त १६८० और १० अगस्त १६८१ के मध्य
- २- निम्नलिखित के मध्य अन्तर ज्ञात करो: -
  - (क) र्ट.४५ बजे अपराह्न और ११.२५ बजे अपराहन
  - (ख) ६.४० बजे पूर्वाहन और ६.३० बजे अपराहन
  - (ग) १०.४५ बजे अपराह्न और अंगले २.३० बजे पूर्वाहन
  - (घ) ११.१० बजे पूर्वाहन और ६.४५ बजे अपराहन
- ३- रमेश के पिता जी बाजार के लिए घर से गए और ७.४० बजे अपराह्न पर'वापस गए। यदि वह कुल २ घण्टा ३० मिनट घर से बाहर रहे हों तो बताओं वह कितने बजे घर से निकले थे?
- ४- हाकी का एक मैच ५.३० बजे अपराह्न पर समृाप्त हुआ। यदि वह १ घण्टा २० मिनट चला हो तो बताओ वह किस समय प्रारम्भ हुआ था?
- ५- निम्नलिखित समय के ३ घण्टा ३० मिनट पहले क्या समय था?
  - (क) दं बजे पूर्वाहन
  - (ख) ६.२० बजे अपराहन
  - (ग) १:२० बजे अपराह्न
  - (घ) १:३० बजे पूर्वाहन

## इकाई - १४ कैलेण्डर की बनावट

कैलेण्डर तुम सभी ने देखा है इसके ऊपर भाग में सुन्दर चित्र बने होते हैं और नीचे की ओर कुछ कागज लगे होते हैं जिन पर उस वर्ष के प्रत्येक माह में विभिन्न दिनों पर पड़ने वाली तारीखें अंकित होती हैं। वास्तव में इस नीचे वाले भाग को ही ''कैलेण्डर'' कहते हैं। तुम इसके लाभों से भी परिचित हो। इसकी सहायता से किसी बिशेष माह में रविवार को पड़ने वाले दिनांक, किसी दिनांक विशेष को पड़ने वाला दिन अथवा उस माह के छुट्टी के दिन आसानी से निकाले जा सकते हैं।

तुम्हें ज्ञात है कि प्रत्येक सप्ताह में ७ दिन होते हैं अत: सातवें दिन पुन: वही दिन पड़ता है। उदाहरणार्थ आज बृहस्पति है तथा २ तारीख है तो ई तारीख, १६ तारीख और २३ तारीख तथा ३० तारीख को भी बृहस्पति ही होगा।

नीचे वर्ष १६६० के माह जनवरी का कैलेण्डर दिया गया है: -

उपर्युक्त कैलेण्डर को ध्यानपूर्वक देखो । इसके ऊपरी पंक्ति

में सातों दिनों के नाम लिखे हैं और प्रत्येक दिन के नाम के नीचे

1 900

	जनवरी १८६०						
रवि	सोम	, मंगल	बुद्ध	बृह०	शुक्र	शनि	
	, • •	7.	. 3	S	<b>y</b> .	Ę	
(g)	<b>E</b>	Ę	90	99	. 92	93	
मकरसं	क्रान्ति 🏸						
(48)	94	१६	90	95	१८	30	
		/	Eg. *		गणतंत्र वि	देवस	
(29)	22	२३	२४	24	(२६).	20	
•	-		वसंतपंचा	मी			
725	२र्ट	30	(39)				

उस दिन पड़ने वाली तारीखें अंकित हैं। यथा सोमवार को १, ८, १५, २६ तारीखें पड़ती हैं। इसी प्रकार शनिवार को क्रमशः ६, १३, २०, और २७ तारीखें पड़ती हैं। दिनांक १३ को इस माह का दृसरा शनिवार है जिसमें प्रदेश सरकार के सभी कार्यालय बन्द रहते हैं। कैलेण्डर में अंकित सभी तिथियों को गिनकर तुम उस माह के समस्त दिनों की संख्या भी निकाल सकते हो।

चूँकि वर्ष में १२ माह होते हैं अतः प्रत्येक कैलेण्डर में उस वर्ष के १२ माहों के दिनों और तिथियों का वर्णन रहता है।

कैलेण्डर का प्रयोग:

9550	\$			मार्च		
रवि	सोम	मंगल	बुद्ध	बृह०	शुक्र	शनि
				9	?	3
2	4	Ę	9	<b>E</b> ;	4	(90).
(99)	१२.	43	18	94	१६	90
′9⊏	15	20 .	29	22	23	58
होली १८	२६	79	35	२र्ट	30	39
१६६०					अगस्त	Γ
रवि	सोम	मंगल	बुद्ध	बह०	शुक्र	शनि
राज	*		9	(2)	3	8
•	· ·	d		मुहर्रम र्ट		
(Q)	Ę	9	E	£	90	11
13	रक्षां बन	धन (१४)	(94)	18	90.	95
(III)		जन्माष्टमी	स्वतंत्रत	दिवस		
ma)		29	22	23	28	: २५
No.	70	२८	२र्ट	90	39	
(14)	: 40	, , , —		944		

मान लो तुम्हें अगस्त मास में १५ तारीख का दिन ज्ञात करना है। अगस्त माह में १५ तारीख देखों और उस स्तम्भ के ऊपर शीर्ष पर पड़ा दिन देखों। यह बुद्ध है। अतः १५ अगस्त १८६० को बुद्ध का दिन था। इसी प्रकार मार्च के माह में वह स्तम्भ देखों जिसके ऊपर शुक्र लिखा है। इसके नीचे २, ६, १६, २३, ३० तारीखें पड़ी हैं अतः मार्च १८६० में इन तारीखों को शुक्रवार था। इसी प्रकार किसी कैलेण्डर में पड़ी रंगीन अश्ववा वृत्त में घिरी तारीख के द्वारा तुम उस माह की छुट्टियाँ ज्ञात कर सकते हो। कैलेण्डर से छुट्टियाँ, त्योहार आदि ज्ञात करना

उपर दिये गये मार्च एवं अगस्त १६६० के कैलेण्डर को ध्यानपूर्वक देखो । इन महीनों में पड़ने वाली सभी छुट्टियों की तिथियां वृत्त में धिरी हैं। इस प्रकार प्रत्येक माह में पड़ने वाले रिववार तथा छुट्टियाँ वृत्त में धिरी हैं। रिववार को छोड़कर प्रत्येक अवकाश वाली तारीख के खाने में छोटे अक्षरों में त्योहार का नाम भी छपा है। इसकी सहायता से तुम ज्ञात कर सकते हो कि किसी त्योहार की छुट्टियाँ किन किन तारीखों पर पड़ेगी। तथा माह अगस्त १६६० के कैलेण्डर में दिनांक २ के खाने में मुहर्रम और दिनांक १४ को जन्माष्टमी अंकित हैं अत: दिनांक २ अगस्त को मुहर्रम का और दिनांक १४ अगस्त को जन्माष्टमी का अवकाश होगा।

इसी प्रकार मार्च के कैलेण्डर द्वारा तुम देख सकते हो कि दिनांक १० और ११ मार्च को होली का अवकाश था। दिन-सप्ताह, सप्ताह-माह, दिन-माह और दिन-सप्ताह -महीना-वर्ष में सम्बन्ध

यद्यपि तुम समय के सम्बन्ध में सभी बातें जान चुके हो फिर भी समरण हेतु पुन: निम्नलिखित सम्बन्धों को देख लो:-

- (१) एक सप्ताह में ७ दिन होते हैं जिनमें पहला दिन सोमवार और सातवां दिन रविवार होता है।
- (२) एक माह में चार पूरे सप्ताह होते हैं।
- (३) दिन और माह में सम्बन्ध: -

तुम ऊपर पढ़ चुके हो कि सभी महीनों में दिनों की संख्या बराबर नहीं होती है। महीनों और दिनों में सम्बन्ध याद रखने के लिए निम्नलिखित पंक्तियों को कंठस्थ कर लो।

''जून, नवम्बर जानिए अप्रैल सितम्बर तीस फरवरी अट्ठाइस की बाकी सब इकतीस''

उपर्युक्त पंक्तियों के अनुसार वर्ष में जून, नवम्बर, अप्रैल और सितम्बर मासों में ३० दिन तथा फरवरी में २८ दिन तथा शेष माहों जनवरी, मार्च, मई, जुलाई, अगस्त, अक्टूबर तथा दिसम्बर में ३१ दिन होते हैं तथा पूरे वर्ष में ३६५ दिन होते हैं।

किन्तु उपर्युक्त ''लोकोक्ति'' में एक सुधार भी याद रिखए वह यह है कि प्रत्येक चौथे वर्ष में फरवरी २८ दिन के बजाय २८ दिन की होती है तथाउस वर्ष ३६६ दिन होते हैं। ऐसे वर्ष की पहचान तुम सरलता से कर सकतें हो। यदि किसी वर्ष की संख्या ४ से पूरी पूरी विभाजित हो जाती है तो उस वर्ष में फरवरी २८ दिन की होगी। यथा वर्ष १८८८ तथा १८८६ में संख्या १८८८, ४ से विभाज्य है इसी कारण १८८८ में फरवरी माह में २८ दिन थे तथा १८८६, ४ से विभाज्य है इसी कारण १८८८ में फरवरी माह में २८ दिन थे तथा १८८६, ४ से विभाज्य नहीं है अत: १८८६ के फरवरी माह में केवल २८ दिन ही थे। चालू वर्ष के कैलेण्डर में राष्ट्रीय तथा धार्मिक त्योहारों के और तारीख देखों।

ऐसे वर्षों को जिसमें फरवरी २६ दिन की होती है, लीप वर्ष कहते हैं। यह चौथे वर्ष पड़ता है तथा इसमें ३६६ दिन होते हैं।

180

#### उत्तर माला

#### अभ्यास,- १

- (१) नवासी, नौ सौ निन्न्यानबे, पाँच हजार छ: सौ सात, नौ हजार नौ सौ निन्न्यानबे, दस हजार (२) ४६०८, ३५६७८
- (३) (क) एक सौ (ख) नौ सौ निन्न्यानबें (ग) उन्हत्तर (घ) छियासी
- (8) (i) ७२, ७४, ७६, ७८, ८०, ८२, ८४, ८६, ८६, ८८, ८०, ८२, ८४, ८६, ८८।
  - (ii) 9だ9, 9だ8, 9だ6, २००, २०३
  - (iii) bた00, bた90, bた30, bた80
- ं (iv) ८४४३, ८५४३, ८६४३, ८७४३, ८८४३
  - ·.(V) ४३३३, ५३३३, ६३३३, ७३३३, ८३३३
- (५) (क) ६००, ६ (ख) ८००, ८ (ग) ८०००, ८००, ८००, ८०, ८
- (६) (क) टर्ट < टंट (ख) ६५ > ५६ (ग) ३३० > ३०३ (घ) १०टर्ट < १०टंट
- (७) इकाई द० इ० सै० द० इ० १ २ ५ ३ ८ ४ ह० सै० द० इ० ह० सै० द० इ० ५ ६ ७ १ ८ ८ ६ ०
- (ट) (ख) ४७०४ (ग) ३६६६ (घ) ६०७२
  - (र्ट) (क) र्टर्ट (ख) १०० (ग) र्टर्टर्टर (घ) १०००
  - (१०) आरोही क्रम
    - (i) १३५६ /२४६२ २०८ ६५३६ ६६४२ ३८८ टे६३५ टे६२४ ५८८
- (ii) अवरोही क्रम

र्ट्डिश र्ट्डिश प्रट्रे इप्रद इट्४२ इट्टे १३५६ २४६२ २०८

- (१) (क) १००००० (ख) र्टस्ट्रस्ट
- (२) नौ हजार अर्ठानवे, नब्बे हजार नौ सौ आठ, तिहत्तर हजार छ: सौ उनसठ, सैंतिस हजार पाँच सौ उन्हत्तर, सत्तर हजार तीन सौ पैंसठ
- (३) सबसे बड़ी
   सबसे छोटी

   ४५३०६
   ३४६०३

   ६६६६
   ६०६६६

   १००००
   ६६६७६
- (8) £0000 + 4000 + 600 + £0 + ₹

  60000 + 6000 + 600 + ₹0 + €

  50000 + 6000 + 400 + ₹0 + 6
- (४) (क, ४००००, ४००, ४० (ख) ८००००, ८००, ८
- (E) 33E67, 33E63, 33E68, 33E68, **33E68**E0673, E0678, E0674, E067E, E0676
  10000, 10001, 10007, 10003, 10008
  3CEY, 3CEE, 3CE6, 3CEC, 3CEÉ
- (७) २०३५५ २०३५६ २०३५७ २०३५६ २०३५६ रिट्टिं टेट्टिंट टेटिंटिं १०००० १०००१ ३८८६५ ३८८६६ ३८८६७ ३८८६६ ३८६६६ २६६६६ २६६६६
- (ट) (क) ३६१०र्ट ३६३०र्ट ३६३१र्ट (ख) ३२१४८ ३०१४८ २३१४८
- (दं) इद्दर हर्टट .१६६८७

- (१) (अ) टप्रथ, (ब) टर्श्य (स) टर्ट१३ (द) ३७६१
- (२) (अ) ३३१६ (ब) ११२५ (स) ५६३ (द) ८६०

- (३) ७०३० पौधे (४) ३००० आम
- (र) (क) ५० (ख) १०५ (ग) १५० (ङ) ११६

(१) १२८६५ (२) ६५४६५ रु० (३) ८२७०७ (४) १८६८६

#### अभ्यास - ५

(१) १३६७६ (२) १०००० (३) ६२०५५ (४) १४०१७ (५) २५२१२

#### अभ्यास - ६

- · (१) (अ) १र्ट (ब) ०० (स) ६८० (द) ३३२०
  - (२) (अ) ६०५२ (ब) ५४०० (स) २६८७७ (द) १२७६२
- \_(३)(अ) = (ब) > (स) > (द) <

#### अभ्यास - ७

- (१) (अ) टट००० (ब) ४४००० (स) ०० (द) ४४०
- (२) (अ) = (ब) > (स) =
  - (३) २३६५३ (४) १६५२८२ (५) २७५६१

#### अभ्यास - ८

- (1) 90, 년 (२) 9년, ३८ (३) ७, 조५० (४) ७०,०
- (x) co, er (e) 6,0 (b) coo, ec (c) 6, cx
- (E) 70 (90) 9E0

### ुअभ्यास - र्द

(9) 9= (2) 483 = (3) 3E, (8) 33 (4) =

#### अभ्यास - १०

- (१)१२० रुवार) ४८० किमी (३) २६० रुव (४) २८७ पुस्तकें
- (५) २०७ मीटर

#### ्र अभ्यास - ११

१- (क) ४८, ४६, ६४ (ख) ५४, ६३, ७२ (ग) ६६, ७७, ८८

2. (#) U E E 90 92 (18) 20 3E VE E0 192

(ग) ३०, ४५, ६०, ७५, ८० (घ) ३४, ५१, ६८, ८५, १०२

#### अभ्यास - १२

- १- (क) ३ और ट (ख) ७ और ६ (ग) र्ट और ७
  - (घ) ४५ (च) ७२ (छ) ४८ (ज) १०,३ और ५
- २- (क) नहीं (ख) हाँ (ग) नहीं (घ) हाँ (च) नहीं (छं) हाँ
- ३- २, ४, ६, ८, १०, १२, १४, १६, १८, २०, २२, २४, २६, २८,३०,
- ४- ५, १०, १५, २०, २५, ३०, ३५, ४०, ४५, ५०,
- ४- ६, १२, १८, २४, ३०, ३६, ४२, ४८, ५४, ६०
- ६- (क) हाँ (ख) हाँ (ग) नहीं

#### अभ्यास - १३

#### . अभ्यास - १४

- (१) (क) गुणनखण्ड (ख) गुणनखण्ड (ग) ३ व ७,२१ के गुणनखण्ड हैं
  - (घ) ७ व ८, ५६ के गुणनखण्ड हैं (ङ) ८ व ८, ७२ के गुणनखण्ड हैं
  - (च) ५ व ८, ४० के गुणनखण्ड हैं (छ) गुणनखण्ड हैं
  - 🕶 (ज) ३, ५ और २, ३० के गुणनखण्ड -
- (२) (क) ३ x ४ तथा २ x ६ (ख) २ x २२ तथा ४ x ११
  - (ग) ७ x र्ट तथा ३ x २१ (घ) र्ट x र्ट तथा ३ x २७.
- 🦫 (ङ) ४ x २३ तथा २ x ४६

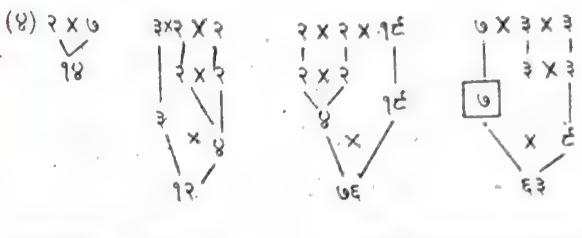
- े(१) (क) नहीं (ख) हाँ (ग) हाँ (घ) नहीं (२) ५, ७, ६,
- \_ (३) (क) १, २,३,६ (ख) १,२,३,३,१६ (घ) १,३,७,२१ (घ) १,३,३,
- ३६ (ङ) १, २, ३, ४, ३० ,

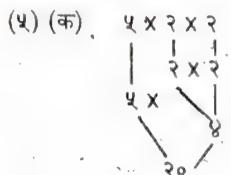
- (१) १३, १६, २३, २६, १७, ३१ (२) ४, ६, ६, १२ (३) (क) ८, १६, २४, ३२ (ख) १०, २०, ३०, ४०, (ग) १२, २४, ३६, ४८, (घ) १५, ३०, ४५, ६० (४) ६, १३, (५) ३०, २५, १५ (६) (क) १, २. ३, ६
- (ख) १, २, ३, ४, ६, १२ (ग) १, २, ४, ५, १०, २० (घ) १, २, ४, ६, १६, ३२, (च) १, २, १६, ३४,
- (७) (क) १४, १६, १८, २०, २२, २४, २६, २८, ३०, ३२, ३४, ३६, ३८, ४०, ४२ (ख) २०, २२, २४, २६, २८, ३०, ३२, ३४, ३६, ३८,
- (E) 8, E, E, E, 90, 92, 98, 94, 9E, 9E, 20, 39, 22, 28, 24
- (र्ट) (क) ७ (ख) १८ (ग) ३७ (घ) ६१
- (१०) (क) हाँ (ख) नहीं (ग) हाँ (घ) हाँ (ङ) नहीं (च) नहीं
- (११) (क) दो (ख) एक (ग) दो (घ) एक (ङ) स्वयं (च) भाज्य (१२) एक

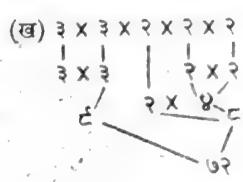
#### अभ्यास - १७

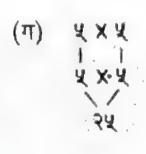
- (9) (क) 9, ३ (ख) 9, २, ४, ६ (ग) 9, २, २, १० (घ) 9 (इ) 9, ४ (च) 9, ४, (२) क ख घ च ज झ
- . (३) (क) ६ (ख) १३ (ग) ६ (घ) ४ (च) १७ (छ) २३
  - (४) (क) ३ (ख) ७ (ग) ८ (घ) ११ (ङ) १८ (च) ३१
  - (५) ५ मीटर (६) २ लीटर

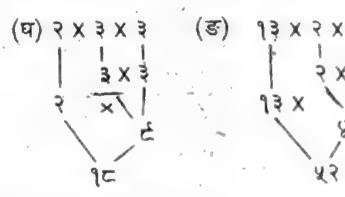
- (१) (क) ६ (ख) ६ (ग) ३० (घ) १२ (च) २४ (छ) १८ (ज) ३६ (झ) १० (ञ) २१ (ट) ३० (ठ) २४ (ड) ४५
- (२) (क) १५ (ख) १२ (ग) ३० (घ) ६० (च) ६० (छ) १८ अभ्यास - १६
- (1) (평) २ X २ X ७
- (२) (क) नहीं (ख) हाँ (ग) नहीं (घ) हाँ
- (3) (क) १, ३, ७ (ख) २, ३, ३, २ x २ (ग) २, २, २, ११









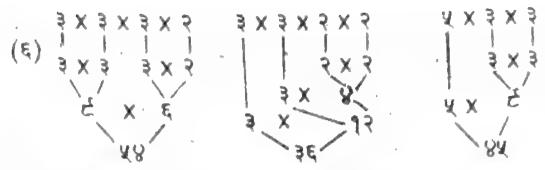


अभ्यास - २०

- (१) (क) २ X Y X ७ (ख) Y X १३ (ग) २ X २ X ३, X Y
  - (घ) २ x २ x २ x २ x २ x ७ (२) (क) ३० (ख) ७२ (ग) ४८ (घ) ७५
  - (च) ४८ (छ) १७४ .

### विविध अभ्यास

- (१) (क) १ (ख) १ (ग) ३ (२) (ख) १७, १३ (३) (क) ३, ६, १२, १५
  - और-१५, ३०, ४५, ६०
  - (ख) ६ x १२, १८, २४ और १०, २०, ३०, ४० (ग) १५, ३०. ४५.
  - ६० और २०, ४०, ६०, ८०
- (४) (क) २० (ख) १४ (ग) १२ (घ) १६ (५) एक



- (७) (क) २ X ३ X ३ X Y (國) २ X २ X २ X ३ X ३ (ग) २ X २ X २ X २ X Y (日) २ X २ X १७
- (८) (क) ३० (ख) १२० (ग) ४५

- (१) १६२, १६४, १६६, १६८, १७०, १७२, १७४, १७६, १७८
- (२) २४, २२, २०, १८, १६, १४, १२, १०, ८, ६, ४, २,
- (३) १८, १४, १२, ८, ६, ३
- (8) 95, 97, 97, & (4) 34, 30, 24, 70, 94, 90, 4
- (६) ३०५, ३१०, ३१५, ३२०, ३२५ (७) ५१०, ५२०, ५३०, ५४०
- (こ) ただ, たっ, こ1, し2, モ3, 48, 84, 3年, そし, 9年, た
- (4) 26, 22, 66, 88, 44, 88, 33, 22, 99
- (१०) विषम- ७, ३१, ८३२५, ६३, ५१, ११७, ८११ सम- १२, र्ट४, ८१०, ७३१४, ७३०, ६७२
- (99) 9, 3, 4, 6, 5, 99, 93, 14, 96, 95
- (१२) ६२, ६४, ६६, ६८, ७०, ७२, ७४, ७६, ७८
- (१३) (क) ४१२, ६१७०, ८१५६, ५१४, ३७८
  - (ख) ६८४, १०१७, ७३२६०, ८०६, ६५०७, ८१, ३२४
  - (ग) १५६, ८०४, १०३२, ५६४१२ (घ) ४०, १०१०, ५६७८०
  - (च) १६५, र्ट२०, २०२५, १३८६०, (छ) १०८, ३४२, ५६७, २८६१
- (१४) ६५४ ६१० ८५२ ७७१ ३२२८१ १६३३ २ से भाज्य हाँ हाँ हाँ नहीं हाँ नहीं ३ से भाज्य हाँ नहीं हाँ हाँ हाँ नहीं ५ से भाज्य नहीं हाँ नहीं नहीं ', नहीं नहीं १० से भाज्य नहीं हाँ नहीं नहीं नहीं नहीं नहीं ६ से भाज्य नहीं हाँ नहीं नहीं नहीं नहीं

- $(1) \frac{1}{E} (2) (4) \frac{3}{10} (4) \frac{3}{10}$
- (3) (a)  $\frac{c}{20}$   $\frac{2}{4}$  (a)  $\frac{8}{6}$  (8) (a)  $\frac{8}{6}$  (a)  $\frac{3}{4}$  (1)  $\frac{4}{11}$  (1)  $\frac{6}{13}$
- (५) दो-तीसरे (ख) तीन-पाँचवें (ग) चार-सातवें (घ) सात-दसवें
- (६) (क) ५ (ख.) ७ (७) २, ४, ७, १ (८) ६, ११, १६, १०
- (र्ट) ७ (१०) ८ किग्रा

#### अभ्यास - २३

- (१) (क) ३ (ख) ६ (ग) २ (घ) १ (ङ) ५ (च) १ (छ) ०
- (२) (क) १२ (ख) ३५ (ग) २ (घ) १
- (8) (a)  $\frac{2}{\epsilon}$ ,  $\frac{3}{\epsilon}$ ,  $\frac{8}{92}$ ,  $\frac{4}{92}$ ,  $\frac{\epsilon}{92}$ ,
- (ख) ह, ट्रं, १२, १५, १८ १७, १५, २०, १५, ३०
- (ग) १<u>०</u>, १<u>५</u>, २०, २५, ३०, ४२
- $(4)\frac{E}{9E}(E)\frac{9}{78},\frac{7}{99}(9)$   $= -3(E)\frac{3}{E},\frac{9}{94}$
- $(E) \frac{?}{E}, \frac{3}{92}, \frac{8}{9E}, \frac{4}{70}, \frac{9}{78} (90) \frac{9}{7}, \frac{9}{3}, \frac{3}{3}, \frac{3}{8}, \frac{3}{4}, \frac{8}{4}$
- (11) (a)  $\frac{9}{7}$ ,  $\frac{9}{8}$ ,  $\frac{9}{7}$ ,  $\frac{9}{8}$ ,  $\frac{9}{7}$ ,  $\frac{9}{8}$ ,  $\frac{9}{7}$ ,  $\frac{9}{8}$ ,  $\frac{9}{8}$

#### अभ्यास - २४

- (9) < (3) > (3) < (8) < (4) > (8) >
- (७) है, है, है, है, है (ख) है, ७, ७, ७, ७, ७, ७

PRICA

$$\langle (v) \rangle \langle (ii) \rangle \langle (ii) \rangle \langle (ii) \rangle \langle (ii) \rangle$$

$$(3) (i) > (ii) < (iii) < (iv) >$$

(४) 
$$\frac{\xi \circ \xi \circ \xi \circ \xi \circ}{\xi \circ \xi \circ \xi \circ \xi \circ}$$
  
(५)  $\frac{394}{394}$ ,  $\frac{394}{394}$ ,  $\frac{394}{394}$ ,  $\frac{905}{394}$ 

$$(9)\frac{3}{8},\frac{3}{28},(2)\frac{2}{2},\frac{3}{3},\frac{8}{8},\frac{1}{8},\frac{1}{8}$$

$$(8) \frac{93}{6}, 9\frac{3}{6}, \frac{96}{3}$$

$$(9) \frac{6}{92}, (7) \frac{23}{20}, (3) \frac{93}{90}, (8) \frac{99}{6}, (4) \frac{25}{5}, (5) \frac{95}{92}$$

(1) 
$$x = (2)$$
  $x = (3)$   $y = (8) = (4)$   $y = (4)$   $y = (4)$ 

- (1) 8 20 (2) 3 (3) 3 E (8) 1 (4) 0 (E) 483
- (७)  $\frac{9}{10}$  मीटर (८)  $2\frac{2}{4}$  लीटर (८)  $\frac{19}{12}$ ,  $\frac{4}{12}$  (१०)  $\frac{9}{14}$

#### अभ्यास - ३१

- (१) (क) ०.३ (ख) ०.५ (२) (क) ०.३ (ख) ०.७ (ग) २.३ (घ) ई.५
- (3) (क)  $\frac{18}{10}$ , 9.8 (國)  $\frac{22}{10}$ , 2.2 (8) 0.1, 0.8, 0.6, 0.5, 0.3, 2.5, 3.1 (以) 92.3, 32.9, 33.8, 45.6
- (६) (क)  $\frac{8}{90}$ ,  $\frac{6}{90}$ ,  $\frac{6}{90}$ ,  $\frac{6}{90}$ ,  $\frac{6}{90}$ ,  $\frac{8}{90}$ ,  $\frac{8}{90}$ ,  $\frac{6}{90}$ ,  $\frac{6}{90}$
- (७) (क) २१.५ (ख)-५६.३

#### अभ्यास - ३२

- (१) (क) ০.০६ (ख) ০.१८ (ग) ০.३০ (ঘ) १.০০
- (२) (ख) ३, ७, ३७ (ग) ०, ६, ६ (घ) ४, ०, १००
  - (ङ) दं, १, १,१०० (३) (क) ०.०४ (ख) ०.५३ (ग) ५.७३ (घ) ७.०७
  - (ङ) ८.७६ (४) (क) १.०३ (ख) ३.३३ (ग) ४.५६ (घ) ३७.३७

#### अभ्यास - ३३

- (१) (क) ०.३४५ (ख) ०.७६५ (ग) ०.२०१ (घ) ०.०४८ (ङ) ०.१२३
- \_ (२) (क) ০.০০৪ (ख) ০.০৪३ (ग) ০.१७३ (घ) १.३५७ (ङ) ७.६३२,
- (च) ०.८४३ (३) (क) ३ <u>८६४.</u> (ख) ५ <u>१७००</u> (ग) १४ <u>१०००</u> (घ)

2 7000



्, ग्यार



अपराह

(8)	भिन	3 90	- <u>प्र</u> १००	900	9000	9
	दशमलव	6.0	y0.0	٥.٥٤	0.000	0.009

- (१) (क) १३५.७ (ख) ५४.३७ (ग) ४.००८ (घ) ४३२.१३४ (ङ) ७५.४३५ (च) १.०३४ (छ) ८६४.००
- (२) चार दशमलव दो, तेरह दशमलव पाँच, तेरपन दशमलव पाँच तीन, शून्य दशमलव वार सात, शून्य दशमलव शून्य चार सात
- (3) た、3.4、0.84、0.だ
- (8) 3.8, 7.3, 9x89 (x) x.x, .xx, o.oxx, o.33

#### अभ्यास - ३५

- (१) (क) रु० ५४.४५ (ख) रु० ७०.०७ (ग) १३.४ सेमी० (घ) ५.५ किया (ङ) १०० ८ ली (च) १३.०१३ कि०मी०
- (२) (क) ६ लीटर ७५० मिली ली० (ख) २१ मीटर ३५ सेमी० (ग) र्ट कि०मी० ५ मी० (घ) ५ सेमी० ७ मिली मीटर
- (३) ६४.२०० किग्रा

## पिछले कार्य की पुनरावृत्ति

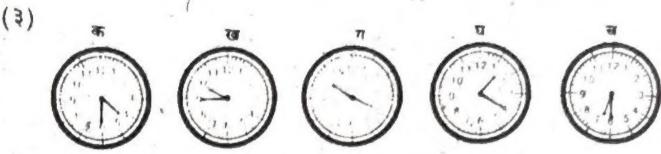
- (१) ७० मीटर (२) १० मीटर (३) १०० सेमी (४) (ग)
- (५) १४० सेमी०

#### अभ्यास - ३६

- (१) (i) खुला (ii) खुला (iii) खुला (iv) बन्द (v) बन्द (vi) बन्द
- (२) १२० मीटर (३) १४८५०.०० (४) रु० ८२५.०० (५) ४ चक्कर
- (६) ७८० मीटर (७) ४८० पग (८) ३० मीटर (८) रु० १८०८.००
- (११) १० किमी

## पिछले कार्य की पुनरावृत्ति

- (१) (क) रविवार (ख) अप्रैल (ग) सात (घ) बारह (च) २४ (छ) ६०
- (२) (क) ३ बजे हैं (छ) १२ बजे हैं
  - (ग) एक बजकर पन्द्रह मिनट (घ) तीन बजकर चालीस मिनट



- (४) (क) १२ घण्टे में (ख) एक घण्टे में (ग) २५ मिनट (घ) दो
- (५) (क) पौन (ख) पौने (ग) ५ बजकर ३० मिनट,
- (६) छ: घण्टे (७) ६ घण्टे

(१) २ बजकर ३६ मिनट, ३ बजकर पांच मिनट, सात बजकर बत्तीस मिनट, ग्यान

(२) ३.३२

C. 78

90.48

3.88









- (१) (क) ६.३० अपराह्न (ख) ४.३० पूर्वाहन (ग) ११.४५ पूर्वाहन (घ) ११.४५ अपराहन (ङ) ६.५० अपराहन
- (२) (क) ६.०० पूर्वाह्न (ख) १०.०० अपराहन (ग) ५.०० अपराहन (घ) ६.३० पूर्वाह्न (ङ) ३.३० अपराहन (च) ६.२० पूर्वाह्न (छ) ८.०० अधग
- (३) (क) ६.०० पूर्वाह्न (ख) ५.३० अपराहन (ग) १.३० अपराहन (घ) १०.०० पूर्वाहन
- (४) (क) ४.०० पूर्वास्न (ख) १.०० पूर्वास्न (ग) १०.४५ पूर्वास्न (घ) ४.०० अपरास्न अभ्यास- ३६
- (१) (क) १०२० पूर्वाह्न (ख) ६.४४ अपराह्न (ग) ११.०० अपराहन (घ) ६.०० पूर्वाह्न (ङ) ७.०५ अपराहन (च) ०.३० पूर्वाहन

- (छ) ००.०० अर्द्ध रात्रि
- (२) (क) १८.३० (ख) ०१.९५ (ग) १२.०० (घ) ०६.५० (ङ) २३.३०
- (३) अनि का सभय ११.४५ छूटने का समय ०.१५
- (8) (南) 年, 0年00 (田) 亡,30, 0年30
  - (ग) र्ट.३०, ०र्ट३० (घ) ५,००, १७००
  - (ड) ३.३०, १५३० (च) ४.००, १६००
  - (평) ८.००, २००० (ज) ७.००, १८००
  - (झ) १०.००, २२००
- (५) (क) मध्यराति (ख) १.४५ (ग) अर्द्धराति (घ) ७.१० (ङ) १२.३० (च) ७.१०
- (६) (क) २४०० (ख) १२०० (ग) १२.३० (घ) १६४० (च) २२१५ (छ) ०६४५
- (७) (क) र्ट.०० अपराह्न (ख) र्ट.२० पूर्वाह्न (ग) ११.३० पूर्वाहन
  - (घ) ११.३० अपराहन (च) ०.४५ पूर्वाहन
- (८) (क) ३ घण्टा १० मिनट (ख) ५ घण्टा ३५ मिनट

- (१) (क) १० घण्टा ५० मिनट (ख) १० माह २३ दिन (ग) १२ वर्ष १० माह
- (२) (क) १ वर्ष २ माह २७ दिन (ख) ३० घण्टे (ग) १७ वर्ष ४ माह
- (३) (क) ६ बजे शाम (ख) र्ट ०० बजे शाम (ग) ११.४५ पूर्वाह्न
- (४) ५ घण्टे १० मिनट बाद (५) ५.४५ बजे शाम (६) ८.०० बजे शाम
- (७) ८.१० प्रातः (८) (क) १३ बर्ष २ माह (ख) १२ घण्टा १० मिनट (ग) चौदह वर्ष (८) (क) ११.४० रात्रि (ख) ८.१० शाम (ग) ५.०५ शाम (१०) २४ जुलाई ८८ (११) १२ जुलाई (१२) १ वर्ष ११ माह २२ दिन

- (१) (क) र्टर दिन (ख) ७७ दिन (ग) ३६१ दिन
- (२) (क) १ घण्टा ४० मिनट (ख) ८ घण्टा ५० मिनट
  - (ग) ३ घण्टा ४५ मिनट (घ) ७ घण्टा ३५ मिनट
- (३) ४.१० बजे अपराह्म (४) ४.१० बजे अपराह्म (४) (क) ५ ३० बजे पर्वाह्म

# प्रार्थना

वह शबनत हमें वो दयानिधे,कर्तब्य मार्ग पर बट जावे। पर सेका पर उपकार में हम,जग-जीवन सफल बना जावें। ११।

हम दीन-दुखी, निवलों-विकलों के सेवक बन संताप हरे। जो है अटके भूले भटके, उनको तारे खुद तर बावें।।२।।

छल दंभ-द्वेष-पाखण्ड-भूठ-अन्याय से निशि दिन दूर रहें। जीवन हो शुद्ध सरल अपना,शुचि ग्रेम सुधारस भरसावें।। ३।।

निज आन-सान मयांधा का,प्रभु ध्यान रहे अभिमान रहे। जिल वेश-जाति में जन्म लिया,अलिवान उसी पर हो जावें।।४।।

